2/100

#

Sukoon Sialat

1921 (Pus)

Ogsi mend Hussain

God by the

18 C Sales S

DATE LABEL					
		-			
	1	1			

Call	No.	Date
	27.	

J. & K. UNIVERSITY LIBRARY

This book should be returned on or before the last date stamped above. An over-due charge of $.06\ P$, will be levied for each day, if the book is kept beyond that day.

531.2

MASHMIR NIVERSIL

456012

Quina 24-5-03

	فبرست مفامين	
نحات	مضون	اب
1	عَالِي دِيا فَ	1
14	كنافت وكثافت اضافي	7
74	آمیزے کے بیٹر نے دور ان	
44	متبانس الاجزاسيال مے فتلف نقطوں بردماؤ	14
0	كسى رقبه بركاكل د باولا مجوى د باول	499
79	ایک مستوی دقب پر کے دباؤ کامرکز	}
4		4
4		
AI		
1.		0
11	توازن کا قیام	
10	اسام کی اضافی کثافتیں دریافت کرنے سے طریقے	
	كنافت اضافى كى بوتل	
10	آبی میزان مع ادائه ا	
17	معولی مائع بیا محکسن کا مائع بیا	1
15	المانلي المانلي	
1	22	3
1	T U.	

1 . 10 -		
صفات	مضمون	اب
19-	باريا	
199	بائل کا گلیہ	
110	چالس کاکلیہ	
777	بارہا کے ذریعہ بلندیوں کامعلوم کرنا	
۲۳.	تأمض ياربيلي	-
	سیالات سے خواص کی تشریح سے الغے آلات اور کلیں	1
700	ظرت غواص	76
404	معولی بیپ	9.4
770	بوايب	94
TAY	برا ما كاشكنيه	33
YA4	سيفن	4 "
191	وباؤكا مركز	9
211	گھونے والے اتعات	1.
40	شغرق سأنل	11
141	اچهال کانخی اوراجهال کی طع	43
200	مركز ما بعد كامحل تيام توازن	101
701	اسے ظرفوں کے تنا وُجن کے الدرشیال ہوں	111
104	شغرق شابین	1
147	اضيب	31
Pal	جوایات	-

بسمالشرادم الرحيم

بجند متبور مندسي ضابط

دائرہ - اگر ایک دائرہ کا نصف قطر لے ہوتو اس کا محیط = ١٦ لے اور اس کا محیط = ١٦ لے اور اس کا محیط = ١٦ لے

اسطوات، اگرایک اسطوانہ کے قاعدہ کا نصف قطر رہو ادراتفاع

دن و اس کی سط کا رقبہ = ۱۱۲ رف

اور اس كا جم = ١١ لاون

كره- الرايك اروكا نصف قطر ل بو تو الحي سطح كارقب=١١١ لا

اور اس کا جم = ہے الا ل

کرہ سے منطقہ کا رقبہ (منطقہ کرہ کی سطح کا وہ حصہ ہے جرکو دو متوازی متوازی مستوی سطحیں کرہ سے کا ٹیں) = کرہ کا مخیط × متوازی

سطون کے در میان کا عمودی فاصلہ

= ۱۱۲ رفر جماں در عمودی فاصلہ ہے۔ منطقہ کا مرکز تقل اس خط کی تنصیعت کرتا ہے جو ستوی سروں

ے مرزوں کو طاما ہے۔

مفات

19.

199

277

17.

100

104

144

YAY

YAL

191

۱۲۱

140

101

106

767

PAT

اگر دو متوازی مستوی سطیں ایک کرہ کو کائیں اور ان سطوں سے فاصلے کرہ کے مرکز سے لا اور لا ہوں تو کرہ سے اس حصہ کا مجم جو ان سطوں سے درمیان واقع ہے

مخروطِ نافص کا مجم = ہے۔ ہے (لاہ لر لر لر)
ہماں لر، ر اس سے ستدیر سروں سے نصف قطریں اور سوں کا عمودی فاصلہ ایک دوسرے سے کہ ہے۔
گردشی مکافی نما۔ یہ مجسم، قطع مکانی کو اس سے محود سے گرد گھانے سے حاصل ہوتا ہے۔
گھانے سے حاصل ہوتا ہے۔

اگر ایک متوی سطح اس کے محور پر عمود ہوتو جو حصہ یہ سطح اس مجمہ سے کا نے گی اس کا حجم = اس اسطوانہ کا نصف حجم جواس سطح پر کھڑا ہو اور جس کا ارتفاع وہی ہو جو حصبہ مذکور کا ہے

= المستوى قاعده كا رقبه x ارتفاع

بابداول

سیالی دباؤ

ا۔ علم سکون میں ہم نے استوار اجام کے توازن پر بحث کی ہ اور ہم جانتے ہیں کہ استوار جسموں سے ترکیبی دروں نے باہی فاصل ہمیشہ وہی رہتے ہیں یعنی اُن کے ذیت اپنے اضافی مقامات کو بلخا ایک دوسرے کے بنیں بدلتے۔ اس سے معلوم ہوتا ہے کہ اتوار جسم کی ایک خاص شکل اورجسامت ہوتی ہے۔ علم سکون یں اشارہ جم نے یہ ہی بتا دیا تھاکہ اس قسم سے جسم قدرت میں ہنیں منتے - نکین ایسے اجسام بکٹرت موجود ہیں جو اوپر کی تعرافین کو قریب قریب پورا کرتے ہیں۔ سکون سیالات میں ہم ایسے اجمام کے توازن پر بحث کریں گے جیسے بانی میل گیس وغرہ ایسے جمون کی مشرک اور مشہور خاصیت بہے کہ ان کے اجزا، ایک دوسرے سے بیحد اسانی اور سولت سے جلا ہو سکتے ہیں۔ الرایک نهایت ای باریک پترے کو کنارے کے بل پانی میں دھکیلیں تو پترے کی حکت کو روکنے سے نے نہایت ہی کم

مزاحت محسوس ہوگی۔ یعنی رکڑ کی قسم کی قوت برترے کی سطح کی سمت میں نہایت ہی خفیف ہوگی۔ دراصل کوئی سیال اسیانہیں ہے جس میں یہ قوت بالکل معدوم ہوتی ہو لکین اس کتاب میں خروع سے آذیک ہم یہ فض کریگے کہ ہمارے سال زیر بجٹ یں یہ قوت بالكل معدوم ہوتی ہے -رسے زضی سال كو سيال كامل كہتے ہيں - باقاعدہ طور پر ہم اس کی تعربیت اگلی وفعہ میں کرینگے۔ ٧- ايسا خيال كروكه سيال ك اندر ايك جيموني ستوى سطح كهيس واقع ہے اس سے دونوں طون سیال سے جو دو حصے ہیں وہ ایک ووسرے پر عل کرتے ہیں اور ان کے تعالی کو دو حصول میں تخلیل کیا جا سکتا ہے ایک سطح فاصل کی عمودی سمت میں اور دوسرے اس سے متوازی ، بہلی قوت کو عمودی اور دوسری کوعاسی قوت كہتے ہيں۔ سیال کائل۔ تعربیت سیال کائل وہ شے ہے جس کی شکل کسی ماسی قوت کو (خواہ وہ کتنی ہی قلیل ہو) کافی دیر تک مگانے سے بدل دی جاسکتی ہے، اور جس کے حصے اس کی باقی مقدار سے باتانی جدا ہو سکتے ہیں ، اور جس سے مخلف حصول میں کسی ماسی قوت یعنی رکڑ کی قسم کی قوت عمل نہیں کرتی۔ یانی اس مالت میں جبکہ یہ درکت کر رہا ہو سیال کال کی تعربیت کو مثلاً أربم ایک بیاہے میں بانی کو گھانا شروع کریں تو رکو کی تعمی

جو مزاحمتیں یانی اور بیا ہے سے درمیان ہیں اور جو یانی سے مخلف صوں کے درمیان عل کرتی ہیں وہ پانی کو طبد حالت سکون میں ے ہو یمنگی، لیکن جب یانی حرکت مذکررہا ہو تو اس وقت اس کو علی طور پر سیال کائل کہا جا سکتا ہے۔ س - سالات کی پھر دو قسیں ہیں ، مانعات اور کیسین مانعا ایسی انیار ہیں جیسے یانی اور تیل ان کی منہور خاصیت یہ ہے کہ يه مطلق دب بنيس سكتے اور نه دب والا سيال وه ب جس كاكل جم (یعنی وہ جگہ جو یہ گھرتا ہے) کسی قوت کے نگانے سے خواہ وہ کلنی ہی بڑی ہو کم بازیادہ نہ ہو سکے اگر یہ ایک چھوٹی سے چھوٹی قوت اس کی شکل کو باتمانی بدل دے ۔ فی الحقیقت سب مانعات بہت بڑے دباؤے زیرعل کسی نہ کسی مذکک دب جاتے ہیں۔ مثلاً رہ ہوائی سے دباؤ کا تقریباً .. اعن اپانی سے کسی جم کو صرف بقدر بنا ویں صد جم کے کم کے گا۔ لین جم کی اس قلیل می کو ہم نظر انداز كرينك اور أنعات كو ايسے سيال تصور كرينكے جو بالكل بے كيك ا ہول یعنی بالکل وب نہ سکیں۔ برعكس ان كي كيسين وه سيال بي جن كا جم آساني سے بدل سك يعنے جو بآسانی دب سكين-یعنے جو بآسانی دب سکین۔ اگر ایک ظاف سے اندر بچہ کے کھیلنے کی گیند رکھ دی جائے جسکے اندر ہوا ہو ' اور ہوا پرے کے ذریعہ اس ظرف کی ہوا خارج کھا تو گیند جم میں بڑھ جائے گی۔ اگر گیند کی سطح پر کوئی سوراخ ہو تو ہوا پھیل کرظات کو بھر دے گی خواہ ظرف کا ججم کچھ ہی ہو۔

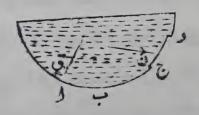
ام مانع اور کیس کی باضابطہ تعریفات یہ ہوسکتی ہیں۔ مانع کامل وہ سیال ہے جو بالکل نہ دب سے۔ كيس وه سيال ہے جس كى كوئى محدود مقدار فضا كے بڑے سے را من الله الله الله الله وبالوكافي الله يرعل كر را موكافي طور يركم كرديا جائے۔ ۵۔ بیں ایک جسم استوار ، مانع اور گیس سے باہی فرق اس طح بیان او سکتے ہیں ۔ کامل طور پر استوار مبع وہ سے جو ایک خاص مجم اور خاص شكل ركلتا بو-مانع کابل کا ایک فاص جم ہوتا ہے لین اس کی کوئی فاص شکل ہیں ہوتی -کیس کامل کا نہ کوئی خاص حجم ہوتا ہے اور نہ کوئی خاص شکل۔ ١- ازج سيال - كوئى سيال ايسانيس جے كامل كه سكير أبيت سے سیال ایسے ہیں (جیسے شیرہ - شہد اور تارکول)کہ اگر ان کی کل بدلنے کی کوشش کی جائے تو ان کی فراحمت پر غالب آنے کے لئے بہت زور نگانا پڑنا ہے ، اس قسم کے سیال جن کی متصل ہون کے در سیان عاسی عمل یا جڑی زور اتنا ہو کہ نظر انداز نہ ہو سکے ان کو انع سال کھے وں۔ ے ۔ کسی تقطیر کا و ماتی ۔ فض کرد کہ ایک برتن سے بہلویں ایک سوراخ کردیا گیا ہے اور ایک تختی اس پر لگا دی گئی ہے جواس پر خوب سطبق ہوتی ہے۔ اب اگر اس برتن میں کوئی سیال ڈالا جائے تو تختی مرت اس صورت میں ساکن رہ سکے گی جکہ کوئی

بیرونی قوت اس کو سہار نے سے لئے لگائی جائے۔ اس سے معلوم ہوتا ہے کہ لازماً سیال تنحی پر قوت لگاتا ہے۔ نیز بموجب تقریف سیال کی یہ قوت اس تختی سے ہر جزو پرعموداً عمل کرتی ہے۔

اب اگر تخی کے رقبہ کے ہر مساوی جزو پر سیال کیساں قوت

دگائے تو جو قوت تخی سے کسی نقطہ ن سے گرد رقبہ کی ایک

اکائی پر عمل کرتی ہے اس کو نقطہ ن پر کا دباؤ کہتے ہیں۔
لیکن اگر تخی کے ہر مساوی جزو پر سیال کیساں قوت نہ لگائے
بیسے تخی ہے ہر مساوی جزو پر سیال کیساں قوت سے تجہوگا
جیسے تخی ہے ہر پر تو نقطہ ن پر کا دباؤ اس قوت سے تجہوگا
جو سیال زیر بجث ن پر کے رقبہ کی ایک اکائی پر نگانا ہے بشطیکہ
یہ مان لیا جائے کہ رقبہ کی اس اکائی پر دباؤ کیساں ہے اوراس
دباؤ کے برابر ہے جو ن پر کے لا انتہا قلیل رقبہ پر عل کرتا ہے

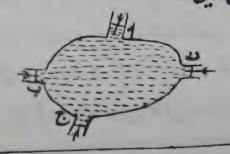


اگرگوئی نقطہ تی سیال کے اند واقع ہو تو اس نقطہ پر کا وباؤ اس طح معلوم ہو سکتا ہے۔ فرض کرد کہ ایک ہمایت ہی چموتی استوار تخی جس کا رقبہ را مربع فٹ ہے نقطہ تی پر رکھ دی گئی ہے

اور نقطہ فی علیک اس پر واقع ہوتا ہے ، نیز فرض کرد کہ اس تختی کے ایک طرف کا کل سیال نکال دیا گیا ہے اور شخی کو سائن رکھنے کے لیک کل بونڈ وزن کی قوت لگانی پڑتی ہے ، تب نقطہ فی برکا دباؤ کے بونڈ وزن فی مربع فٹ کی قوت سے برابر ہوگا۔

٨ - اكايُوں كے قط يوند نظام ميں دباؤكى اكائى جو نظريات بيں متعلى ب وہ ایک پنٹل فی میے فٹ ہے اور سنتی میتر، گرام ، ثانیہ رس کی سن نظام میں یہ اکائی ایک ڈائن فی مربع سنتی میترہے۔ لیں علیات میں ایک سیال کے کسی نقط پر کا دباؤ اس طرح بیان نہیں کیا جانا کہ یہ است پونڈل نی مربع فٹ ہے کیکہ بالعموم اس کو اس طح بیان كرتے ہيں كہ دباؤ في مربع اپنج اتنے يونٹر وزن كے برابر ہے۔ اس مين ك بنیں کہ نظری صابات میں دباؤ کو 'یونڈلون' میں بیان کرنا زیادہ سوو مند ہے اس کو جب جا ہیں ''پونٹہ وزن فی مرائع الخے'' کی رقوم میں بیان رکھے اسی طرح سے (س ، گ ، ف) نظام میں بھی دباؤ کو علی طور پر اس طح بیان کرتے ہیں کہ یہ اننے گرا مون کا وزن فی مربع سنتی میتر ہے۔ بیض اوقات سہولت کی خاطر ایسے دہاؤکو جو قط پونڈ نظام سے موافق بیان کیا گیا ہو(س اگ اسٹ)نظام یں منقل کرنے کی ضرورت بڑتی ہے اکانیوں کے ان نظاموں کے باہم نقربی تعلقات یہ ہیں۔ ا انج = ١٥٥٧ سنتي ميتر ، ايكسنتي ميتر = ١٩٩٥ انج ا يوند = ٢١ ١ ١٥ م گرام ، ايك گرام = ١٠٠٢ . ويوند اس سنے فی مربع انج ایک پونڈ وزن کا وباؤ

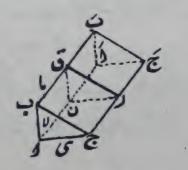
= في (١٥٥٣) مربع سنى ميتر ٢١٥٥ گرام وزن كا دباؤ ع في مربع سنى ستر الم ١٥٠٥ مرام وزن كا دباؤ-نی مربع سنتی میشر ۳۰ د ۵ گرام وزن کا دباؤ اسی طح سے فی مربع سنتی میتر ایک ارام وزن کا دباؤ = في (عم ٩ ٣٤) مربع الج ١٠٠٧٠٠ يوند وزن كا دباؤ = في مربع الح الم ٢٠٠٢٠٠ بوند وزن كا دبا و = في مربح الي ١٨١٠ يوند وزن كا دياؤ_ 9- سيالي دباؤكا انتقال-اگر کسی سیال کی سطح پر کوئی دباؤ ڈالا جائے تو یہ دباؤ سیال حصون میں مساوی طور پر شقل ہو جاتا ہے۔ اس سنله كو تجربي طور پر ہم اس طرح خابت كر سكتے ہيں۔ فرض کرو کہ کسی شکل کا کوئی ظرت ہے اور اس میں کوئی سیال بھرا ین زفن کرو کہ کئی ایک مخلف رقبوں کے چھوٹے بڑے سوراخ ر، ب، ج، حن فرات ين موجود بين جن كو تؤب بيسسرك آنے والے فتاروں سے بند کیا گیا ہے ان فتاروں پر مخلف قِسَ نَكَانَي جَا عَتَى بِن -

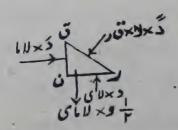


وض کرد کہ اِن فشاروں کے رقبے او ، ب ، ج ، ف اسمریح فٹ ہیں اور یہ فتارے مناسب قوتوں کے زیر عل توازن میں ہیں۔ ار الرير مزد قوت (x إ لكائي جائے [يبني او پر سے رقب كى ہر اکانی پر د پونڈ وزن کا مزید دباؤ ڈالا جائے] تو ہے مصلوم ہوگا کب برد × ب یونڈ وزن ، ج بر د × ج یونڈوزن من پر د × ن پونڈ دنن ، وغره وغره کی مزید قوتیں نگانی بڑتی ہیں۔ بیس معلوم ہوا کہ اگر او برے رقبہ کی رایک اکانی ہر د پنڈ وزن کا دباؤ زیادہ کردیا جائے تو اس کا یہ نتیجہ ہوتا ہے ك ب سے سقے كى ہرايك اكائى يرديوند وزن كا دباؤ زيادہ ہو جاتا ہے اور اسی طع سے باقی فتاروں جے اور اسی طع سے باقی فتاروں جے مرایک کی یمی کیفیت ہے۔ اس کئے سٹلے ثابت ہوا۔ ١٠ ايك ساكن سيال مين كسي نقطه يركا دباؤ مرسمت مين دي یہ سئلہ دفعہ آخری تھوڑی سی ترمیم سے تجربی طریق پر تابت ہوسکتا فرمن کروکہ فتارہ ف ایسا ہے کہ اس کو پچرا کرکسی فاص مقام يا ممل ميں لا سكتے ہيں - ينى اس كى سطح كوكسى ايك فتاره والب كى سطح كے متوازى كريكتے ہيں يا اس كوكسى اور مقام پر با مانى لاتحة ہیں۔ تجربہ سے معلوم ہوگا کہ اگر لر پر سے رقبہ کی ہر ایک اکائی پر دباؤ د کا اضافہ کیا جائے تو خواہ فارہ ف کسی محل میں ہواس کے رقیہ کی ہر ایک اکائی پر دباز دکا اضافہ ہوجائے گا۔ اا- وفعد گذشته کا منله اس اساس اصول سے مجی طاصل ہو سکتا ہ

کہ ایک سیال کا وباؤ ایک ایسی سطح پر جو اس کومٹس کرے ہمیشہ عمود وار ہوتا ہے۔
سیال کے ایک ایسے حصہ پر غور کرد جس کی شکل مثلثی منتور کی ہو۔
فرض کرد کہ اس کا قاعدہ اج ج کے کہ متوازی الافق ہے اور اس کا منتظیل پہلو کر دب ہے اور اس کا منتظیل پہلو کو دب سے کو اور نیز مثلثی پہلو کی دور اس کا منتقبل پہلو کر دب سے کو اور نیز مثلثی پہلو کا دب ہے اور اس کا منتقبل پہلو کر دب ہے دور اس کا منتقبل پہلو کر دب ہے دور اس کا منتقبل پہلو کر دب ہے کو اور نیز مثلثی پہلو کر دب ہے دور اس کا منتقبل پہلو کر دب دب کو دب کو

الركب بنج متيوں انتصابی ہیں۔ فرض كروك منتوركى لمبائى إل أن چوڑائى إلى ج اور اونچائى إب تيو طول میں نهایت ہى كم ہیں اور فرض كروكه إلى كب ب ب بج ج كے نقاطِ تمنصیف بالتربیب ن، ق ، ل ہیں۔



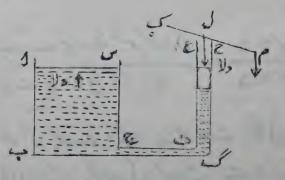


خض کروکہ اور کو ہوں ہوں ہوں ہوں ہالہ ہے ہیں اس لے چونکہ کناروں اور کو کہ جو کے طول لائمی بہت کم ہیں اس لے ہم بہلو اور کو ج ج بر کے دباؤ کو کیساں خیال کر سکتے ہیں اور اگر اس کے رقبہ کی ہراکائی پر دباؤ ح ہو تو اس قوت کی کل مقدار ہو سیال اس بہلو پر لگا تا ہے حد ید لا می ہوگی اور ظامر ہے کہ یہ دن اس سے نقطہ تنصیف پر عل کرے گی۔ کہ یہ دن ال سے نقطہ تنصیف پر عل کرے گی۔ اسی طرح سے اگر اور جب ج ج ج ج مے رقبوں پر اسی طرح سے اگر اور جب جے ج ج مے رقبوں پر اسی طرح سے اگر اور جب جے جہ سے رقبوں پر

نی اکائی دباؤ بالرتب كر اور كر موں تو ان رقوں برعل كرنوالي قوتون کی مقداریں بالرسی در لا ما اور د مدلا من ل ہو تکی اور وہ بالترتیب ن ق اور ق لے نقاط تنصیف یہ - Sus Je فض کرو کہ سال سے جھے کی ایک اکانی کا وزن و ہے ، چوک نتورکا جم الد مرتب الب ج ینی لا × الم مای ب اس نے لیالی نشور کا وزن = و × الله ما ی اور یہ شلف ن ق ل سے مرز تقل میں سے شاق لی ست میں علی آہے یہ وزن اور تینوں قوتیں جو مشور کے پہلوؤں پر عل کرتی ہی با ہم متوازن ہیں کیو تکہ اگر ایسا ہو نو منشور اُن سے زیر عل حکت كنا شروع كرے گا۔ اس نے افقی ست میں تحلیل کرنے سے マメレリーマメレスシーグ・ローラーでメントラーでメントラ シーベンとメンベラー اس نے ذ = ذ .. نیز انتصابی سمت میں تحلیل کرنے سے (ノーターレンシーでメリンニベンレンン・レントン = x x k x O C S C = x K x C SVX = اس ك د - د = و × أ م اب زض کروک منشور کے اضلاع لا انتہا چھوٹے ہیں۔(اگراپیا

ہوتو در کر کر کہ نقطہ ن بر سے دباؤ ہوں گے جو نقطہ ن بربالتر اسمات ن رو نقطہ ن بربالتر اسمات ن رو نقطہ ن بربالتر اسمات ن رو ن ن اور ق رو برجمودی سنتوں میں علی کرنیکے اس صورت میں مقدار و × لے الله النہا قلیل ہو جائے کی اور اس لئے انظر انداز ہو سکے گی - نظر انداز ہو سکے گی -

تب ساوات (۲) سے ماصل ہوگا



 عودی تراش دوسرے کی عمودی تراش سے بہت بڑی ہوتی ہے۔ ہر اسطوانہ میں ایک خوب بھنس کر آنیوالا فشارہ ہوتا ہے جس میں سے پانی نہیں گزر سکنا -

سے بالی ہبیں اور سلا۔

رض کرو کہ ان فٹاروں کی تراشوں کے رقبے کا اور لا ہیں۔

نیے رجوئے فٹارہ سے رقبہ پر فی اکائی کم پونڈ وزن کے

حاب سے دباؤ ڈالا جاتا ہے ' لیف کل قوت جو اس پر نگائی جاتی

ہے کہ ید لا پونڈ وزن کے مساوی ہے۔

وفعہ ہی رُوسے یہ دباؤ جو رقبہ کی ایک اکائی بر کم پونڈ وزن کے

صاب سے سگایا گیا ہے کل سیال میں منتقل ہو جائے گا سیف

کل زور یا دباؤ جو بڑے نشارہ کی سطح پر جاکر بڑے گا وہ (×کا پونڈ دزن کے ساوی ہوگا۔

یہ زور بڑے فتارہ کی سطے پر د × لا پونڈ وزن کے ایک جسم کو سہار سے گا۔

بیں سعاوم ہواکہ بچوٹے فتارہ پرجو قوت نگائی جائے وہ نسبت کے یعنی اسطوانوں کے رقبوں کی نسبت سے ضرب کھا جاتی ہے۔ اوپر کی تحقیقات میں فتاروں سے اوزان کواورنیز اسطوانوں میں جوسال ہے اس کی اونجائیوں سے فرق کو نظر انداز کیا گیا ہے۔ ہے اس کی اونجائیوں سے فرق کو نظر انداز کیا گیا ہے۔ جھوٹے فتارہ پر دباؤ بالعم ایک بیم کی ل ص کے فریعہ ڈالاجا ہے کا جھوٹے فتارہ پر دباؤ بالعم ایک بیم کی ل ص کے فریعہ ڈالاجا ہے کا جھوٹے فتارہ پر دباؤ بالعم ایک بیم کی ل ص کے فریعہ ڈالاجا ہے کا جھوٹے فتارہ پر دباؤ بالعم ایک بیم کی ل ص

جو این ٹابت سرے ک کے گرد بلا تکلف حرکت کرسکتا ہے م پر قوت لگائی جاتی ہے اور نقطہ ل کو چھوٹے فتارہ کے ساتھ ایک استوار سلاخ کے ذریعہ وصل کردیا جاتا ہے۔ اگر ہم چھوٹے فشارہ کے رقبہ کو نہایت ہی کم کردیں اور بڑے فتارہ کے رقبہ کو لا انتہا بڑھا دیں تو نظری تحقیق کی روسے ہم اس قوت کو جو لگانی گئی ہے جتنا جاہیں بڑھا کے ہیں علی طور پر قوت کی پیتصنیف خاص صدود سے اندر ہی ہو سکتی ہے۔ میونک ایسا کرنیکے لئے ضروری ہے کہ ظرفوں کے بہاو دباؤکوہماری لئے بہت ہی مضبوط بنائے جائیں ۔ المشق ایک براه کے تکنید میں چھوٹے فشارہ کا رقبہ یا مربع انج ہے اور بڑے فنارہ کا رقبہ ، مربع فٹ - اگر جیوٹے فنارہ پر ، ، پونڈ وزن کی قوت لگائی جائے تو معلوم کرو کہ براے فتارے ہریہ کتنے وزن کوسیار کے گی۔ جو سال جوٹے فشارہ کو مس کرنا ہے اس سے ہرایک نقطہ پر کا دباؤ ٢٠ + بل ينى ١٠ يوند وزن في مربع الج كے برابر ہے۔ دفعہ 4 کی روسے دباؤ کی یہ مقدار بڑے فتارہ کے ہر ایک مربع انج ير جاكر عل كرتى ہے جس كا رقبہ ٨٨٨ مربع الح ہے۔ اسلنے کل دباؤ یازورج برام فشارہ پر عل کرما ہے ۲۸۸× ۱۰ یعنی ۲۸۰ ایونگر وزن یعنی م عثن وزن کے برابرہے۔ اسك برا فأره ع ، أن وزن كو سهار سك كا -١٧ - براه كا شكنچه كام سے اصول كى جو علم سكون كى دفعہ ٢٠٠ ميں

بیان ہوا ہے ایک عدہ مثال ہے۔ چھوٹے اسطوانہ سے پانی کی کی بڑے اسطوانہ سے بانی کی زیا دتی سے ساوی ہے اس سے Lx V= Lx 8

جہاں ما اور یا اُن فاصلوں کو تعبیر کرتے ہیں جو بڑا اور چھوٹا فتاره بالترتيب طي كراب -

وہ قیت بوبڑا فشارہ لگاتا ہے کا وه توت جوجوا فناره لگائے = س

اسلنے وہ قوت جو بڑا فشارہ لگانا سے xما

= وه توت جو چموا فضاره لگاتا ہے × ما

یعنے معلوم ہواکہ جتنا کام بڑا فتارہ کرنا ہے وہ اس کام کے ساوی ہے جو چھوٹے فٹارہ پرکیا گیا ہے۔

اسلنے کام کا اصول اس صورت میں صحیح ہے۔

١٥- تافظ كملتدن ما فظ کلمندن سالون سے دباؤ کی ایک اور عدد مثال ہے۔

انجن سے جوشدان میں مکن ہے کہ بعض اوقات بھاپ کا دباؤ

اتنا زیادہ مو جائے کرجوشدان کی مضبوطی اسکی متحل ہو سے۔ اس

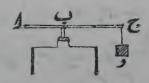
صورت میں جوشدان کے چینے کا اندیشہ ہوگا کا محافظ کھلندن کا

یہ فائدہ ہے کہ جب بھای کا دباؤ ایک ایس طرسے زیادہ موجا

جو جوشدان کی مضبوطی کے لحاظ سے نامناسب ہو تو بھا ہے کو

خارج ہونے کا راستہ دیدیا جائے۔
ایک قسم کے محافظ کھلمندن کی شکل ذیل میں دی گئی ہے ،
ایک قسم کے بہلو میں ایک گول سوراخ ہے جس کے اندرایک
دُاٹ یا دُسٹی بچنس کر آتی ہے ، اس دُّاٹ کو ایک بیرم یا سلاخ
الدب ہے کے ساتھ نقطہ ب پر لگا دیا گیا ہے اور بیرم کا
ایک سار او مثین کے کئی ثابت حصہ کے ساتھ بیوست کردیا
گیا ہے۔
گیا ہے۔

بیرم آرب ج نقطہ آر کے گرد حرکت کرسکن ہے اور اسکے دوسرے سرے پر وزن نظا دیے جا سکتے ہیں ۔
فلاہر ہے کہ بھاپ کا دباؤ اور ج پر کا دزن بیرم کو شقابل جابو ایس کی میں کیر ان کی قابلیت رکھتے ہیں۔ جب بھاپ سے دباؤ کا میار اثر نقطہ آل کے گرد ج پر کے وزن سے معیار اثر سے بڑا ہوگا تو دائ کو اٹھیگی اور کچھ بھاپ ظاج ہو کر دباؤ کم ہو جائے گا۔



اورقسم کے کھلندنوں میں بیرم ادب ج بنیں ہوتا اور ڈاٹ کی طلہ ایک گول پردہ یا کھلندن ہوتا ہے جس کے ساتھ وزن بندھے ایک ایک تفظم سے گرد حرکت کرسکتا ہوتے ہیں۔ اور دہ اپنے محیط کے ایک نقطم سے گرد حرکت کرسکتا

مثال۔ ایک عافظ کھلندن کے بیرم سے بازو النج اور ۱۱ انج ہیں کرے بازو کے سرے پر ایک ۲۰ بونڈ کا وزن لٹکایا گیا ہے اگر کھلند کا رقبہ ہا امریع انج ہو تو معلوم کرد کہ جوشدان کے اندر زیادہ سے زیادہ کتنا دباؤ رکھنا مناسب خیال کیا گیا ہے۔ اگر مطلوبہ دباؤ نی مربع انج کم پونڈ وزن سے مساوی ہوتو توت کی گئر مقلار ہو بحاب کھلندن پر لگاتی ہے۔ کئل مقلار ہو بحاب کھلندن پر لگاتی ہے ۔ کہ سے پونڈ وزن سے مساوی ہوتا ہے اور ۲۰ پونڈ وزن سے مساوی ہوتا ہے اور ۲۰ پونڈ وزن ہے اس وقت سے اور ۲۰ پونڈ وزن ہے۔

جب کھلندن عین اعظے کو ہوتا ہے اس وقت سامے اور ہر پونڈ وزن کی قوتیں جو ہالٹرتیب ا اپنج اور ۱۸ اپنج لمبے بازؤن کے سروں پر عل کرتی ہیں توازن بیدا کرتی ہیں اسلے سامے ×۱ = ۲۰ × ۱۸ بونڈ وزن درن

امتله نمبری ا

ا- ایک براہ کے شکنجہ بیں بڑے اور جھوٹے فتارہ سے قطر بالترتیب
ا میں میتر اور ۲ سنتی میتر ہیں ، جھوٹے فتارہ سے سربر ایک
کلوگرام وزن رکھا گیا ہے ، معلوم کرو کہ بڑے فتارہ پر کتنا وزن
سہارا جا سکتا ہے ۔

ہا۔ ایک براہ کے شکنیہ میں بڑے نشارہ کا رقبہ ۱۰۰ مربع انجے ہے اور چھوٹے فشارہ کا ہے ہوئے قت وت چھوٹے فشارہ کا ہے کہ بڑا فشارہ ایک ٹن وزن اٹھا سے۔

سا۔ ایک حوض حکو بانی سے بھر کر بند کردیا گیا ہے نیادہ سے زیادہ اسلام درن کا دباؤ فی مربع فٹ برداشت کرسکت ہے۔ ایک نالی جس کی تراش ہے مربع افتی ہے حوض سے ساتھ طا بی گئی ہے اور اس نالی کو بانی سے بھر دیا گیا ہے ' اگر اس نالی کے فالی سرے پر ایک فشارہ لگا دیا جائے تو معلیم کرد کہ اس فشارہ پر زیادہ سے زیادہ لیک کننا دزن رکھا جا سکتا ہے کہ عوض سے پہلوؤں سے پیلوؤں سے پیلوڈ کا احمال نہ ہو۔

الله ایک براه کے شکنے میں ۵ پونٹر وزن کی ایک قوت ایک ش وزن کا ایک فوت ایک ش وزن کا مجموعی دباؤ پراکرتی ہے آگر فشارہ کے قطروں کی باہمی نسبت ۸: انہو توجس بیرم کے ذریعہ جو شے فشارہ پر دباؤ ڈالا جاتا ہے اس کے بازوؤں کے طولوں کی نسبت دریافت کرو۔

۵- ایک شکنجہ آبی کے اسطوانوں کے نصف قطر بالترتیب سے اپنج اور ۲ فٹ ہیں ، قوت ۲ فٹ لمبے بیرم کے سرے پر نگائی جائی ہے۔ اور چھوٹے فشارے کو نصاب سے ۲ اپنج کے فاصلہ پر نگایا گیا ہے۔ اگر بڑے فشارہ برا بن وزن کا ایک جم رکھدیا جائے تو اس قوت گر بڑے فشارہ بریافت کرو جو شکنجہ کے ذریعہ وزن نمکور کو اٹھانے سے لئے مرے بیرم کے سرے پر نگائی بڑے گی ۔اگر شکنچہ کے ابزا زبادہ سے زیادہ بیرم کے سرے پر نگائی بڑے گی ۔اگر شکنچہ کے ابزا زبادہ سے زیادہ وزن کی مقدار دریافت کرو جو مشین کے ذریعہ اٹھایا جا سکتا ہے۔ وزن کی مقدار دریافت کرو جو مشین سے ذریعہ اٹھایا جا سکتا ہے۔ وزن کی مقدار دریافت کرو جو مشین سے ذریعہ اٹھایا جا سکتا ہے۔ وزن کی مقدار دریافت کرو جو مشین سے دریعہ اٹھایا جا سکتا ہے۔ وزن کی مقدار دریافت کرو جو مشین کے ذریعہ اٹھایا جا سکتا ہے۔ کہ فات کو بائی سے بھر دیا گیا ہے اور اس سے منہ پرایک پینس کر آنے والا کاک نگاد یا گیا ہے ' اس کی کیا وجہ ہے کہ کائی

ایک ذرا سا صدمہ رتن کو تور دینے کے لئے کافی ہو سکت ہے۔

ایک محافظ کھلندن کا جو بیرم ہے اس کے بازہ وُں کے طول

بالترتیب ہوائج اور ہ فٹ ہیں۔ اور بڑے بازو کے صرے برا المحقیقی کا وزن لئکا دیا گیا ہے ' اگر کھلندن کا رقبہ ا مربع لئج ہو تومعلو کی کرد کہ جس وقت کھلندن اوپر اٹھتا ہے اس دفت جوشدان کے اندر کتنا دباؤ ہوتا ہے۔

اندر کتنا دباؤ ہوتا ہے۔

۸- ایک گول محافظ کھلندن کا قطر اللہ انج ہے اور کھلندن کیساتھ
کھ وزن لگاکر اس کاکل وزن للہ بونڈ کردیا گیا ہے، جس وقت
کھلندن عین اوپر او تھنے کو ہو اس وقت جوشدان کے اندر
بھایہ کا دباؤ دریافت کرو۔

9 - ایک انجن کے جوشدان میں محافظ کھلندن کا وزن 17 بونڈ ہے اور اس کی تراش کے مربع انج ہے ، بھاب کے اس دباؤ کی مقدار دریافت کرو جو محافظ کھلندن کو اٹھانے کے لئے میں کافی ہو۔





كأفت اور كنافت اضافي

۱۱ - کُنَّا فَتْ - تَعْرِیفُ ایک سَجانس الاجزا جسم کی کُنَافت سے مادہ کی وہ مقدار (یا تحبیتِ مادہ) مراد ہے جو اس کے جم کی ایک اکائی میں موجود ہو۔

اگر فالص بانی کی تیش ہی سنتی گرید ہو تو اس کے ایک کمعب نظ کی کھیت ۱۰۰۰ اونس مینے ہا ۲ ہوند ہوتی ہے۔ یس معلوم ہوا کہ بانی کی کتافت ہا ۲۲ پونڈ فی کمعب فٹ ہوتی ہے۔ ایک گرید ہوا کہ بانی کی کتافت ہا ۲۲ پونڈ فی کمعب فٹ ہوتی ہے۔ ایک گرام ایس بانی کی مقدار ما وہ ہے جس کی تیش ہی سنتی گرید ہو اور جو ایک کمعب سنتی میتر جگہ کو بھر دے۔ اسلنے ہی سنتی میتر ہے گرید تیش والے بانی کی کٹ فت ایک گرام فی کمعب سنتی میتر ہے گرید تیش والے بانی کی کٹ فت ایک گرام فی کمعب سنتی میتر ہے ہے ہو اور جو ایک کمعب سنتی میتر ہے ایک گرید تیش والے بانی کی مقروضہ کمیت کا جم بدت ہے ہے کہ بانی کی ایک خاص مقدار مادہ (مثلاً ا بوٹہ) ہے اگر ہم بانی کی ایک خاص مقدار مادہ (مثلاً ا بوٹہ) ہیں اور اس کو نقطہ جوش ۱۰۰ شتی گرید (یعنی ۱۲۲ فارن ایت) سے بیش بدلتی ہے اگر ہم بانی کی ایک خاص مقدار مادہ (مثلاً ا بوٹہ) ہیں اور اس کو نقطہ جوش ۱۰۰ شتی گرید (یعنی ۱۲۲ فارن ایت) سے بیسے بیش بدلتی ہوش ۱۰۰ شتی گرید (یعنی ۱۲۲ فارن ایت) سے بیسے بیش بدلتی گرید کریں تو معلوم ہوگا کہ اس کا جم بدرا کی ہوتا ا

جا ہے جبک کہ تیش ہ سنتی گرید (۲۵'۲۹' فارین ہین) نہ ہو جائے ؟ اگر تیش کو اور کم کیا جائے تو یانی سے ایک بونڈ کا جم بڑہنے لگتا ہے اور یہ بڑہتا جاتا ہے جبتک کہ درجۂ انجماد کی نوبت نہ آجائے اس معلوم ہوا کہ پانی کا ایک بونڈ ہم سنتی گرید ہر بہ نسبت کسی اور تیش والي بان ك كم جكد كييرنا ہے۔ النے پانی کے ایک دے ہوئے جم میں ہم ستی گرید پر بہ نبت کسی اور تیش کے زیادہ یانی ہوتا ہے۔ مین بانی کی کافت م منی گردیر به نعبت کسی اور تیش سے زیادہ موتی ہے بارہ کے ایک کمعب دن کی کمیت یانی کے ایک کعب فٹ کی کمیت الله المحمد الله الموتى ہے اس لئے ياره كى كُ فت تقريبًا ٢٩٥ ١٣١ × أ ١٢ يوند في كعب فظ موتى ع-اگر ہم شتی میتر، گرام اکائیان استعال کیں تو یارہ کی کثافت ۱۹۵۹ الرام في محب سنتي ميشر اولى -١٥ - بيض اوقات يه مناسب موتا ہے كه جو كن فتيس فت يوند نظام یں بیان کی گئی ہون ان کو سی ، گ ، ن نظام یں متقل کیا طے اور برعکس اس کے ۔ عدا دفعہ میں اس کا کچھ ڈکر ہوا ا فط = ٨٧م ٤٠٠٤ سنتي ميشر اسنتي ميتر = ١٢٨ ٠ وفط ايوند = ١ ١ سهم گرام ، اگرام = ٢٠٠٧٠٠ يوند اس سن كنافت ايك يوند في كمعب فط يمنافت ٢١ ١٥ ١٥ م الرام في (٨١ ١٠ -٣) كعب سنى ميت

= کثافت میم کام فی معب سنتی میتر = ۱۹۰۲ و گرام فی محب سنتی میتر تقریباً اسی طرح سے کٹافت اگرام فی کمعب سنتی میتر = کتافت م ۲۲۰۰ و یوند فی (۲۸ سری معب فط = كن فت مرحم بوند في معب فط = كثافت مه عه بوند في كعب فط تقريباً ١٨ - اگركسى شے كا وزن و جو يونڈلوں ميں اك اس كى كانت ہوا نی کعب نظ پونڈوں میں ، ح جھم ہو کعب فٹوں میں اور س اسراع ہو فط ، خانیہ اکا یُوں میں جوماؤیہ ارض کی وج ے پیدا ہوتا ہوتو و= حک ح كيونكه أكر فن مذكوره كي مقدار ماده يا كميت صرمو تو علم حركت د فعہ ۱۸ کی گروسے و = م ج اس شے کے ح کعب فوں کی کیت = ح x ایک کعب فٹ کی کیت 5x7 = ぐく=ラン اسی طرح کار بط صحیح ہوگا اگر و کو ڈا ہوں ہیں ک کو گراموں بیں فی کسب سنتی میٹر کا ہے کو مکسب

سنتی بیترول میں اور ج کو سنتی میتر انتانیہ اکائیوں میں بیان 19- كَتَافْتِ اصَافِي - تَعْرِيفِ كَسَى شَنْ كَى كَتَافْتِ اصَافِي ہے وہ نسبت مراد مروتی ہے جو اس شے سے مسی جم کے وزن کو معاد شے کے ساوی جم کے وزن کے ساتھ ہو۔ يس معلوم بواكم كثافت اضافي بهيشه ايك عدد بوگا-سوات کی فاط عام طور پر ہم سنتی گرید سے یانی کو معیاری شے قرار دیتے ہیں - چونکہ یارہ کے ایک معب فٹ کا وزن یانی کے ایک المعب فط کے وزن کا ۱۹۵۱ ما گنا ہوتا ہے۔ اس لئے یارہ کی كتافت اضافي عدد ۹۹ ۱۳۱ -جب ہم یہ کتے ہیں کہ سونے کی کثافت اضافی ١٩١١٥ ہے تو سیاری شے سے پانی مراد ہوتا ہے، پس ایسا کہنے سے ہمارا مطلب ہوتا ہے کہ سونے کے ایک محب فٹ کا وزن یانی کے ایک معب فط کے وزن کا ۱۹،۲۵ گنا ہے، یعنے سونے کے ایک کعب فط کا وزن = ۱۹ ، ۲۵ لا با بوند تقريباً = بـ ۱۲۰۳ يوند ورن چونکہ جموں سے وزن ان کی کمینوں کے تناسب ہوتے ہیں اس کئے کتافت اضافی کی یہ تعربیت بھی ہوسکتی ہے کہ کسی شے کی کتافت اضافی اس سبت کو تعبیر کرتی ہے جو اس شے مے کسی جم کی کمیت کومویاری شے کے ساوی جم کی کمیت کے

بعض اوقات كسى شف كى كتافت اضافى كو اس كا" اضافى وزن "

- 01 25

٠٠ - كيسون كى كافت اضافى - جؤكد كيسيس يانى سوست بلى موتى، س اس لئے ان کی صورت میں یانی کو معیاری شے قرار نہیں دیتے بلکہ ان کی اضافی کٹافتیں دریافت کرنے میں ان کے کسی جھم کے وزن کا مقابلہ ہوا سے مساوی جم کے وزن سے کرتے ہیں۔ جس کی تیش رهسنتی گرید ہو حب کے یاری اور کے باریخ (دف ۹۹) کی بندی ٠٤٤ على ميتريعني تقريبًا ٣٠ انج بهو-ان شرائط كے ماتحست موا كے ایک کعب فٹ کی کمیت ۲۵ وا اونس ہوتی ہے۔ ٢١ - ذيل كي جدول مين بعض مشهور اشياء كي اضافي كث فتون کی تقریبی قیمتیں مندرج ہیں۔

محوس اتيا

کلسی شیشه ۲۵۵ سے ۲۶۵ ١٩١٢٥ ' نوما Ly50 = 45. سربی سیشه 1151 --بالتحى دانت 159 اندی ۵۱۰۱۵ شاه بلوت L1150 = 56 انيا ١٠١٩ ويو دار ميتل ١٨٥٨ جنار م، د . 45 ~ 14 · 544 J8

مانعات ؛ سنتي كريدير کلسرین ۱۶۴۰ ایتھر ۲۵ کا ۱۶۳۰ ایتھر ۲۵ کا ۱۶۳۰ کے جم ح کاوزن و ہے۔ اگر معیاری شے کے جم کی اکانی کا وزن و ہو تو نابت کروکہ C= 2 x O x c جسم کے جم کی ایک اکانی کا وزن معیاری شے سے مجم کی ایک اکائی کا وزن ن جسم کے مجم کی ایک اکائی کا وزن = ض × د سے جملی ح اکانیوں کا وزن= ح × ف × و ن ویاح براض برو بننجه صریح - اگرس اگ ان نظام کی اکائیاں استعال و = بانی سے ایک کعب سنتی میتر کا وزن ا ایک گرام ف و = ح × ض گرام یعنے اگر س ، گ ، ن نظام سے موافق سمسی جسم کا وزن گرامون میں دریافت سرنا ہو تو اس کی

کٹافت اضافی کو اس کے مجم سے ساتھ جو گعب سنتی میتروں ایس بیان کیا گیا ہو ضرب دینا چا ہئے۔
مثال۔ اگر انی کے ایک کمعب فٹ کا وزن لچ ۱۴ پونڈ ہو تو تا نے کے ہم کمعب گزون کا وزن دریافت کرو تانے کی کٹافت اضافی ۸،۸ میں اس صورت میں جے لچ ۲۴ پونڈ وزن کی سے یہ ۱۰۸ کمعب فٹ اور ض یہ ۱۰۸ کمعب فٹ اور ض یہ ۱۰۸ کمعب فٹ

ایک سفے سے ذاتی وزن سے اس شے سے جم کی ایک اکائی ایک اکائی ایک اکائی ایک سفے سے ذاتی وزن سے اس شفے سے جم کی ایک اکائی اکائی اکا وزن مراد ہوتا ہے ، پس جیبا دفعہ سابق بیس بیان ہوائی جسم کا ذاتی وزن = ض × د اور اس لئے دے سے ہوائی شفے کا ذاتی وزن -

امتله نمبري ۲

[ان تمام مثالوں میں یہ ان لیا جائے کہ پانی کے ایک کمی فٹ کا وزن ہے ۱۲ پونڈ ہے]

ا۔ لو ہے کے ایک کعب فٹ کا وزن دریافت کرد [لو ہے کی کٹ فتِ اضافی = ۹]

اضافی = ۹]

۲- بیتل کی کٹ فت اضافی ۸ ہے اس کی کٹ فت نی کعب ایج اوندل میں دریافت کرد کرد کے اس کی کٹ فت نی کعب ایج اوندل میں دریافت کرد کی ہے معلوم ہے کہ پانی کی گٹ فت نی کعب فٹ ...انون

س بانی سے ایک گیلن کا وزن ۱۰ بونڈ ہے اور پارہ کی گ فت اضافی اللہ مور اللہ میں اللہ کا وزن دریافت کرو۔
مور مورای تبیش والے بارہ سے ایک گیلن کا وزن دریافت کرو جبہ دسی میتر یا ایک کیفن کا وزن دریافت کرو جبہ اس کی کنافت اللہ یا اس کی کنافت اللہ کا وزن دریافت کرو جبہ اس کی کنافت اللہ کا اللہ کا وزن دریافت کرو جبہ اس کی کنافت اللہ کا کہ کا اللہ کا اللہ کا اللہ کا کہ کا اللہ کا کا اللہ کا کہ کا اللہ کا کا اللہ کا کہ کا اللہ کا کا کہ کا اللہ کا کہ کا اللہ کا کہ کا کہ کا اللہ کا کہ کا اللہ کا کہ کا اللہ کا کہ کا

۵- اگر ۱۱ کعب انج سونے کا وزن اتنا ہو جننا کہ ہے ۹۹ کعب انج بلور کا اور سونے کی کثافت اضافی ۱۹۵ ۱۹۹ ہو تو بلور کی کثافتِ اضافی دریافت کرو۔

4 - اگر سونے کی کٹافتِ اضافی ۱۹،۲۵ ہو تو معلوم کرد کہ کھنے کمعب فٹ سونے کا وزن ایک ٹن ہوگا۔

وی سوع کا ورق ایک ک ہوں۔

۔ دُیطے ہوئے تا ہے کی کثافت اضافی ۸۸ د۸ ہے اور تا ہے کے تار

کی ۲۵ د ۸ ، اگر ایک کلوگرام دُھلے ہوئے تا ہے کا تار کھینچا جائے

تو معلوم کروکہ اس سے جم میں کیا تبدیلی واقع ہوگی۔

۸۔ ایک لوہے کا نل ایک فٹ لمبا ہے اس کا سوراخ قطر میں ہم اپنج ہے ، دھات کی موٹائی ہا اپنج اور تل کا دزن فی فٹ ۱۲۸۲ ہوئی ۔

پونڈ ہے ، دو ہے کی کثافت اضافی دریافت کرو۔

پونڈ ہے ، لوہے کی کثافت اضافی دریافت کرو۔

بونڈ ہے ، لوہے کی کثافت اضافی دریافت کرو۔

اللہ سلاخ کا طول ۱ آنج ہے ، وزن سا اونس اور کثافت اضافی دریافت کو۔

۸ د ۸ ، اگر اس کی عمودی تراش کیسان ہو تو اس تراش کا رقبہ دریافت کو۔

۱- ایک کره کا نصف قطر ۲۵ سنتی میتر ہے اور اس کا وزن ۲۳۵۷ کلو گرام ہے ، اس کی کٹافت معلوم کرد - [۱۳ = ۲۳]
الو گرام ہے ، اس کی کٹافت معلوم کرد کہ تا نبے کے کتے جمکا

وزن ۲۱۰ و ۱۳۹۶ کو گرام بوگا۔ ا ١١- کي دهات کے و کعب فٹ کی کيت . . وہ يونڈ ہے ، اسكى ائ فت گرامون میں فی کمعب سنتی میتر در یافت کرد۔ ١١- لكوى ك ١٥ كحب يتزكى كميت ٢٠٠٠ كلو كرام ہے ، اسكى إكافت يوندون مين في مكعب فث در يافت كروب ١١٧ - ایک ناکمل طور پر واصلی ہوئی دھات کے ایک پترے کی كتافت اضافي ١١٣ ہے ۔ اگر يہ معلوم ہوكہ يورے طور بر دھلي موئی دھات کی کٹافتِ اضافی ٥ ، ٤ ، ہوتی ہے تو بتاذ کہ اس مرے کے کتے فیصد جم یں دھات موجود ہنیں ہے۔ ٢٧- أمينرون كي اضافي كثافتين - ايك أميزه مخلف اشیا کو ملانے سے بنایا گیا ہے اشیا کے مجم اور اضافی کٹائیر معلوم بین ایمنره کی کثافت اضافی دریافت الرو-فرض کرونکہ مختلفت اشیا کے جم ح ' ح ' ح ' م میں اور اضافی کثافتیں ض ، ضی منی ' ... ہیں یس مخلف اشا کے وزن دفعہ ۲۲ کی روسے م في و ، م في و ، ب ي في و ، ، و ت جان میاری شے کے ایک اکائی فح کا وزن و ہے (۱) فرض کرو کہ اشیا سے طانے سے مجم میں مجمی واقع نہیں ہوتی يس آخرى جم ح + ح + ح + ح الم فض کرد کہ نتی کٹا فترامنانی جی ہے ، بس اشیا سے وزاؤنکا جمو اب جونکہ وزانون کے مجموعہ میں کوئی تبدیلی واقع نہیں ہوسکتی [ع+ع+ع+س] في ×وعمض والعضور +عيض و+

7+7+7+

(٢) اگر انتیا کے ملانے سے کل جم میں کمی واقع ہو جیسا کیعض اوقات ہوتا ہے تو فرض کرو کہ آخری حجم ابتدائی جمون کے مجموعہ کا ن گنا ہے جہاں ن کوئی کسر واجب ہے۔

ن[۲+۲+۲+ اص و عمن و بحض و بحض و بدي في و بد

بر من = بخن + بحض + بحض + [----+] -----

اگراضافی کٹانوں کی بجائے کٹافتیں دی ہوئی ہون کو بھی اس قسم کے ضابط صادق آئینگے حرب اضافی کثافتوں ض ، فن ؛ ی بجائے کے اکر اور آخری ثانتِ اصنا فی صی کی بجانے آخری کثافت کی مولا کا فی ہوگا۔ مثال۔ میں انعات کے حجم اعداد انام کس کے متاسب ہیں اور ان کی اضافی کتافتیں ۱۶۱، ۲۱، ۲۱ کے تناسب ہیں ان تینون کو ملادیا گیا

أميزه كى كثافتِ اضافى دريافت كرو-زض کروکہ مائیات کے جم لا ، الا ، الا ہیں ان کے اوران بالرتیب در لا×۱۱ و×۱ لا×۱۱ و دسالا×۱۱۱ و اگر آمیزه کی کثافتِ اضافی ض موتو اسکاکل وزن د ض (لا+۱لا+۱لا ان دو اون کو ساوی رکھنے سے ٢ وض لا = و لا × ١١٨ 15 MY = ASAX = + = 00 : ٢٥ - ايك أينره مخلف اشيا سے مفروضه وزنون كو باہم باليت بنایا گیا ہے اشیا کے اضافی کتافین معلوم ہیں ، آمیزہ کی کتا اضافی دریافت کرو۔ فرض کرو کہ انتیا معلومہ کے وزن و ' قر ' . . . ، ہن اور ان کی اضافی کتافنیں بالترینب طی ، ن فی ، ، ، ، ہیں اور جس معیق شے کو معیار مانا گیا ہے اس کے حجم کی ایک اکائی کا دزن و ہے۔ دفعہ ۲۲ کی روسے مختلف اتنیا کے جم ض د ص د س اگر آمیزہ بنانے میں جھے کی کوئی کمی واقع ہو تو نیا جھ

اس سئے اگر نئی کٹافت ض ہو تو اشیا کے وزنوں کا مجموعہ

دفعہ ۲۲ کی ترو سے

(وَ + وَ + وَ +) مَن د يني

اب چونکہ وزانون کا مجموعہ ہر صورت میں وہی رہتا ہے

ينى ض = و + و + ٠٠٠٠٠

و و د

اگر آمیزہ بنانے میں جم کی کمی واقع ہو اور آخری حجم ابتلائی جموں کے مجموعہ کا ن گن ہو تو دفعہ آخر سے مطابق

اسی طرح کے ضابطہ سے آخری کثافت ، وزنوں اور ابتدائی کثافتو کی رقوم میں حاصل ہو سکتی ہے۔

ی روم میں عاصل ہو سلسی ہے۔ مشوق ایک مائع کی کٹافتِ اضافی ۱۶۲۵ ہے، اس کے ۱ پونڈ وزن کو ایک اور مائع کے ۲ پونڈ وزن کے ساتھ ملا دیا گیا ہے، دوسر مائع کی کٹافت اضافی ۱۶۱۵ ہے۔ آمیزہ کی کٹافت اضافی دریافت کرد اگریانی سے ایک سعب فٹ کا وزن و ہو تو دو نوں مائعات سے جا گانہ جم دفعہ ۲۲ کی رُو سے مفصلہ ذیل ہوں گے۔ اور ۲۰۱۱ و کا ۱۶۱۸ و کمیب فط اگر مطلوبه کتافت اضافی ضی مو تو (مرد ا المرد + مرد المرد) في × د = كل وزن = ۱۰ + ۱۰) 14= [11・ + 1] :

ن ص = ۲۳ ×۱۲ = من ندون : من الماء ا

ها مثله نمبری ۳

ا۔ ایک مائع کی کثافتِ اضافی بلحاظ بانی کے مری ہے ، اس میں کس نسبت سے یانی ملایا جائے کہ نئے مائع کی کثافتِ اضافی ۸۵ د ہو جا۔ ٢- ايك مائع كى كثافت اضافي ١١١ ہے ، اس كا ١٢ يونڈ وزن ايك اور مانع کے ۲۰ یونڈ وزن کے ساتھ ملایا گیا ہے ، دوسرے مانع کی کٹافت اضافی ۶۹ ہے المیزہ کی کٹافتِ اضافی دریافت کرو۔ ٣- ایک مائع کی کثافت ٩ و گرام فی محب سنتی مینز ہے ، اس کے ٣٩ كعب سنتى ميتر حجم كو ايك اور مائع كے ٥١ كعب سنتى ميتر حجم کے ساتھ الیا گیا ہے ، اگر دوسرے مانع کی کثافت ۵، وگرام فی کھب

ادریافت کرو ۔

سننی میتر مونو امیره کی کثافت دریافت کرو -س - ایک نک کے محلول کی اضافی کٹافت ۸۰ دا ہے ، بتاؤ اس کے ٢٤ اونس وزن ميں اور كتنا ياني طايا جائے كه أميزه كى اضافي كثافت ٥- كرى سے ايك مكرے كو لوہ ك .. ٥ اونى كے ايك مكرے كا يق باندها گیا ہے ، اگر کل کی اوسط کٹافتِ اضافی ایک ہو، لکوعی کی ٥ ء، اور لوہے کی ما تو لکڑی کے مکڑے کا جم دریافت کرد -٢- بست اور تاني كا طوان دهات يا بحرت تياركيا كيا كيا اجست اور تانیے کی اضافی کتافتیں بالرتیب ، اور ۹ ، میں اگر بھرت کا مجم ۲۵۲ کمعب سنتی میتر ہو اور اس کی مقدار مادہ ۲ سام گرام ہو تو اس سے اجزائے ترکیبی سے ججم دریافت کرد -ے - تین ساوی ظرف ل اب ع بین ان کو ایسے تین مانعات سے آدھا آدھا بھر دیا گیا ہے جن کی کٹافتین بالترتیب کو کی ہیں۔ اگرب کو ال سے بھرا جائے اور پھر ج کو ب سے تومطو كروكہ بح كے اندر جو مائع ہے اس كى كثافت كيا ہے۔ اس شال میں فرض کرایا گیا ہے کہ ما نعات بورے طور پر ایک دوسرے سے ٨- اگر دو اشيا كے مساوى حمول كو لا يا جائے تو آميزہ كى اضافي اکثانت ہم ہوتی ہے۔ اگر اپنی اشیا کے ساوی وز نون کو ملایا جائے تو آمیزہ کی اضافی کثافت سا ہوتی ہے ، اشیا کی اضافی کثافتیں

٩- کشید کئے ہوئے بانی اور الکیل کے مساوی جمون کو باہم ملاکرد کھیا گیا ہے کہ جب آمیزہ اپنی سابق تیش پر آنا ہے تو اس وقت اس کا جم اصلی مائعات سے جمون کے جموعہ سے ہم فیصد کم ہوجا تا ہے آمیزه کی اضافی کثافت در یافت کروجکرالکی کی فت ۱ صافی ۸ ع جو-١- گندک کے تیزاب (اضافی کثافت = ۱۸ ۸ ۱۶) کے ، کمعب سنتی میر جم كوكشيد كئے ہوئے بانی كے ٣ كعب سنتى ميتر جم كے ساتھ الیاکیا ہے۔ تھنڈا ہونے پر آمیزہ کی کٹافتِ اضافی ۱۶۲۱۵ ہوتی ہے۔ معلوم کرو کہ ججم میں کیا کمی واقع ہوئی ہے۔ ١١ - اگر ایک مائع الرسی ایک مقدار کو مائع ب سے ن یونڈ وزن کے ساتھ ملایا جائے تو آینرہ کی اضافی کافت ف ہوتی ہے، اگرب ك ٢ ك بوند ك سائف الما جائ تو اضافى كثافت ض بوتى ب اگرب سے س ن پونڈ کے ساتھ ملایا جائے تو اضافی کتافت ضٌ ہوتی ہے، اور ب کی اضافی کٹافتین ض اور ض معلوکا كرنے كى مساواتين دريافت كرو -

باب سوم

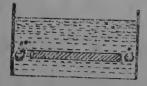
ساکن بمتجانس الاجزائیال کے مختلف نقطون بردیاؤ ۱۷۷- اگر ایک سیال کے مختلف حصوں سے مسادی مجم لئے جائیں

اور ان حجمون کی کمینیں ہمیشہ ساوی ہموں خواہ یہ مجم کتنے ہی قلیل ہموں تو ایسے سیال کو متجانس الاجزاسیال کہتے ہیں۔ کا ہا۔ ایک وزنی ' متجانس الاجزا سیال کا دباؤ ایک، ہی افقی

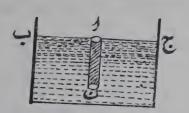
سطح کے تام نقطون پر وہی ہوتا ہے۔ سال کے اندر دو نقطے دن اور فی لو جو ایک ہی افقی

سطے پر واقع ہوں۔ ن فی کو طاق اور سال کے ایک چھوٹے سے صے ن ف پر غور کرو جس کی شکل ایک پیٹے اسطوانہ کی ہے اور جس کا

- ج ن ن ع ج



اس اسطوان پر محور ن فی کی سمت میں علی کرنے والی صوت دو قوش ہیں اور دو ن اور ق بر کے دباؤ ہیں جو اسطوانہ کے مستوی سروں پر عل کرتے ہیں ۔ آباتی سب قوتیں جو اسطوانہ پرعل کرتی میں ن فی پرعمود وار ہیں اس نے دن ق کی سمت میں ان کا اثر کچھ نہیں ہے اسلئے توازن کی لازمی شرط یہ ہے کہ یہ دباؤ مساوی اور شقابل اب فض کرو کہ اسطوانہ سے ان مستوی سرون کا رقبہ نہایت ہی کم کردیا گیا ہے ، اس صورت میں سروں پر کے دباؤ فی اکانی رقبه ستقل فيال كن جا عكت بين اور أم أن كو بالرتيب ك اور ف پر کے دباؤ کے مساوی خیال کر نکتے ہیں۔ اس نے ان پر کا دباؤ x ن پر کے ستوی سرے کا رقبہ = فی یرکا دباؤ × فی یر کے سنوی سرے کارقبہ اس لنے ن يكا دباؤ = ف يكا دباؤ ٢٨ - ايك وزني متجانس مائع كى كسى مفروضه كمراني يركا دبادُ دریافت کرو اور ایسا کرنے میں کرہ ہوائی سے دباؤ کو نظر انداز کرو۔ مائع کے اند کوئی نقطہ ن لو اور ایک انتصابی خط ن الاسا کینے جو مائع کی سطح کو نقطہ او پر مے۔



اس اسطوانہ پر عمل کرنے والی انتصابی قوتین صرف دو ہیں ایک تو اس کا وزن دوسرے وہ فؤت یا دباؤ جو باقی اندہ سیال کن یے کے سوی سے یہ ڈانا ہے۔ اگر ستوی سرے کا رقبہ لے ہو اور گہرائی ان = لا تو مائع کے اس جوئے اسطوانے کا وزن و × ل× لا ہوگا جمان و مائع کا ذاتی وزن ہے۔ نیز انتصابی قوت جو ل پر کے ستوی سرے پر عل کرتی ہے د × ر ب جمان د نقطه دن بر کا دباؤ فی اکائی رقبہ ب リメン×しェウ×し×し シ×ラ= > = نتیجہ صریح۔ یونکہ ایک مائع سے کسی نقطہ پر کا دباؤ صرف اس نقطہ کی گہرائی پر مخصر ہے اس نے معلوم ہواکہ ایک حوض کی بیت بندی کو کافی طور پر مضبوط بنانے کے لئے ہمیں صرف باني کي گرائي کو ملحوظ رکھنا جا ہے نہ کہ سطح کي وسط ٩٧٥ وفعد گزشته ين كسى نقطه بركا دباؤ معلوم كرنے كے لئے ایک جلہ دیا گیا ہے۔ اس سے اندرجو مقداریں شامل ہیں ایکی اکائیوں کا خاص طور پرخیال رکھنا جا ہے ' اگر انگریزی اکائیاں

استعال کی جائیں تو لا گہرائی ہے فٹون میں ، و وزن ہے انع ے ایک معب فط کا اور دباؤ ہے فی مربع فط پوٹرون کے وزیان اگر سی اگ ن ف اکائیاں استعال کی جائیں تو لا گہرائی ہوگی سنتی میترون میں ، و وزن ہوگا ائع کے ایک کعب سنتی میتر كا اور د دباؤ مو گانی مربع سنتی ميتر گرامون ميں - يانی كي صور س یاد رہے کہ و ایک گرام کے وزن کے ساوی ہے۔ . ٣- سئله دفعه ٢٨ كي تصديق بدريد تجربه اس طح بوسكتي ب ایک مجوت اسطوانہ ن ق ہے جس کا ایک سراق ایک پتلی اکی علی تختی سے بند کیا گیا ہے جو اس سرے پر خوب بي اسطوانه اور تختى كو ياني مين اس طح وهكيل دیا جاتا ہے کہ اسطوانہ ہمیشہ انتصابی طالت میں رہتا ہے۔ ایسا كرنے سے تختی اسطوانہ سے الگ نہیں ہو جائے گی كيونكہ يانى كا - ج د عم ح لق ح ا فارم اب اسطوانہ کے اوپر کے سرے میں آہتہ سے یانی ڈالاجاتا ے انتجرب سے معلوم ہوگا کہ نخی اس وقت سک بہیں گرتی جب بک کہ اسطوانہ کے اندر کے یانی کی بندی قریب قریب باہر کے بانی کی بلندی کے رابر انہو جائے نیزجتنا تختی کا وزن کم ہوگا اتناہی ان لبندیون کا اہمی فرق کم ہوگا۔ فض کرو کہ نقطہ تی کی گہرائی ک ہے اور اسطوانہ کے سے

رقبہ ل ہے ' اب چونکہ بیرونی ستیال کا دباؤ تی یہ ' اندرونی سیّال کے دزن کے ساتھ متوازن ہے اور یہ وزن ل حگ ×د یعنی ل × و کئی ہے اس لئے معلوم ہواکہ فی پر کا بیرونی وباؤ فی اکائی رقبہ و × کئی ہے۔

اسل وفقہ ۸۷ میں ہم نے کرہ ہوائی کے دباؤ کو نظر انداز کیا ہے دباؤ کو نظر انداز کیا ہے۔

کیا ہے یعنی کہ بیر سے دباؤ کو صفر مان کیا ہے۔ اگر اس دباؤ کو بھی ملحوظ رکھا جائے تو اس صورت میں جبکہ یہ دباؤ کو معر ہو دف ہو دف مرکورہ کی ما دات یہ ہو جائے گ

CXT= CXTXT+TIXT

یعنی دے در لا + ۱۱

رو ہوائی کا دباؤ نقریباً ۱۵ پونڈ وزن نی مربع انجے کے برابرہ

[اس دباؤ کو "۱۵ پونڈ نی مربع انجے" کہتے ہیں]

رو ہوائی کے دباؤ کو سطح بیان کرنے کے بجائے کہ " یہ اتنے پونڈ وزن فی مربع انجے ہے" اکثر اوقات اس طح بیان کرتے ہیں کہ دباؤ نرکور بانی یا بارہ سے ایک خاص بلندی والے ستون کے دباؤ کے برابر ہے۔

اس کا مطلب یہی ہے (جیسا ہیں باب ہفتم سے معلی ہوگا) کہ مائع فرکور سے بار بیا کا ارتفاع دیا ہوا ہے۔ شلا ہوں کہ مائع فرکور سے بار بیا کا ارتفاع دیا ہوا ہے۔ شلا اگر ہویں معلوم ہوکہ آبی بار بیا کا ارتفاع میں فات ہے توجی اس سے ہیں یہ معلوم ہوکہ آبی بار بیا کا ارتفاع میں فات ہے توجی اس سے ہیں یہ معلوم ہوکہ آبی بار بیا کا ارتفاع میں فات ہے توجی اس سے ہیں یہ معلوم ہوکہ آبی بار بیا کا ارتفاع میں فات ہے توجی اس سے ہیں یہ معلوم ہوتا ہے کہ کرہ ہوائی کا دباؤنی میں اس سے ہیں یہ معلوم ہوتا ہے کہ کرہ ہوائی کا دباؤنی میں اس سے ہیں یہ معلوم ہوتا ہے کہ کرہ ہوائی کا دباؤنی میں اس سے ہیں یہ معلوم ہوتا ہے کہ کرہ ہوائی کا دباؤنی میں اس سے ہیں یہ معلوم ہوتا ہے کہ کرہ ہوائی کا دباؤنی میں اس سے ہیں یہ معلوم ہوتا ہے کہ کرہ ہوائی کا دباؤنی میں اس سے ہیں یہ معلوم ہوتا ہے کہ کرہ ہوائی کا دباؤنی میں اس سے ہیں یہ معلوم ہوتا ہے کہ کرہ ہوائی کا دباؤنی میں

= بانی کے ایک ستون کا وزن جس کا قاعدہ ایک مربع فطہ اور جس کا ارتفاع ہم فط ہے اور جس کا ارتفاع ہم ملک معنی فط بانی کا وزن اس کے ہم کا میں اور کا در اور کا در اور کا در اور کا در اور کی مربع اپنے کرہ ہوائی کا دباؤ نی مربع اپنے اس کے کرہ ہوائی کا دباؤ نی مربع اپنے اور کا دباؤ نی مربع اپنے اور کا دباؤ نی مربع اپنے اور کا دباؤ کی مربع اپنے کہ ہوائی کا دباؤ کی مربع اپنے کا دباؤ کی مربع اپنے کے ایک کے ایک کا دباؤ کی مربع اپنے کے ایک کا دباؤ کی مربع اپنے کا دباؤ کی مربع اپنے کا دباؤ کی مربع اپنے کے ایک کا دباؤ کی مربع اپنے کا دباؤ کی دباؤ کی مربع اپنے کا دباؤ کی مربع اپنے کی دباؤ کی مربع اپنے کی دباؤ کی مربع اپنے کی دباؤ کی مربع اپنے کا دباؤ کی مربع اپنے کی دباؤ کی دبا

= - 1.9 - 1 1/2 010

اسی بات کو بعض اوفات اس طح بیان کرتے ہیں کہ دباؤ مرکور بانی کے شہم فٹ اونچے سر" یا ہم سا فٹ ارتفاع کی وجہ سے

بیدا ہوا ہے۔ ایک فرضی افقی سطے کو جس کا ارتفاع ہموارسطے جب ج دشکل دفعہ ۲۸) سے آبی بارہا سے ارتفاع سے مسادی ہو مورسطے کہتے ہیں کہانی سے کسی نقطہ پر کا دباؤ اس صورت میں نقطہ کی اس گہرائی کے متناسب ہوگا جو مؤثر سطے سے نابی گئی ہو۔ مشق ا۔ اگر آبی بار بیا کا ارتفاع ہم سے فٹ ہو تو یانی کے اندر ۲۲۲۲

نٹ کی گہرانی برکا دباؤ دریافت سمرو۔ اگر ایک کھی فٹ بانی کا وزن و ہوتو $T = C \times W$ بونڈ وزن $C = T + C \times W + C \times W + C \times W$ = ۲۵۷×د فی مربع فط = ۲۵۷× الم ۲۲ پونڈ وزن فی مربع فط

= الما يوند وزن في مربع الج

= االبونڈ وزن نی مربع اننی مشق ۷ ۔ بانی سے اندر استرک گہرائی برکا دباؤ دریافت کرہ جکیہ کرہ مہوائی کا دباؤ پارہ سے ۲۰ یا ملی میتر ارتفاع کے مساوی ہے اور پارہ کی اضافی کثافت بلحاظ بانی سے ۲۱ ۱۳۱ ہے۔

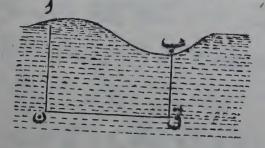
اور پارہ کی اضافی کثافت بلحاظ بانی سے ۲۱ ۱۳۱ ہے۔

یہاں ۲۳ = کرہ ہوائی کا دباؤ نی مربع سنتی میشر یہاں ۲۳ = کرہ ہوائی کا دباؤ نی مربع سنتی میشر یہاں کا وزن ہو کے ستون کا وزن ہو کے اور کے ۲۱ معب سنتی میشر کا وزن

ב ۲ × ۲ × ۱ ساگرام

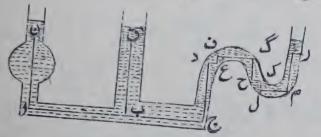
ن د = TT + ب ×۱۰۰۱= (۲۷ ×۲۱۳۱ + ۱۰۰۰) گام وزن

نی مربع سنتی میشر اب چونکه و = پانی سے ایک کمعی سنتی میشر کا وزن = اگرام ن د = ۲۰۳۳۰۲گرام فی مربع سنتی میشر اسا _ حالت سکون میں ایک وزنی مائع کی سطح جموار ہوتی ہے۔



انع کے اندر کوئی دو نقط ب اور ق لو جو ایک ہی اِنتی سطح پر واقع ہمون ، انتصابی خط ن ار اور ق میانیجو جو مائع کی سطح سے اور دیا پر لمیں ۔ تب بوجب دفعہ ٢٤ ف يركا دباؤ = في يركا دباؤ اسلنے وفعہ اس کی رُوسے TT+ بدن را= TT+ بدی ب · じ=10: اب یونکه ن ق متوازی الافق ہے اسلنے اردب لاز ما انق کے سوازی ہوگا۔ جونکه ن اور ق کوئی دو نقطے ہیں جو ایک افقی خط پر واقع ہیں، اسلنے معلوم ہواکہ اگر کوئی خط ارب مائع کی سطح میں طینیا جائے تو وہ بھی متوازی الافق ہو گا۔ اسلئے سطح مذکور متوازی الافق ہے۔ سوسم۔ اوپر کے بہوتون میں ہم نے فض کرلیا ہے کہ سیالوں کے مختف حصوں کے وزن شاقولی سمت میں بنیجے کی طرف عل کرتے ہیں اور ان کے خطوطِ علی متوازی ہوتے ہیں ، علم سکون دفعہ ۹۲ میں بھی اس کا ذکر کیا گیا ہے کہ یہ مفرق صرف آسی صورت میں صحیح ہو سکتا ہے جبکہ جسم زیر بحث زمین کے مقابلہ میں نہایت ہی چھوٹا ہو۔ ارجم عجم کو زمین کے مقابلہ میں نظر انداز نہ کر سکین تواس صور س یہ کہنا زیادہ صبح ہوگا کہ جسم کے مخلف حصون کے درن متوازی سمتوں میں عمل نہیں کرتے بکہ وہ نین سے مرکز کی

سمت میں علی کرتے ہیں۔
اسلنے دفعہ گذشتہ کا سلم سمندر کی سطح کے لئے صبح نہوگا
فواہ سمندر بالکل حالت سکون میں ہو۔
ہمسا۔ سئل دفعہ ١٤ اُس صورت میں بھی ثابت ہو سکتا
ہمسا۔ سئل دفعہ ١٤ اُس صورت میں بھی ثابت ہو سکتا
ہمسا۔ سئل دفعہ ١٤ اُس صورت میں بھی ثابت ہو سکتا
ہو جابہ دو نقطوں کو ایک ایسے افقی خط سے ملانا نامکن ہو
جو باتھام ستیال کے اندر واقع ہو



انتصابی اور افقی خطوں کے ذریعہ وصل کیا جا سکتا ہے ملاحظ یس نقطه له برکا دباد = שישליל פ+ באטלים בא שנים = + ex Treky U-exal = ن يركا دباؤ シャシャラく+30+9し=10+52+10 الملئة الرسال الاتواس كي طع كاارتفاع برمقام يروبي بوتا ہے-مثال کے طور برہم ویکھ علقے ہیں کہ جائے دانی اوراس کی ٹونٹی کے الذرجائ كى جموارى (يول) وبى بوتى الي -۵سم _ مانعات كى اس خاصبت كوكد اگروه طالت سكون مي ہوں تو ان کی سطح ستوازی الافق ہوتی ہے اس طح بھی بیان کرتے ہیں کہ " یانی اپنی ہمواری خود ڈھونڈ لینا ہے"۔ مانعات کی بہی خاصیت ہے جس کی وجہ سے ایک شہر کے مخلف مظامت کو یانی بہم بہنچایا جا سکتا ہے،کسی فاص مقام پر ایک حوض بنایا جانا ہے جو اس شہر اور اس کی اطراف سے جنہیں یانی پنجانا منظور ہوتا ہے زیادہ بندی ير واقع ہوتا ہے ، بڑے بڑے نلوں کو جو حوض سے تکلتے ہیں بڑی سٹرکوں پر لگا دیا جاتا ہے، اور چھوٹی تلیاں جو بڑے ناون سے نکلتی ہیں یانی کو مخلف سمتوں میں گھروں کی ہے جاتی ہیں اگر حوض اور نلیوں کے اندر بانی ساکنہو

اس کی ہمواری حوض اور تلیوں میں ایک ہی ہوئی بشرطیکہ یہ مکن ہو۔ ہم ان نموں اور نلیون کو اپنی ضرورت سے موافق جس بلندی یا بہتی پر لے جانا جاہیں ہے جا سکتے ہیں مرافق جس بلندی یا بہتی پر لے جانا جاہیں ہے جا سکتے ہیں گر ایبا کرنے میں اس بات کا ضرور خیال رکھنا جا ہئے کہ نموں اور نمیوں کے سی حصہ کا ارتفاع حض یانی کی سطح کے ارتفاع نموں اور نمیوں کے سی حصہ کا ارتفاع حض یانی کی سطح کے ارتفاع

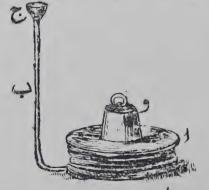
سے بڑ ہنے نہ بائے۔
اسے دفیدگرشت فلاہر ہے کہ اگر کسی طون کے اندر پانی ہوتو
اسکے قاعدہ کے کسی نقطہ پر کا دباؤ ظرف کی شکل پر منحصر نہیں
ہوتا لیکہ اس نقطہ کی گہرائی پر منحصر ہوتا ہے۔
زیل کی شکل میں چار برتن ہیں جن کی شکلیں مخلف ہیں
ذیل کی شکل میں چار برتن ہیں جن کی شکلیں مخلف ہیں

گر ارتفاع ایک ہی ہیں -وض کرو کہ ان سب کو یانی سے بھر دیا گیا ہے۔



دفعہ ۲۷ کی روسے قاعدہ کے کسی نقطہ برکا دباؤ اس کے مرکز پر سے دباؤ کے برابر ہے اور مرکز پر سط دباؤ سیال کی سطح سے بنیدا ہوتا ہے۔
سطح سے انتصابی ارتفاع کی وجہ سے بنیدا ہوتا ہے۔
آئی وصو تکنی اس اصول کی بتا بر بنائی جاتی ہے کہ افری وصو تکنی اس اصول کی بتا بر بنائی جاتی ہے کہ منا بہ اندر کسی نقطہ پر کا دباؤ اس کی گہرائی کے منا ہوتا ہے۔ ایک جمڑے کی وصو کنی کر سے ساتھ ایک نلی

ایک وزن و رکھریا جاتا ہے ، جب سرے ج میں سے ایک وزن و رکھریا جاتا ہے ، جب سرے ج میں سے علی کے اندر یانی ڈالا جاتا ہے تو وزن و اوپر اُٹھ جاتا ہے فرض کرو کہ دھونکنی کے اوپر کے تختہ کے اس حصہ کارقبہ فرض کرو کہ دھونکنی کے اوپر کے تختہ کے اس حصہ کارقبہ جو یانی سے مسس کرتا ہے کا ہے ۔



اگر نلی میں بانی کی چوٹی کا ارتفاع وصونکٹی وسے لا ہو تو رقبہ

لا کی ہر اکائی بر دباؤ لا * ج عمل کرتا ہے [دفسہ ۲۷]

یس کل قوت جو دھونکٹی کی اوپر کی سطح برعل کرتی ہے کا لا ج ہے اگریہ قوت وزن و سے زیادہ ہو تو وزن و اوپر انظر جائے گا اور اس طح سے نلی کے الدر پانی کا ارتفاع آئن کم ہو جائے گا کہ مقدار لا لا جہ اور وزن و باہم ساوی اور متوازن ہو جائیگے۔

اس نجریہ کو بعض اوقات سکونِ سیالات کا میڈر غریبہ کہتے ہیں اس نجریہ کو بعض اوقات سکونِ سیالات کا میڈر غریبہ کہتے ہیں اس نجریہ کو بعض اوقات سکونِ سیالات کا میڈر غریبہ کہتے ہیں اس نجریہ کو بعض اوقات سکونِ سیالات کا میڈر غریبہ کہتے ہیں اس نجریہ کو بعض اوقات سکونِ سیالات کا میڈر غریبہ کہتے ہیں سکتے ہیں اس نجریہ کو بعض اوقات سکونِ سیالات کا میڈر غریبہ کہتے ہیں اس نجریہ کو بعض اوقات سکونِ سیالات کا میڈر غریبہ کو بین سیالے ان میں سے ایک مائع دو سرے پر ساکن ہے ، نجلے مائع کی کسی گہرائی پر دبائو دریافت کرو ۔

فض کرد کہ نجلے اور اوپر کے مانعات کے اوزان فی اکائی جم بالتربیب و اور و ہیں نیز فض کرد کہ نجلے مائع کے اندرکوئی نظم ن ے [شکل دفعہ ۱س اس نقط میں سے ایک انتصابی خط کھینے ہو مانعات کی سطح مشترک ہے اور اور کے مانع کے اویر کی سطے سے اویر کے۔ حسب دفعہ م ایک سے اسطوان پر عور کرومیکا محور ن ال ال ہے اور جی عمودی تراش عہ ہے ، اگر ن ير كا دباؤ في اكائي رقبه لم مو تو く× マートン・メント・ラインとの× 11× 3×x × 10) × x × x = x = exol+exbl=exo+exo جہان ف اویر کے مائع کا ارتفاع سے اور ف نقطم فرق کی گہرائی ہے مانعات کی سطح مشترک سے۔ مرسم - دو متجانس الاجزا ، وزني مانعات باهم ل بنس عية ، خابت کرو کہ ان کی سطح مشترک متوازی الافق ہے۔ فرض کرو که نجلے مائع میں ن اور ق دو نقط میں اور ایکے الانے والا خط ن ق متوازی الاقتی ہے۔

یز وض کرو که و اور و کے دای منی بس جو دفتہ گذشتہ یں بیان ہوئے ، انتصابی خط ن ال کو ان ق ب کھنچو جو مشرک سطح سے اور دیا پر اور اوپر کے مائع کی سطح سے إ اور دے ير مليں -چونکہ ن ق افق کے منوازی ہے اسلنے ن پر کا دباز = ق پر کا دباؤ [دفع ٢٠ ا にくいた+ら×したまく×らい・らとう…「でき」 ニャ(シーナンン・キャントーナン)+キャントウナーナントウンシャンシー لین ن ق افق سے سوازی ہے اور آب ہوجب دفیہ متوازی الاقی ہے (いじ=ういき) (i) を きかり (キーキ)×(キーキ)がしい (i) シーニョイニ اس نے ادر اس کے اور اس نے متوازی الافتی ہے۔ اس سے معلوم ہوا کہ سطح مشرک پرے کسی دو نقطوں کو ملانے والا خط افق سے متوازی ہوتا سے یعنی سطح منترک افق کے متوازی ہوتی ہے۔ امثله نميريس ا۔ یانی کے ایک کعب نٹ کا وزن ۱۰۰۰ اونس ہے ، یانی کی سطے

نے ایک میں کی گرائی پر دباؤ فی مربع انج دریافت کرد۔ ٢- اگر كره إوائى كا دباؤ ها يوند وزن في مربع الج جولو يالى ي اندر ده گرانی دریافت کرو جس بر دباؤ ۱۰۰ پینر وزن فی مراح ایج بو سا- ایک سیال کی کٹافت اضافی ۱۱۵۱ ہے ، اور سیال سے اندر کسی نقطہ برکا دباؤ . ۹ - ۱۱ اونس وزن سے برایر ہے ، اگر طول کی اكانى ايك فط بوتواس نقطه كى كرائى دريافت مرو -٧ - ايك مكان كے يہلے فرش كى ہموارى ير ايك بانى كى نلى كے اندر دباؤ مم پوٹٹ وزن فی مربع انج ہے اور تیسرے زش کی ہور م دباؤ نلی کے اندر ۱۸ ایوٹر وزن فی مربع انج ہے اسے وش کی اونجائی ہے وش سے دریافت کرو۔ ٥- الركره بوائ كا دباؤ مها يوند وزن في مربع الح بو اور بواكي کٹافتِ اضافی ۱۲۵۰۰۶ موتو ہوا کے ایک ستون کا ارتفاع دریافت کرو جس کی کتافت کیساں ہو اور جس کا دباؤ مہی جو جو اصلی کرہ ہوائی ٢- ایک سط ستوی پر کرہ ہوائی کا دباؤ اتنا ہے جتنا کہ یانی کے ١٨ فت اوي ستون كا جو اس سطح برقائم مو - اگر ايك كھرك كا أينه ١١ انج اونجا اور ايك فت چورًا مو توكره موائي اس كى ایک جانب جو قوت لگاتا ہے اس کی مقدار دریافت کرد -اس دباؤ کا چارگن ہے جو بانی ک سے سے م فیط کی گرائی پر ہو اگر کرہ ہوائی کا دباؤ ۔ ہ فیے اونچے یاتی کے دباؤ کے ساوی ہوتو کوئیں کی گرائی دریافت کرد۔

۸- اگر اَبی بار بیما کا ارتفاع ۱۹۳ فٹ ہو تو پانی کی سطح کے نیچے ایک ایسے نقطہ کی گہرائی پر کے ایسے نقطہ کی گہرائی پر کے دباؤ ۱۰ فٹ کی گہرائی پر کے دباؤ کا دو یند ہو۔

۹- ایک جھیل کی سطح سے بنیجے ایک نقطہ کی گہرائی ۵ فٹ ہے اور اس پر کا دباؤ ایک الیسے نقطہ پر سے دباؤ کا نضف ہے جبی گہرائی ۱۸ فٹ ہے ایک دباؤ پونڈ دن میں نی مربع اپنج دیات مربع اپنج دیات ہے۔

۱۰- اگرسمندر کے پانی کی کُافت اضافی ۱۶۰۲۱ ہو اور تازہ بیانی کا وزن لے ۱۲ پونڈ فی کھی قط ہوتو سمندر کی سطح کے بیجے ۱۰ فیص کی گہرائی پر جو دباؤ ہے اس کو فی مربع گزشون میں در نافرت کرو۔

۱۱- اگر بارہ کی کتافت اضافی ۱۹۵۷ سا ہوتو معلوم کروکہ پانی کے
اندر ۵۰۰ میترکی گہرائی برجتنا دباؤ ہے آتا ہی دباؤ بارہ کے اندر
کس گہرائی بر ہوگا ؟

عین کانی ہو۔

ہوا۔ اگر کرہ ہوائی کا دباؤ ۱۵ پونٹر وزن نی مربع اپنج سے برابر ہواور اپنی کے ایک معی فٹ کا وزن لے ۱۲ پونٹر ہوتو بانی کی سطح سے بینے ذیل کی سطح سے بینچے ذیل کی گرائیوں پر دباؤ فی مربع اپنج دریافت کرو۔

10- ایک برتن کا بیندا متوازی الانتی ہے اور اس کے اندر بر انج کی افجائی کی اونچائی کی اونچائی کی اونچائی کی اونچائی کی اونچائی کی اونچائی کی دائی دائی کی در دائی کی در دائی دائی کی دائی کی دائی کی دائی کی دائی کی دائی کی در دائی کی دائی کی در دائی کی در دائی کی در دائی کی دائی کی در دائی کی کی در دائی کی کی در دائی کی

(41mgy

اور دوسری شاخ کی ا ک مربع اینے ' نمی میں یارہ بھراگیا ہے جبکا کنافت اضافی ۱۹۹ دسرا ہے ' بناؤکہ بڑی نمی میں کتنا یانی ڈالا جائے کہ چوٹی نمی میں کتنا یانی ڈالا جائے کہ چوٹی نمی میں بیارہ ایک ایج اور اوپر چڑھ جائے ۔ ۱۹۔ دائرہ کی شکل کی ایک چوٹی کیساں نمی انتصابی سطح میں واقع ہے ' دو سیالوں کی مساوی مقداروں سے آدھی نمی کو بھراگیا ہے ' دو سیالوں کی مساوی مقداروں سے آدھی نمی کو بھراگیا ہے اگر سیالوں کی کتافتین کی اور کی ہوں تو نابت کرد کہ سیالوں کی

سطح منترک میں سے گذرنے والا نصف قطر انتصابی خط سے زاویہ مسترک میں سے گذرنے والا نصف قطر انتصابی خط سے زاویہ مسترا کی دی بناتا ہے۔

فرض کردکہ مائع کا سب سے اونجا نقطہ الر ہے اور سب سے خیلا دب اس سے آئیا اس طح سے الدب مرکزومی سے گذرے گا۔ اس سے آئیا کا شترک نقطہ ج ایسا ہے کہ کہ او ج ہے اور اس قطری اگر عمی کے انتصابی قطر کا سب سے نجلا نقطہ کہ ابو اور اس قطری اگر عمی کے انتصابی قطر کا سب سے نجلا نقطہ کہ ابو اور اس قطری میں مود ال کی جب می اور ج می نکانے جائیں تو دفعہ می روسے میود ال کی دب می روسے کے دیا دباؤ ہے کی د و در کی دب می کری دب

ت ما الرسيال دج لوكا دباؤ نقط د بر محوب كيا جائے تو يہ الرائد ا

= کې ډېد دن + کې دې دن ل د کې پرم = کې پرن + کې پن ل ينې کې پرن م = کې پن ل ينى ك [جم طه -جم (- و - طه)] = ك [جم طه +جم (- و - طه)]

ينى ك (جم طه -جب طه) = ك (جم طه +جب طه)

يا جم طه بر تقييم كرنے ہے

ك (١ - ١ - ١ - ١ - ١)

يا مس طه (ك + ك) = ك (١ + مس طه)

يا مس طه (ك + ك) = ك - ك

اس ك مس طه = ك - ك

بہ ۔ وائرہ کی شکل کی ایک بتلیٰ کیسائ تضابی بی انعات دائے گئے ہیں جن کی کنافیتن بالترتیب کی اور کی ہیں ادائرہ کی جن قوس کے اندر اول الذکر مائع ہے اس سے محاذی دائرہ کے مرکز پر زاویہ قائمہ بنتا ہے اور دوسرے مائع کی قوس سے محاذی مرکز پر زاویہ عد بنتا ہے اور دوسرے مائع کی قوس سے محاذی مرکز بر زاویہ عد بنتا ہے اثابت کروکہ مائعات کی سطح منترک میں سے گذر نیوالا نصف قطر خط انتصابی سے زاویہ مسل کی سلح منترک میں سے گذر نیوالا نصف قطر خط انتصابی سے زاویہ مسل کی سلح منترک میں سے کہ در بیوالا نصف قطر خط انتصابی سے زاویہ مسل کی جی عد

الا۔ دائرہ کی شکل کی ایک بیلی کیسان ٹلی ہے ' اس کے نجلے نفست دائرہ کا اُدھا حصہ ایک مائع سے بھر دیا گیا ہے جس کی کُنافنت ہوک ہے اور باقی کے اُدھے حصے میں دو مائعات دالے گئے ہیں جوایک دومرے سے بہیں ملتے درجنگی کنافنیں سک اورک ہیں ٹابت کرو کہان اُفری دو مائعات میں سے نجلے کا حجم کا دوجید بھے اُفری دو مائعات میں سے نجلے کا حجم دوسرے کے حجم کا دوجید بھی اُفری دو مائعات میں سے نجلے کا حجم دوسرے کے حجم کا دوجید بھی

۲۲- دائرہ کی شکل کی ایک پنلی کیسان علی چار ایسے سیالوں کی ساوی مجموں سے آدھی بھری گئی ہے جو آیس میں انسیں لتے اور جن کی اضافی کٹ فتوں کی یا بھی نسبتین ۱: ۲:۸:۸: دار اگر کی انتصابی سط میں واقع ہو تو نابت کرو کہ آزاد سطوں کو ملنے والا قطرائتصالی خط کے ساتھ زاویہ مس ا م بنایا ہے۔ ٣٧- ك مالعات حبكى كنافين اوير كے مائع سے شروع موكر بالرتيب ك، وك ، سك ، و ك بين ايك دوسرے ك اویر ترتیب دے سئے ہیں - اگر ہرایک انع کی موٹائی م ہولو سب سے نیلے مائع کے سب سے بنیج کے نقطے پرکا دباؤ معلی ١٢٠ ايك غير متجانس الاجزا سيال سے اندر گرائی ى برگ فت کے ی ہے ، نابت کروکہ اس گہرائی پر کا دیاتی - 4 - 55 = + TI ٩٧- كل دباؤ _ تعريف - الركسي جم كي سطح ياني کے اندر ڈوئی ہو اور اس کے رقبہ کے ہر ایک چوٹے جزو بر کا دباؤ معلوم کیا جائے جو اس جزو پر عمودا عل رًا ہے تو اِن دباؤں کا مجموعہ سطح پر کا کل دباؤ کہلاتا ہے۔ اگریہ سطح میتوی ہو تو صاف ظاہر ہے کہ اس قنم کاکل دباؤ اک سب دباؤں کے عاصل (یعنی جموعی دباؤ) کے

سادی ہے جو اس برعل کرتے ہیں۔ ذیل کے ہم اس جموعی دباؤ کو معلوم کر کئیں گے۔ مسئلہ۔ اگر ایک متوی سطح یانی کے اندر وہوئی جائے تو اس بر کاکل دباؤیا مجموعی دباؤ و x س x کی سے ساو ہوگا جہاں س سطح ستوی کا رقبہ ہے اور تی سال کی سطح سے سطح ستوی کے مرکز نقل کی گہرائی ہے ، اسمیں سطح سے سطح ستوی کے مرکز نقل کی گہرائی ہے ، اسمیں ہوا کے دہاؤ کو نظر انداز کیا گیا ہے۔ کسی سقوی سطح پر غور گرو جو بانی میں ڈبوئی گئی ہے کے سطح متوازی الافق ہو سکتی ہے یا افق سے ساتھ کوئی راویے یا سکتی ہے۔ سط متوی کے رقبہ کے ایک يكوك جزوعم يد غوركرو بو ل پر واقع ہے۔ نقطہ ن سے سیال کی سطح پر عمود ن المسيني ، فرض كردك ن ا كاطول ي اس سئے اس چھوٹے جزو پر کا دباؤ = و عم بی (دفعدم) اسی طرح سے اگر عیم ، عیم ، سطح مستوی سے رقبہ سے اور چھوٹے اجزا ہوں اور ان کی گہرائیاں بالرتیب ی ، ئے... ہوں تو ان پر کے دباؤ بالترتیب و عمری وعمری اسلنے عال مجموعی دباؤ ید فر [عمری + عم ی + ٠٠٠٠] (عام کوان م

ن عبر ي + عبر مي + ٠٠٠٠ = ي (عبر + عبر + ٠٠٠٠) = ي س اس ك حاصل جموعي دباؤ = د تى س = سطح كا رقبه بدمركز تفل يركا دباؤ

یعنی خال مجموعی دباؤ مائع کے ایک ایسے اسطوانہ کے ور ان کے مساوی ہے جس کا قاعدہ مفروضہ مستوی سطح کے رقبہ کے برابر ہے اور جس کا ارتفاع سطح مذکورہ بالا سے مرز نقل کی گہرائی کے برابر ہے۔

اہم۔ اگر سطح زیر بحث منحنی ہو تو کل دباؤ اس طالت بن بھی دفعہ ۳۹ کے ضابطہ سے معلوم ہو سکے گا اور اس کا نبوت اسی دفعہ کے موافق ہو گا لیکن ایک منحنی سطح کی

صورت میں کل دباؤ کوئی طبعی معنی بنیں رکھنا۔ اور اس لئے اس سے معلوم کرنے سے کوئی خاص فائدہ ظال نہیں ہوتا۔ یاد رہے کہ منعنی سطح کی صورت میں کل دباؤ اور ماصل جموعی دباؤ دونوں ایک ہی چنر نہیں ہیں۔ طاصل مجموعی دیاؤ معلوم کرنیکے طریقہ پر ہم اگلے باب میں مجت کریگے۔ الم - مشق ا- ایک مربع شختی جس کامن ره دانج ب سندر کے یانی میں غرق کی گئی ہے۔ اس سے اوپر کا کنارہ متوازی الافق ہے اور یانی کی سطے سے ۱۱ اپنج کی گہرائی برہے ، اگر شخی افق کے ساتھ ٥٨ كا زاديہ بنائے تو اس كى سطح بركا جموعى دباؤ معلوم كرد (فرض کرو کہ سمندر کے پانی کے ایک مکعب فٹ کی کمیت مہد یونڈہے) شخی سے مرکز تقل کی گہرائی = ۱۲ + ہم جم ۵ ہ = (۱۲ + ۲۷۲) کے ٥ ٢١+١ =

نيز شخي كا رقيه = (٢٠) مربع فط

اس کے جموعی دباؤ = ہم × ۲+ الم × مه بوند وزن

= ۱۹۱۹ من يوند وزن تقريباً

مشق ہے۔ ایک مجون مخوط افقی مینر پر قاعدہ سے بل پڑا ہے قاعد کا رقبہ ۱۰۰ مربع اپنج ہے۔ اور مخوط کا ارتفاع ۱۰۰ د م اپنج ہے۔ اگر اس مخوط کو پانی سے بھر دیا جائے تو مخوط کے قاعدے پر اگر اس مخوط کو پانی سے بھر دیا جائے تو مخوط کے قاعدے پر کا دباؤ معلوم کرد اور نیز ایس دباؤ کی نسبت اُس پانی کے وزن کے ساتھ معلوم کرد جو مخوط سے اندر ہے۔

مجموعی دباؤ = ۱۰۰×۲۲ مکعب انج بانی کا وزن

= م ۸۹ مر ۱۰۰۰ اونس وزن = ۵۰۰ اونس وزن

= ۲۵ و ۱۱ يوند وزن

چونکہ مخروط کا حجم فاعدہ کے رقبہ اور ارتفاع کے حاصل ضرب کی ایک تہائی کے برابر نہوتا ہے اس لئے اندر کے پانی کا وزن ایک تہائی کے برابر نہوتا ہے اس لئے اندر کے پانی کا وزن = ہے ہے کہ ۱۰۰ × ۲۰ معب اپنے پانی کا وزن

= ب × ۲۵ × اس پونڈ وزن

اس کئے مخروط کے قاعدہ پر کا مجموعی دباؤ = مخروط کے پانی کے وزن کا تین گنا-

یہ جواب بادی النظر میں نامکن معلوم ہوتا ہے لین اس کی اصحت اس سے واضح ہوتی ہے کہ سمت رأس میں قاعدہ کا جو مجموعی دباؤ سیال برہے وہ دو بجیزون کا موازنہ کرآ ہے اولا النع کے وزن کا اور ثانیا اس مجموعی دباؤ سے اگے باب جزو ترکیبی کا جو سطح منحنی اندر کے مانع پر ڈالتی ہے۔ اگلے باب سے یہ نابت ہو سکے گا کہ یہ جزو ترکیبی سیال کے وزن کا دو

- q i

مشق س۔ ایک سیال کے اکائی جم کا ذرن و ہے ، اس پر ایک دوسرا سیال جو پہلے سیال سے نہیں ملت ساکن ہے ، اس بر ایک دوسرا سیال کے اکائی جم کا وزن و ہے اور اس کا ارتفاع ر اس سیال کے اکائی جم کا وزن و ہے اور اس کا ارتفاع ر ہے ۔ ایک مربع جس کا ایک ضلع جب () دونو سیالوں میں ہے ۔ ایک مربع جس کا ایک ضلع جب () دونو سیالوں میں

سيال كالمجموعي دباو

انتصا اً وبواكما مع الرمع كے اوپر كاكنارہ اوپ سے سيال كى بالاترين سطح میں واقع ہو تو مربع پر کا مجموعی دباؤ معلوم کرد۔ اس مربع پر سیالوں کا دباؤ دو سیالوں کے جموعی دباؤں کے باہ خیال کیا جا سکتا ہے۔ ایک تو ایسا سال جس کا ذاتی وزن و ہے اور جو سب مربع کی سطح کو سس کتا ہے۔ اور ووسرا ایسا سیال جس کا زاتی وزن و۔ و ہے اور جو مربع کے مرب نے صد کو مس کا ہے ان دو مانعات کی وج سے جومجوی وباؤ مراج پر عل کرتے ہیں ان کا حاصل جمع ، مطلوبہ مجموعی دباؤ ے ساوی ہوگا۔

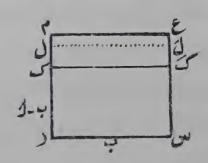
سلے التے کی وجہ سے جو مجموعی دباؤ پیدا ہوتا ہے وہ بوجب دفدہ

= ¿× ···× =

اور جو دیاؤ دوسرے مائع کی دجہ سے پیدا ہوتا ہے =(e-e)×(j--1)×--1)=

ن مطلوب مجموعي وبأد

= ex + ((- e)x + ((- e)) 十 でい(かーり)++ でしい(いート)



 $\frac{i}{2} - \frac{i}{2} - \frac{i}{2} - \frac{i}{2}$ $\frac{i}{2} - \frac{i}{2} - \frac{i}{2}$ $\frac{i}{2} -$

[2 (1-4) + 68] (1-4) (4-4) = + 6× - 6) [1 6+ + (4-4) + 6 [1ールナナ]シャリシートラーナー = ナー・(ルート) マナナトー (コート) きゃらいし

اشله تميري ۵

ا۔ ایک برتن میں چار فط کی گرائی تک یانی پھراہوا ہے اور اس کے بندے یں ایک کعب جس کا ہر ایک کنارہ ۲ فٹ ہے ایک آیک بخ مے بل پڑا ہے۔ کمعب سے کسی انتصابی کنے پر پانی کا

مجموعي دماو معلوم كرو-

٢- ايک وض سطح سمند سے ٥٠٠ فظ اونجا ہے، اس ميں سے ایک علی کے ذریعہ ایک مکان میں پانی لایا جاتا ہے۔ اگرال کی ٹوٹٹی سطے سمندر سے ۱۵۰ فٹ اونجی ہو اور اس کی عمودی تراش کا رقبہ لم ا مربع انج ہو تو تونٹی برکا مجموعی دباد معلوم کرد۔ س- ایک کعب پانی کے اندر معلق ہے اس کے اویر کا رخ متوازی الافق ہے اور یانی کی سلح سے 20 سنتی بیتر کی گہرائی ير ہے۔ اگر کھب كا ايك كنارہ ٣٠ سنتى ميتر ہو تو كھب كے ہر ایک کنے پر کا مجموعی دبار معلوم کرو۔ الم ایک جاز کے بیندے میں آبی خط کے بنیج برفط کی گرائی پر ایک سوراخ ہو گیا ہے جس کا رقبہ ۲ انج مربع ہے۔اگر

سمندر سے بانی کا وزن ۱۲ یونڈ فی کعب فط ہو تو دریافت کروک ایک لکڑی کے گڑے سے سوراخ کو بند رکھنے کے لئے کتنی قوت درکار بوگی -۵- ایک انتصابی دیوار یانی میں تعمیر کی گئی ہے اور اسکے اویر کا کنارہ یانی کی سطح میں ہے ، دیوار کی اونچائی ۱۱ قط ہے اور جوڑائی ٨ فط - اگر آبی بار پیل كا ارتفاع ساس فت بهو تو ديوار کے کسی ایک پہلو پر پانی کا مجموعی دباؤ دریافت کرد۔ ٧- ایک ظرف کو جس کے بیندے کا رقبہ ١٥ سنتی ميتر مربع ہے ادر جس کی اونچائی ۱۵ سنتی میتر ہے پانی سے بھرا گیا ہے،اس ظرت كى ايك گرون ب جس كا طول ٥ ، ، سنى ميتر ب ادر جس کی عمودی تراش ۱۰ مربع سنتی میتر ہے ، ظرف کے بیند ے پرکا مجموعی دباؤ معلوم کرو۔ ے۔ اگر آبی بار پیما کی اونچائی ۱۰۳۳ سنتی میتر ہوتو ایک ایسی گول تختی پرکا جموعی دباؤ معلوم کرو جس کی گرائی بانی کے اندر ۵۰ ميتر ہے اور جس كا نصف قط يا سنتى ميتر ہے۔ ٨- ايك تالاب كا بند ٢٠٠٠ كر لمبا ب ادر اس كا جو رخ ياني مس کرتا ہے وہ شکل میں متطیل ہے اور افق کے ساتھ ،سؤ كا زاويد بناتا ہے۔ اگر ياني كي گہرائي ٣٠ فٹ ہو تو بند يد كا مجموعي دباؤ معلوم کرو ۔

یہ جی معلوم کردکہ تالاب کے اندرجو پانی سے اسکی سطح کی وسعت كاكوئي الر مجموعي دباؤير يڑے كايا بنس-

٩- مخوط ناقص کی کل کا ایک ظرف پانی سے بھراگیا ہے اس کی جوٹی كا قطر ا أني ب اور بيند الله النج ، اور اس كى اونجائى ١١ النج ہے۔ قاعدہ پر کا جموعی دباؤ اور قاعدہ کے مرکز پر کا دباؤ فی میج انے پونٹروں کے وزن میں معلوم کرد۔ ١٠- ایک مربع کو ایک مائع کے اندر اس طح رکھا گیا ہے کہ اسکا ایک کنارہ مائع کی سطح میں ہے، مربع پر ایک افقی خط کھینینے کاعمل دریافت کرو جو مربع کو ایسے دو حصول میں تقسیم کرے جن پر کے جُوعی دیاد بام سادی ہوں۔ اا۔ کمعب کی شکل کا ایک برتن ایک تہانی بارہ سے بھراگیا ہے جس کی کٹانتِ اضافی ۲ ۱۳۶ ہے اور باقی دو تھائی پانی سے۔اگر كس كا برايك ضلع ايك وسى ميتر ہو تو اس سے ايك ن بركا جموعی دباؤ کلو گرا موں کے درن میں معلوم کرد۔ ١٢- ایک برتن کی اونچائی ایک فط ہے اور اس کے ایک پہلو کا طول النے ہے، اس میں مرائج کے بارہ بھرا ہوا ہے اور باتی پانی ۔ پارہ کی کٹافت اضافی ۱۹۵۷ سا ہے اور کو ہوائی کا دیاد فی مربع انچ 10 پوٹڈ دزن سے برابر ہے ، برتن سے ایک بغ يركا بجوعي وباؤ معلوم كرد -ا۔ ایک متطیل شکل سے برتن کا ایک رخ م فط اونجا ہے اورا کے فط چوڑا ' اس کو آدھا بارہ سے اور آدھا بانی سے بھراگیا ب، اگر باره کی سن فتراضا فی ۵ وسام جوتو اس رخ بر کا مجموعی وباؤ معلوم کرو ۔

۱۹۱- ایک حوض میں بانی بھا ہموا ہے ، اس کے ایک رخ پر بانی کے اندر مخلف گہرائیوں پر مسادی چھوٹے رقبے ار اور دب میں ۔ اربرکا بمبوعی دباؤکا چارگن ہے ، لیکن جب حوض میں سے اتنا بانی کال یہ جائے کہ بانی کی سطح ایک فیٹ نیچی ہمو جائے ۔ تو ار پر کا مجموعی دباؤ دب پر کے مجموعی دباؤ سے کہ بانی کی سطح ایک فیٹ نیچی ہمو جائے ۔ تو ار پر کا مجموعی دباؤ دب پر کے مجموعی دباؤ کی سابق کا ۵ گنا ہمو جاتا ہے ۔ بانی کی سطح سے نیمچے ار اور دب کی سابق گہرائیاں دریافت کرد۔

ہریں سے ہو صندوق کے ایک صندوق کا ایک کنارہ ایک فی فی اس میں ایک نمل کے ایک صندوق کا ایک کنارہ ایک فی ہوئی ہے جس کے دوسرے سرے کا استعمالی ارتفاع صندوق میں نملی کے ارتفاع صندوق میں نملی اوپر کے سرے کک بانی بھرا ہوا ہے ۔ دوسکنے پر کا مجموعی دباؤ سمت رائس میں اور قاعدہ پر کا مجموعی دباؤ سمت شاقوبی میں دریافت کرد اور ثابت کرد کہ ان کا فرق ایس بانی کے وزن کے دریافت کرد اور ثابت کرد کہ ان کا فرق ایس بانی کے وزن کے برابر ہے جو صندوق کے اندر ہے۔

اس امرکی تشریح کرد کہ قاعدہ پر کا جموعی دباؤ صندوق کے کے بانی کے درن سے کیون زیادہ ہے۔

۱۱- ایک مصنوعی جھیل ہے۔ میل لمبی اور ۱۰۰ گزیجرٹی ہے اس کی تہ ایک سطح مائل ہے جس کی گہرائی عرض سے ایک اس کی تہ ایک سطح مائل ہے جس کی گہرائی عرض سے دورے کنارے پر صفر ہے اور بتدریج بڑہتے بڑہتے عرض سے دورے کنارے پر کنارے پر کنارے پر ایک بی دیوار بتائی گئی ہے ' کا فرن سے ایک مکعب گزی اون

رو ایک نظم ذواربعتہ السطوح کا ہر ایک کنارہ ال ہے ' اس میم متوازی الافق میم میں اس طرح ڈبویا گیا ہے کہ اسکی ایک سطح متوازی الافق میم میم میں اس طرح ڈبویا گیا ہے کہ اسکی ایک سطح متوازی الافق ہے۔ اور اس سطح کے مقابل کا نقطۂ رأس نیچے کی طرف ہے۔ اگر افقی سطح کی گہرائی گ ہو تو ہر ایک رخ پر کا مجموعی دباؤ معلوم کی گہرائی گ ہو تو ہر ایک رخ پر کا مجموعی دباؤ معلوم کرو اور اس کی مرد سے ذو اربجتہ السطوح پر کا عاصل مجموعی معلوم کرو اور اس کی مرد سے ذو اربجتہ السطوح پر کا عاصل مجموعی

دباؤ دریافت کرو۔

19 متطیل شکل کا ایک انتصابی دروازہ ہے جس کی چوائی 19۔

30 فالے ہے اس کی ایک جانب شکین بانی (کثافت اضافی ۱۶۰۲۱) دی ایک جانب شکین بانی (کثافت اضافی ۱۶۰۲۱) دی دولوں کی گہرائی تک بھوا ہوا ہے اور دوسری جانب تازہ بانی دولوں طرف کے جموعی دباؤ باہم ماوی ہوں تو تازہ بانی کی گہرائی دریافت کرو۔

ہوں تو تازہ بانی کی گہرائی دریافت کرو۔

اوں ہوں ہوں کا ہری کی ہے اور ایک مجوف مخوط کو جس کا قاعدہ نیجے کی طرف ہے اور ایک مجوف مخول سے بھرا جس کا مخور انتصابی ہے دو انعات کے ساوی مجمول سے بھرا جس کا مخور انتصابی ہے دو انعاث کی کتافتوں کی یا ہمی نسبت سا: ا ہے۔ گیا ہے۔ ان مانعات کی کتافتوں کی یا ہمی نسبت سا: ا ہے۔

ا نابت کوکہ مخوط کے قاعدہ پرکا مجموعی دباؤ اس دباؤکا (۳-کا ہم)
کن ہے جو سارے مخوط کو بلکے سیال سے بجرنے سے حاصل ہوتا ہم اللہ ایک مستطیل کے اصلاع کر اور لب ہیں ، ضلع کر متوازی اللفق ہے اور اس کی گہرائی پانی کی سطح کے بنچے جے ہے ' اگر مستطیل کی سطح انتصابی خط کے ساتھ زاویہ طہ بنائے تو مستطیل پرکا کی سطح انتصابی خط کے ساتھ زاویہ طہ بنائے تو مستطیل پرکا محموعی دباؤ معلوم کرو۔

۲۲۔ ایک مستدیر اسطوانہ کا ارتفاع فن اور لضف قطر ال ہے اگر اسطوانہ کے وسطی نقطہ کی گہرائی پانی کی سطح کے نیچ ج ہو اور اس کا محور خط انتصابی سے زاویہ طمہ بنائے او اس کے دونوں مستوی سروں پر کے مجموعی دباؤ معلوم کرو۔

۲۳- ایک پانی سے بھرا ہوا مخروط اپنے مائل ارتفاع سے بل ایک افقی مینر پر بڑا ہے اگر مخروط کا زاویہ راس ۲ عد ہو تو تا بت کرو کہ اس کے قاعدہ پر کا مجموعی دباؤ پانی کے وزن کا سجب عد

۲۷- ایک مجون کے وزن مخوط کا ناویہ رأس ۲ عہ ہے کہ اس کو بانی سے بھراگیا ہے کہ اگر مخوط کو محیط قاعدہ کے کسی نقط سے بلا نگلف لٹکایا جائے تو تابت کروکہ قاعدہ برکے مجموعی دباؤ کو مخوط کے بانی کے وزن کے ساتھ نسبت

تابت کرد کہ سط متوی پر کے مجموعی دباؤ کو پانی کے وزن سے ٢٧- ايب سوازي الاضلاع كو پاني كے اندر اس طح دلويا كيا ب ك اس كا ايك ضلع باني كي سطح مين ہے ، اس كي سطح بر افقي خط لھنے سے اس کو ایسے ن صون میں تقیم کرد جن برے مجھی وباؤ باہم ساوی ہون ا ثابت کروکہ ان خطون کی گہائیون کو آبیش وہی سبت ہے جو طبعی اعداد کے جدردن کو آئیں بی ہے۔ ١٧٥ ايك مربع شكل كا پترا ادب ج د پاني مين اس طح د بويا ك ب ك اس كاكناره وب يانى كلط ميں ہے انقط و ميں سے ایک خط منقیم کمینی جو بترے کو ایسے دو حدوں بیں تقتیم کرے جن پر کے مجموعی دباؤ باہم سادی ہوں۔ ٨٧- ايك مربع ايك ستيال مي د بويا كيا ہے ، اگر مربع كا ايك کنارہ پانی کی سطح میں ہو اور مربع کی سطح انتصابی ہو تو مربع ہر قطر کے متوازی ایک خط کھنچنے سے اس کو ایسے دو حصوں میں تقیم کرو جن پر کے جموعی دباؤ باہم سادی ہوں۔ ١٩ - نصف دائره كى شكل كا ايك بيترا ياني مين دابويا كيا ہے، اگر اس کا قطر پانی کی سطح میں ہو اور اس کی سطح انتصابی ہولو اس کو ایسے ن قطاعوں میں تقییم کرو جن پر سے مجموعی دباؤ یا ہم مساوی ہوں ۔ ٠٣٠ ايك شلت باني مي بورا دوبا موا عدادراسكانقط راس ج پانی کی سطے میں ہے انقطہ او میں سے ایک نظ

كمنيخ كاطريق معلوم كروجو مثلث مذكوركو ايسے دو حصول ميں تقتیم کرے جنرے جموعی دباؤ باہم ساوی ہوں۔ ا۳- ایک سیّال کی کتافت کہ ہے، اس سے اویر ایک اور الا سیال پڑا ہے جس کی کافت کو ہے اور جس کی گرائی و انج ب، ایک مربع جس کا ہر ایک ضلع ب ہے ان سیّالوں یں اس طح ڈبویا گیا ہے کہ اس کی سطح انتصابی ہے اور اس کے اوپر کا ضلع اوپر سے سیال کی بالائی سطے میں ہے، اگر مع کے اُن دو حصون پر کے مجموعی دباؤ جو اِن دو سیّالوں كوسس كرتے يوں باہم برابر ہون تو تابت كروك (ノーシンノ=(ルナーノア)ナン ٣٢- ايك مثلث الب ج باني كاندانتماباً فق كيائي ب نقطہ ج پانی کی سطح میں ہے اور اضاع اج 'بج یانی کی سطے کے ساتھ مساوی زاوئے بناتے ہیں اٹابت کروکہ اگر ج میں سے ایک انتصالی خط کھینچا جائے تو وہ مثلث کو ایسے دوحصوں یں تقسیم کرے گا جن پر کے مجموعی دباؤں کی نبت ب ٢٠٠١ زين ؛ أ + ٢ رُب بوكى جهال و ي عن عن عن اضلاع بي -سس ایک کعب صندوق کوجس کے پہلو انتصابی ہیں مخلف سیالون کی مساوی مقداروں سے بھرا گیا ہے ، یہستیال ایس میں ہنیں ملتے اور ان کی کٹافتین اوپر سے سروع ہور یالتیب ك ، ٧ك ، ... ك ك ين التابت كروكه قاعده يركا مجموعي وباؤ

ایک نے کے اس صہ ہے کے مجموعی دباؤ کا (ن+1)گنا ہ جو حصہ سب سے نیلے سیال کو مس کرا ہے۔ مس اسطوان کی شکل کا ایک گلاس آدمط ایک سیّال سے بھرا گیا ہے اور باقی آدرھا دوسرے سیال سے، پہلے سیال کی کٹا فت ک ہے اور دوسرے کی ک یہ سیّال ایک دوسرے سے نیں منے اگر گلاس کا ارتفاع دے ہو اور اس کے قاعدے کا نصف قط ر کو خابت کرد کہ گلس کے قاعدہ پر سے جموعی دباؤ کوسطے منی پرمے کل دباؤ کے ساتھ نسبت - マ(ンナン): い(ンナアン)チ ٥٣٥- ايك بند جوت فزوط كا نقطة رائس اوير كى طوت ب اور اس کا محور انتصابی ہے ، مخوط کو پانی سے بھراگیا ہے اس کی منحیٰ سطح کو ایک افقی سطح سے ذرایعہ ایسے دو حصوں الله ماوی ہوں اللہ الم ماوی ہوں۔ مخوط کو ایسے ہی دو صول میں تقیم کرو جبکہ نقط راس نیے ی جانب ہو۔ وس ایک اسطوان ن مخلف سیالون کے مساوی جمول سے

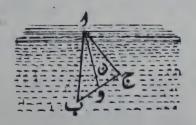
بھراگیا ہے ، یہ سیال آبیں میں نہیں ملتے اور اوپر سے بیجے کی طرت ان ستیانوں کی کتافتیں بالترتیب ک اوک سرک سدن ک ہیں ا تابت کرد کہ منعنی سطے سے مخلف حصون پر سے کل دباؤ باہم بیسبت 心::::1:1 いき

سوم ۔ ایک مستوی رقبہ پر کے دباؤ کا مرکز۔ اگر ایک ستوی رقبہ کو ایک سیال کے اندر ڈلویا جائے تو اس کے کسی نقطہ کا دباؤ سنوی رقبہ پر عمود وار موگا اور اس نقطہ کی گہائی کے ظاہر سے کہ سطح ذکورہ کی ایک جانب کے سب نقطون یم کے دباؤ متوازی قوتوں کا ایک نظام بناتے ہیں اور ان کی مقدارین بھی معلوم ایں -علم سکون دفعر سره کی رو سے تمام متوازی قوش ایک قوت دامد میں ترکیب دی جاسکتی ہیں اور یہ قوت ستوی قیہ ے ایک فاص نقطے پر عمل کرتی ہے۔ اس قوتِ واحد کو حاصل ستیالی دباؤ کہتے ہیں اور ستوی رقبہ کی صورت میں یہ وہی چیز ہے جوکہ کل دباؤ ہے اور رقبہ کا وہ نقطہ جس پر یہ عمل کرتی ہے اس رقبہ پر کے وباؤ کا مرکز (مرکز د باؤ) کہلاتا ہے۔ کسی دی ہونی صورت میں دیاؤے مرکز کا مقام معلوم کرنا ایک دفت طلب امر ہے، ہم باب ہ میں اسس پرمفصل بحسف كرفيك ، يهان حرف ايك يا دو آسان صورتون میں دباؤ سے مرز کا مقام تبادیا جائے گا۔ (۱) ایک متطیل ای ج لیانی میں ڈبویا گیا ہے اس کا ایک ضلع ایب یانی کی سطح میں ہے، اگراب اور

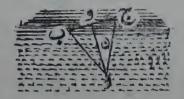
ج ر کے وسطی نقط بالترتیب ل اور م ہون تو دباؤ کامرکر



(م) ایک مثلث او ب ج پانی کے اندر ڈبویا گیا ہے ، اس کا نقطۂ راس او پانی کی سطح سے اندر ہے اور قاعدہ ب ج متوازی الافق ہے ، اگر ب ج کا وسطی نقطہ و ہو تو دباؤکا مرکز ن ، او پر ایک ایسا نقطہ موگا کہ او ن = ہے اور مرکز ن ، او پر ایک ایسا نقطہ موگا کہ او ن = ہے اور



رس ایک مثلت ایب ج بانی سے اندر ڈبویا گیا ہے ، اسکا قاعدہ دب ج پانی کی سلح میں ہے ، اگر تاعدہ کا وسطی نقط و اور آبو تو دباؤ کا مرکز ک و او کا نقطہ تنصیف ہوگا۔



مشق ا- ایک حوض کے ایک پہلو میں سنطیں شکی کا ایک سوائی الفق ایک سوائی الفق اور ہے جہ د متوازی الفق ہے ، اس سوراخ کے نیجے کا صلع ج د متوازی الفق ہے ، اب اور اور کے طول بالترتیب افت اور ہوا فٹ ہیں ، اگر اس سوراخ کو ایک ایسے انتصابی در وازے سے بند کیا ہے جو ارب کے گرد گھوم سکتا ہو اور حوض میں بانی کی سطے ارب پر جو تو بتاؤ کہ دروازے کو بند رکھنے کے لئے ج د سے وسطی نقط پر کتی توت لگانے کی ضرورت ہوگی ۔ اگر قوت مطلوبہ تی ہو تو ارب کے گرد اس کا جو معیار انز ہوگا اگر قوت مطلوبہ تی ہو تو ارب کے گرد اس کا جو معیار انز ہوگا وہ الب کے گرد بانی کے معیار انز ہوگا دو الب کے گرد بانی کا مجوی دباؤ

نیزصورت اول کی روسے یہ اُس نقط پرعل کرتا ہے جس کا فاصلہ او ب سے

امتلہ نمبری ۲ ۱- بانی سے بھرے ہوئے ایک کمعب صندوق کا ڈھکن ایک

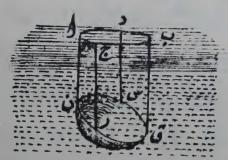
مربع شکل کی تختی ارب ج د بے جس کا وزن صندوق کے بانی کے درن کا دو تبانی ہے ، ڈھن اب کے گرد گھی سکتا ہے اور مندوق کو اس طح رکھا گیا ہے کہ دُھے کی سطح افق سے می کا زاویہ بناتی ہے ، اگر ادب متوازی الافتی ہو اور ے درے اوپر ہو تو تابت کروکہ ڈھکنا کھلنے کے عین قب ہ ٧- ایک کعب شکل سے صندوق کا ایک انتھابی پہلو آنے اویر کے کنارے کے گرد گھوم مکتا ہے ، اس بیلو میں اس کے اویر کے کنارے پر ایک سلاخ لگی ہے جو بہلو پر عود وارہے اور حیں کی لمبائی کعب کے ایک کنارے کے برابر ہے، اگر سلاخ کا وزن ۵ پونڈ ہو اور اس پانی کا وزن جس سے صدوق بھم جائے مم یونڈ ہو تو بتاؤ کہ صندوق کے اند کتا یانی ڈالا جائے کہ اس کا یہ پہلو عین کھلتا شروع ہو جائے۔ ٣- ایک متوازی الافق علی کے اندریانی ہے، اس کو ایک ایسے مربع وصکتے سے بند کیا گیا ہے جو افق کے ساتھ ۵م کا زادیہ بنایا ہے اور جس کے دو کنارے موازی الافق ہیں ، ڈھکنے کا ہر ایک کنارہ ایک فط ہے اور وہ اپنے پنچے کے کنارے کے ا ر گھوم سکتا ہے۔ اگر دھکن اس وقت کھلنے کے عین قریب ہو جیکہ اس کے اور کا کنارہ پانی کی سطح میں ہو تو و صلح کا وزن معلوم كرو -

بالبجارم

كى سطے بركا حاصل جموعى دباؤ

الم الم الركسي منحني سطح كا ايك حصد ايك وزني مانع كے اندر دہویا جائے جیسا آگلی دفعہ کی شکل میں ہے تو اس سطح پر مائع کے دباؤ کا مجموعی اثر معاوم کرنا یا بالفاظ دیگر سُیّال کا عاصل مجموعی دباؤ معلوم کرنا ایک دقت طلب ام ہے۔ اسی کی دجہ یہ ہے کہ مخلف نقطون پرکے دیاؤ فخلف سمتون اور مخلفت سطون میں عل کرتے ہیں۔ لكن أكريم سطح كے ہر ايك جزو پر كے دباو كو انتصابى اور افقی اجزائے ترکیبی میں تحلیل کریں تو ہم ایسی قوتیں معلوم کر سکتے ہیں جو طاسل مجموعی دباؤ سے متسادی ہوں۔ سب سے پہلے ہم اس سطح پر مائع کی انتصابی قوت کی بورى مقدار معلوم كرينگ - اس توت كو حال انتصالي دياؤ نہتے ہیں۔ ظاہر ہے کہ سطح مفروضہ کے مخلف نقاط پر جو دباؤ عل کرتے ہیں ان کے انتصابی اجزائے ترکبی کا طاصل، اس عاصل دبانو کے برابر ہے کیونکہ یہ انتصابی

اجزائے ترکبی متوازی قوتیں ہیں اور اس کئے وہ ایک۔
استعمابی قوت واحد میں ترکیب دی جاسکتی ہیں۔
اگلی دفعہ میں یہ بیان ہوگا کہ کس طح سے یہ انتصابی
عاصل دباؤ معلوم ہو سکتا ہے۔
عاصل انتصابی دباؤ دریافت کرو۔
ایک سطح مائع کے اندر غرق کی گئی ہے آل پکا
حصہ کی لرق میں پر غور کرو۔
فقطہ میں سے ایک اعاطہ کرنے والے کنارے کے مراکبہ فقطہ میں سے ایک ایک انتصابی خط کھینچا گیا ہے اور
یہ انتصابی خط پانی کی سطح سے ایسے نقطون پر سنتے ہیں
یہ انتصابی خط پانی کی سطح سے ایسے نقطون پر سنتے ہیں
جن سے فی لوج می د بنتا ہے۔
جن سے فی لوج می د بنتا ہے۔



اب مائع کے اس حصہ سے توازن پر غور کرو جو ان انتصابی خطوط ، سطے ن ل ن سس ، اور مستوی سطے لوج ب د کے اندر گھرا ہوا ہے ۔ کے اندر گھرا ہوا ہے ۔ دفعہ ۸۲ کے موافق سطے ن س ق ل کے ہرایک جزدکا

برتن کے اندر ہو یا باہر مقدار میں ایک ہی ہوگا (بشرطیکہ انع

ے باہر ہونے کی صورت میں اس کی آزادسطے اب فض کی جا گر ائع سے باہر ہونے کی صورت میں یہ نیجے کی طرف عل کرے گا اور اند ہونے کی صورت میں اوید کی طرف ظاہر ہے کہ موجودہ صورت میں یہ اوید کی طرف عل کرا ہے۔ پس سطح ن رق س پر کا عاسل انتصابی دباؤ کا مائع ن ق رب کے وزن کے باہر ہے۔ لہذائع مذکور کے حدی مفوضہ يركا عاصل انتصابي دباؤاس مانع کے وزن کے برابر ہے جو اس حصہ یہ اصلی مائع کی سطے کک قائم ہو سکے اور یہ دباؤ مائع کے مرکز تقل یں سے رأسی سمت میں علی کرتا ہے۔ ے ہے۔ اگر سطح اس طح کی ہو جیسے ذیل کی شکل میں دکھائی مئی ہے تو صہ اب برکا عاصل انتصابی دباؤ سمت اس میں عل کرتا ہے اور اس مائع سے وزن کے ہمایہ ہے جو ب وع دیں بحرا جا کتا ہے۔ ب ج يركا علل انتصابي دباؤ نيج كي طرف ہے اوراس انع کے وزن کے برابر ہے ج ج ب دع س بحرا جا سکتا ہے اور سطے ال ب ج يركا ماصل

سكون سيالات عاصل نتصابی دباؤ 46 انتصابی دباؤ اِن کے فق کے برابر ہے اور اس لئے مائع ج ب ل سے وزن سے ساوی ہے اور نیجے کی طرف - c is de م ہم ۔ دفعہ ٢٦ ميں آگر مانع متجانس الاجزا نہ ہو تو جو مانع ن ق ارب سے اندر بھرا جائے گا اس کی کٹافت کسی نقطہ پر وہی فرض کی جائے گی جو اس نقطہ کی گرائی یہ برتن کے اندر اصلی مائع کی ہے الکین اس کتاب میں بہت مم مثالیں ایسی ہیں جن میں کہ الع متجانس الاجزانہ ہو۔ ٩٧ - ايك جسم كالماجزة باني مين وبويا كيا ہے ، ثابت كردكه اس يكا طاصل مجموعی دباؤ ہٹائے ہوئے پانی سے وزن کے برابر ہوتا ہے [متبادل بڑوت کے لئے دیکھو نوٹ دفعہ ۲۵۹ ایک جسم ن طق ی پورا پانی سے اندر دروبا تہوا ہے۔ فض کردکہ ایک اختصابی خط جسم فرکور کی سطح سے گردا گرد اس کو منحی ن س ق س پر مس کرما ہے اور مائع کی سط کو سحنی اج ب د - ج للا ب سطح (ط، ن رق س) يركا عاصل انتصابي دباؤاس ائع کے وزن کے برابر ہے جو ن طرب او میں بھر جا سکتا

اور اس سے مرکز تقل میں سے سمت رأس میں علی کرتا ہے۔
اور سطے (ی ک ن ل ق س) برکا طاصل انتصابی دباؤ
اُس مائع کے وزن کے برابر ہے جون ی ق ب او میں
بھرا جا سکتا ہے اور اس سے مرکز تقل میں سے شاقو ہی ست
میں علی کرتا ہے۔

یہ دو مجموعی دباؤ ہیں جن کا طاصل سارے جم پر سے عال انتصابی دباؤ کے مساوی ہے اور اس لئے یہ طاصل انتصابی دباؤ اس مائع سے وزن کے مساوی ہے جو گلمان طقی کو بھر سکتا ہے اور ن طق می سے مرکز تقل میں سے مرکز تو مرکز میں سے مرکز تقل میں سے مرکز تقل میں سے مرکز تقل میں سے مرکز تق

اوپر کی طرف عل حراً ہے۔ لہذا معلوم ہوا کہ اگر ایک جسم پورا پانی سے اندر ڈوبا ہوا ہو تو اس پر کا حاصل انتصابی دباؤ ہٹائے ہوئے مائع سے وزن سے مادی ہوتا ہے اور ہٹائے ہوئے مائع سے مرکز تقل میں سے سمتِ رأس میں عل کرا ہے۔ [دفعہ ۱۲ کے یہ معلوم ہوگا کہ جسم پر کا حاصل افقی دباؤ صفر ہوتا ہے]

ہمعلوم ہوہ کہ بہم پر ہ ماس ہمی ربار مسر ہوہ ہا۔ ہٹائے ہوئے مائع سے مرز نقل کو اکثر مرکز سباحت یا اجھال کی مرکز کہتے ہیں اور حاصل انتصابی دباؤ کو

اجھال کی قوت کہتے ہیں۔ یہ نہایت ضردری مسئلہ جو ابھی بیان ہوا اصول ارشمیدس

یہ ہمایت طروری مسئلہ ہو ابھی بیاں ہوا الموں ارسیدی سے نام سے موسوم سیا جاتا ہے ، ارشمیدس ایک یونانی عکیم تھا جو سنہ عیسوی سے قریباً ۲۵۰ سال قبل گزراہے • ۵ - يہ آسانى سے خابت كيا جاسكتا ہے كہ ملد مذكور اس صورت میں بھی برقرار رہتا ہے جبکہ جسم کو جزء یانی كے اندر غرق كيا جائے۔ اگر جسم كى شكل قدرے غرنتظم واقع ہو جیسے ذیل کی شکل میں تو حاصل انتصابی دباؤ مانعا ذیل سے وزنوں سے مجموعۂ جبریہ کے مساوی ہوگا (۱) مائع ال ن ق ب كا وزن جو اويرك طوت عل كرنا ہے دى انات س دب ق اور رج لون کے وزن جو دونوں ینے کی طون عمل کرتے ہیں اور (س) مانعات دسی اور ج ل د مے وزن جو اوپر کی طرف عل کرتے ہیں -یعنی طاصل انتشالی دباؤ اس مانع کے دنن کے برابر ہے جول دن قسم میں بھرا جا سکتا ہے اور اس کے مرکز تقل سے سمت راس میں عل کرا ہے۔ ١٥ - أكر مانع متجانس الاجزا نہ ہو تو دفعہ ۸م کی طرح یہ فرض کیا جائے گا کہ جبم سے گھری ہوئی جگہ میں ایک ایبا مائع بھر دیا گیا ہے جس کی کٹا فت جسم کے اندرکسی فاص گہرائی پروہی ہے جوجم کے باہر کے مائع کی اُسی گہرائی پرہے۔ اشله نمبري ۷ ١- ايك برتن مخوط ناقص كى شكل كا ہے - اُس كابيندا

دو مرور تختتوں سے بند کئے گئے ہیں جن سے نصف قطر بالنت م انج اور ا انج بن ، اگر برتن کو یانی سے محمر دیا جائے تو اس کو بڑی تختی اور چھوٹی تختی سے بل رکھنے سے جو مجموعی دباؤ نیے کی تختی یہ ہو بگے ان کا باہم مقابلہ کرد-اس امری تشریح کروکہ کیوں ایک طالت میں یہ مجموعی داو سیال کے وزن سے زیادہ ہو گا اور دوسری طالت یں کم۔ ٢- ستراب كا ايك كلاس مخروطي شكل كاس كو ياني بھرکہ میزید اوندھا رکھا گیا ہے ، تابت کرو کہ یانی کا جو مجموعی دیاؤ گلاس پر ہے وہ میزیر سے جموعی دباؤ کا دو تہائی ہے. ہ- ایک مخوط کا ارتفاع دے ہے اور اس کے قاعدہ کا نصف قط رے، اس مزوط کو یانی سے بھراگیا ہے اور اس پانی کو ایک ایسے اسطوانہ میں ڈالاگیا ہے جس کے قاعدہ كا نصف قط لے ' اگر مخوط اور اسطوانہ دونوں كے محور انتصابی ہوں تو ان کے قاعدوں پر جو مجموعی دیاؤ دون صورتوں میں علی کرتے ہیں ان کا مقابلہ کرو۔ ہ۔ ایک مجون اسطوانہ کو پانی سے بھرا گیا ہے اور اس کے دواؤں سردں کو بند کرکے اس کو اس طح سے رکھا گیا ہے کہ اس کا محور افق سے متوازی ہے ، اسطوانہ کی منحی سطے سے نجلے نصف پر کا استصالی مجموعی دباؤ معلوم کرد-٥- ایک نصف کردی پال کو بانی سے بھر کر ستوی قاعدہ کے بل ایک افقی میزیر رکھا گیا ہے ؟ خابت کرو کہ اس کی سطح پر کا

ماصل انتصابی دباؤ میز برکے جموعی دباؤ کا ایک تہائی ہے۔

۲ - ایک قائم مستدیر مخوط کے مستوی قاعدہ کو ایک پتلی شخی
سے بند کردیا گیا ہے ، اگر اس کو پانی سے بھرکر اس طح رکھا
جائے کہ اس کا محور متوازی الافق ہو تو (۱) سطح منحیٰ کے
ادبر کے نصف برکا اور (۲) نیسے کے نصف برکا ماصل
ادبر کے نصف برکا اور (۲) نیسے کے نصف برکا ماصل
اذبر کے نصف برکا اور (۲) نیسے کے نصف برکا ماصل

ے۔ ایک ڈول مخوط ناقص کی شکل کا ہے اس کی چوٹی اور اسکی بینیدے کے تضف قطر بالترتیب ہو انج اور ہم اپنج ہیں اور اسکی اونجائی ایک فٹ ہے اگر ایک سے بھراگیا ہے ، اگر بانی کا وزن فی محب فٹ ... اونس ہو تو اس کی سختی سطح پر کا خال انتصابی دباؤ معلوم کرو۔

ایک اسطوانے کے ایک سرے پر ایک مخروط فائم کرنے ہے ایک موری پر ایک مخروط فائم کرنے ہے ایک موری بیاتی محور برتن تیار کیا گیا ہے اور اس کو پانی سے بحرکر بندکردیا گیا ہے مخروط کا محور اسطوانہ کے محور کا تین گن ہے ' تابت کردکہ دولوں صور توں میں جبکہ برتن کا محور انتصابی مو مخروط کی سطح پر کا

حاصل مجموعي دباؤ برابر بوگا-

۹- ایک دہری کیف دو مخرو طوں سے راسوں کو جوڑ نے سے
بنائی گئی ہے ، مخرو طون کے محور ایک ہی خطِمتقیم میں ہیں اور
مشترک نفظہ راس برکا ایک سوراخ دونوں مخروطوں کو ملاتا ہے ،
کیف کو ایک افتی سطح پر اسطح رکھا گیا ہے کہ اس کا محور
انتھائی ہے کا اگر کیف کو پانی سے بھرا جائے تو تا بت سرو کہ

نیلے مخوط کی منحنی سطح پر کا حاصل انتصابی دباؤ پانی کے وزن کا یا ہا کا ہے ۱۰ دہرے مخوط کی شکل کا ایک برتن دو سادی مخود طوں ے راسوں کو چوڑنے سے بنایا گیا ہے ، مزوطوں کے محور ایک ہی خطِ ستقیم میں ہیں اور مشترک نقطۂ رأس برایک چھوٹا سوراخ ان دونون مخروطوں کو ملاتا ہے ، برتن کو ایک افقی میزید اس کی ایک ستوی سطح سے بل رکھ کریانی سے بھوا گیا ہے ، برتن پر کا حاصل انتصابی دباؤ دریافت کرد اور تابت کرو کہ اگر برتن کے اوپر کے حصہ کا تھر نجلے حصہ کے محور سے دوچند ہو تو یہ حاصل انتصابی دباؤ صفر ہوگا۔ اا۔ مخروطی شکل سے ایک وزنی کلاس کو ایک جینی افقی سطح يراس طح ركا گي ہے كه اس كاراس اور كى طرف ہے اور اس کے اندر اس کی چوٹی یر کے ایک چھوٹے سوراخ میں سے آہتہ آہتہ یانی ڈالا گیا ہے ، پیالہ کا ونن اس یانی کے وزن کا چ ہے جو اس کو بھرنے کے لئے عین کافی ہو نابت کوک بیالہ افس وقت سطح متوی سے عین اویرافضے کو ہوگا جیکہ یانی کی گہرائی بیالہ سے ارتفاع سے نصف سے ١٢- مخوطي شكل كا ايك خول ايك افقي ميزير اس طح ركها كي ہے كہ اس كا رائس اوپر كى طوت ہے اور اس كے المد راس پر کے ایک چھوٹے سوراخ میں سے کوئی انع دالاگیا

اگر فزوط میز پر سے اس وقت اکھنا شروع کرے جبکہ اس کے اند کے مانع کا وزن مخروط کے وزن کے مساوی ہوتو تابت کرو کہ فخروط کے وزن کو اس مانع کے وزن کے ساتھ تابت کرو کہ فخروط کے وزن کو اس مانع کے وزن کے ساتھ بو مخروط کو بھرنے کے لئے عین کانی ہوتا ہے نبت و - ساس بہ کی۔

۱۳ دو مادی مجوت مخوطوں کے راسوں کو باہم ہوڑنے سے ایک دہری کیفت نیار کی گئی ہے کہ مشرک راس برکا ایک سوری کو طاقا ہے کیف ایک مستوی سطح پر قائم ہے اور اس کا مشرک محود افق پر عمود ہے۔ کیفت کے اندر اتنا مائع ڈالا گیا ہے کہ اس کی سطح اوپر سے کخوط کے محود کی منصیف کرتی ہے کا اس کی سطح اوپر سے مخوط کے محود کی منصیف کرتی ہے کا اس وقت مائع نجلے مخوط اور میز سے درمیان میں سے باہر نکلنے سے عین قریب مخوط اور میز سے درمیان میں سے باہر نکلنے سے عین قریب ہو تو تابت کرد کہ کسی ایک مخوط سے وزن کو اس مائع کے درن کو ایک مخوط سے اندر آسکتا ہے کسبت

اس بہ اللہ سطے بانی کے اندر غرق کی گئی ہے 'اس بہ کا طاصل افقی دباؤ تمسی خاص سمت میں دریافت کرو۔
سطے مذکور سے محیط سے ہرایک نقطہ میں سے سمت مفروضہ میں افقی خطوط ن ن ک تی تی ک ر ر ک س سی.
وغیرہ کھینچو اور فرض کرد کہ یہ خط ایک ایسی مستوی سطے کو جو سمت مفروضہ برعمود وار ہو سخی ن ر تی سک سک ... برطتے ہیں جو سمت مفروضہ برعمود وار ہو سخی ن ر تی سک ... برطتے ہیں

رقبه کا ایک نمایت ہی يهوا جزو ك رق لو اور دفعہ عم کے مواقی اس مر ایک تیلا اسطوانه بناؤجس كا دوسرا سرا ستوی سطے ن رق س پر واقع ہو اور جس کے تکونی خط ن ن کے متوازی ہون۔ جو قوتین اس اسطوانہ پر عمل کرتی ہیں اُن کو ن ل کے متوازی تحلیل کرنے سے ظاہر ہے کہ چھوٹے جزون ان س یر کا افقی مجسموعی دباؤ = اس سے بتناظر چیوٹے جزو ن رئ ت س بركا افقى مجموعي دباؤ [يكونكه باقى جو قوتیں اس بتلے اسطوانے پر عمل کرتی ہیں یعنی اس کا وزن اوراس کے گرد کے سیال کا دباؤوں سب کی سب سمت ن ك سے زاویہ قائمہ بنائی ہیں آ اب چونکہ اویر کا بیان رقبہ کے تمام اجزا کے لئے درست ہے بشر طیکہ اجزا کافی طور پر چھوٹے ہوں اس نے معلق مواكه ن رق س كا حاصل افقى دباؤ سمت ن ن ين ن رُق س پر کے ماصل افتی دباؤ کے ساوی اور متفابل سے اور نیز ان دباؤں کا خط عمل بھی ایک ہی ہے۔ اب نَ رَقُ سَى كا طاصل افقى دباؤ دفعه ٩ سى معلوم كيا گيا ہے كيونكہ يہ ن ر ق س بركاكل دباؤ ہے،

يز ہم جانتے ہيں كہ اس كا نقط على ن رُق س يرك دماؤكا مركز ہے۔ لمناكسي سطح بركا طاصل افقى دباؤكسي فاص سمت بين معلوم کرنے کے لئے ہمیں اس سطح کا ظِلّ ایک ایسی انتصابی سطح مستوی پر بتانا چاہئے جو سمت مفروضہ برعمود وار ہو۔تب سطح مذکور برکا حاصل افقی دباؤ اس ظِل پر سے کل دباؤے ساوی ہوگا اور اس ظل سے دباؤے مرکز میں سے عل کرے گا۔ ٣٥- ايك سط ياني ميں غرق كى كئى ہے ، اس ير كا عال مجموعي دباؤ معلوم كرو_ اب ہم کسی سطح برکا حاصل مجموعی دباؤ ذیل سے طرفقہ سے معلوم کرسکتے ہیں - دفعہ ۵م کی مدد سے حاصل انتصابی دباؤ كى مقدار اور اس كا خط عمل دو نوں معلوم ہو سكتے ہيں ا نیز دفعہ ۵۲ کی مرد سے طاصل افقی دباؤ اور ان کے خط عمل دو ایسی افقی سمتوں میں معلوم ہو سکتے ہیں جو ایک دوسے سے زاویہ قاملہ بنائیں ، اگر ان تینوں قوتوں کو ایک قوت واحد (حاصل) میں ترکیب دینا مکن ہو (جیسا کہ متفاکل اجمام کی صورت میں بالعموم مکن ہوگا) تو یہ طاصل اس سندكى مدد سے جو قوتوں كا متوازى السطوح كملاتا ہے معلوم ہو سکے گا۔ م الله منتى الله الله الله الله منوى مرا الله يتلى تنى سے بندكيا گيا ہے اور اس كو يانى سے بحركم اس طح ركھا گيا ہے كہا

محور انتصابی ہے ، اگر ایک انتصابی سطے جو اسطوانہ کے محور میں سے گذرتی ہو اسطوانہ کے دو حصے کرے تو اسطوانے کے ایک نصف برکا عاصل مجموعی دباؤ معلوم کرو اور اس دباؤ کا خط عل بھی دریافت کرو ۔

فرض کروکہ اسطوانہ کا ارتفاع بن ہے اور اس کے قاعدہ کا نضف قطر ل ہے ' نیز فرض کرو کہ تقییم کرنے والی ستوی سطح

ع شر و عراب

اسطوانے کو سطح وب ب ک کو سطح کاٹمتی ہے۔ اوب کے وسطی نقطہ وہی سے نضف قطر سے کمینچو جو ادبر اسے متوی نضف

دائرہ کی تنصیعت کرے ، وج پر ایک نقطہ دینے ایسا لوکہ

تب ن نصف مائره کا مرکز نقل ہوگا۔

اب نصف اسطوانہ کے قاعدہ پر نقطہ نئے سے عمود نئے تی کھنچو جو فاعدہ سے نئے پر ملے اور نئے نئے کی تنصیف نئ پررو کھنچو جو فاعدہ سے اس مانع سے نصف اسطوانے کا مرز نقل المبرال مرفعے وفعہ میں عمل کرنے والا مجموعی رفعہ میں میں عمل کرنے والا مجموعی

دباؤ نقطہ ن میں سے عمل کرنا ہے اور = مائع کے نضعت اسطوانے کا وزن

= + ITCx wxf

جان و مانع کے اکائی تجے کا وزن ہے۔

اور دفعہ ۵۷ کی رؤسے شخی سطح برکا افقی مجموعی دباؤ استطیل لاب ب کے یک مجموعی دباؤ

اوریہ دفعہ ۱۱ کی رو سے دباؤے کے مرکز ن پر عل کرتا ہے ۔ جاں ون = لئے ورک اور اسکی مقداد = و x رقبہ سطے اب ب ک کر اس کے مرکز تفل کی گہرائی

= إ × ٢ رف × ف ع وف ر

اگر مرکز ت میں سے گزرنے والا انتصابی خط نقطہ ن میں سے گزر نے والے افقی خط سے نقطہ ک بر مے [لما حظہ ہو دائیں طرف کا نتکل] تو حاصل مجموعی دباؤ کی میں سے گزرے گا اگر اس حاصل کی مقداد سے ہو اور اس کا ناویے سیان افق سے طہ ہوتو

ح جم طه = و ف ال ر ح جب طه = ب π را ف و

ن مس ط = ال

معلوم ہوگئے۔

اشله نمبری ۸

ا۔ ایک ٹھوس نفعت کرے کو جس کا نفعت قطر آ ہے یانی کے
انداننا غرق کیا گیا ہے کہ اس سے مرکز کی گہرائی بانی کی سطح کے
پنچے گی ہے اور اس کی مستوی سطح انتصابی ہے ' اس کی
منحنی سطح پرکا افقی مجبوی دبائی معلوم کرو اور نینر اس پر کا عال
مجموعی دبائی دریافت کرو۔

ا۔ ایک عُوس قائم ستدیر مخوط یانی کے اندر اس طرح رکھا گیا ہے کہ اس کا محور ستوازی الا فق ہے اور اس سے محور کی گہرائی یانی کی سطح سے بنجے گ ہے، محور میں سے گذرنے والی ایک انتصابی سطح مخوط کو دو حصوں میں بی گرق ہے ، مخوط کے والی ایک انتصابی سطح مخوط کو دو حصوں میں بی گرق ہے ، مخوط کے ایک نصفت برکا افقی مجموعی دباؤ دریافت کرد۔

الب ایک جون قائم ستدیر مخوط کا محور انتصابی ہے اور اللہ ایک جون قائم ستدیر مخوط کا محور انتصابی ہے اور رائس نیچے کی طرف ہے، مخوط کو مائع سے بھرا گیا ہے اگر محور میں سے گذر نے والی ایک سطح مخوط کو دو برابر صول بیں محور میں سے گذر نے والی ایک سطح مخوط کو دو برابر صول بیں محدد میں تو سطح منحنی کے ایک نصف برکا طاصل افقی دباؤ دیا

رو۔
ہم۔ ایک مجوف ، قائم ستدیر اسطوانہ کو بانی سے بھرکم
اس طرح رکھا گیا ہے کہ اس کا محور سوازی الافق ہے ، اگر
محور میں سے گذرنے والی ایک سطح اسطوانہ سے دو برابر

صے کرے توسطے منحنی کے ایک نصف پر جو عاصل مجموعی دباد ہے اس کی مقدار اور خط عل دونوں دریا فت کرد۔ ٥ - ايك برتن ايك قائم مستدير اسطوانے كى شكل كا سے اس كو اس طح رکھا گیا ہے کہ اس کا محور انتصابی ہے ، اُدھا برتن یان سے بھارگیا ہے باتی اُدھے میں کوئی دوسار سیّال ڈالا گیا ج جویانی کے ساتھ نہیں ملت اور جس کی کنافت اضافی ہ ہے، اگر اسطوا نے کے محور میں سے گذرنے والی ایک سطح اسطولنے ے دو سے کرے تو سطح منحنی سے ایک نفعت پر کے مال مجموعی دباؤ کی سمت دریافت کرد۔ ٧- ایک افتی بیاد کی انتصابی تراش نصف دائرہ ہے ، بیاد کو بانی سے بھرا گیا ہے جس کا وزن و ہے اگر ایسا خیال کیا جائے كہ يالہ كے وسل ميں سے اس كو دو سادى حصول ميں تقيم كيا كيا ہے تو تابت كروكه يانى ان دو حصون كو قوت كيے افقی سمت میں الگ الگ کرنے کی کوشش کرنگا اور تیز تابت كروكه بياله كے كسى ايك نصف يركا عاصل مجموعي دباؤانتھا خط کے ساتھ زاویہ مم اللہ بناتا ہے۔ ے۔ ایک سطح مستوی ایک تھوس کانم استدیر مووط کے محود میں سے گذرتی ہے اور مخروط کو دو مساوی حصون میں نقیسم كرتى ہے ۔ اگر ايك صديانى كے اندر اسطح وال جائے كم اس کا رأس نیجے کی طرف ہو اور یہ حصہ یانی سی عین رُوب جائے تو اس کی سطح منحنی پر کا طاصل مجموعی

دباؤ معلم کرو انیز تابت کرو کہ اس دباؤ کا خط عل افق کے ماتھ زاویہ سن (الله مس عم) بناتا ہے جاں عم مخووط کے راسی زاویہ کا نصف ہے۔ ٨ - ايك طهوس الأنم مستدير المخروط كسى متجانس الاجزا شهي بنایا گیا ہے اس کا رأسی زاویہ ۲ عم ب اور ارتفاع ف کیہ یانی سے اندر اس طح تیر رہا ہے کہ اس کا نقط رأس نجے کی طون ہے ، محور انتصابی ہے اور اس کے محور کا طول ف یان کے اند ہے ، مزوط کے محور میں سے گذرنے والی ایک انتصابی سطح فروط کو دو سادی صول میں تقیم کن ہے اور یہ سے نقط رأس ير ايك قيصنہ كے ذريعہ وصل كئے گئے ہيں ، ثابت كروك يه دو سے اہم پولت رسط ارت كى جا عد [دفعات ۲۵ اور ۵۷ کی روسے ایک حصریری مجموعی دادیے اس سے افتی اور انتصابی اجزائے ترکیبی اور نیز ان سے نقاط عمل معلوم ہو سکتے ہیں - اِن قوتون کے جو معیارِ اثر راسے ے گرد ہیں اگر ان کا مجموعہ ایک صد کے وزن کے معیار اڑ سے زیادہ ہو تو یہ دونو سے جدا ہیں ہوں گے ا ٩- ايك يتلا مجون برتن ايك قائم مخوط كي شكل كا ب اور اس کا بیندا ستدیر ہے ، محور میں سے گذرنے والی ایک سطح برتن کو دو صوں میں تقیم کرتی ہے جن کو رأس برایک قضہ کے ذریعہ وصل کیا گیا ہے اور اس کے کناروں پر

جرل لگاری گئی ہے تاکہ یانی باہر نہ جائے کا اگر بیتی کو راش سے نکایا جائے اور رأس کے نزدیک، لیک چھوٹے سوراج میں سے یرتن میں بانی بھرا جلئے تو ٹاست کرو کہ اگر برتن کا رأسی زاویہ ۱۲۰ سے بڑا ہو تو پانی باہر نہیں نظے گا۔ اگر کوئی سط کسی منوی خط منی سے گھری ہوئی ہو تو دفعہ ۱۵ کی مرد کے بغیر ان برکا عاصل جموعی دباؤ بیض اوقات زیادہ آسانی سے معلوم ہو سکتا ہے ، پہطریقہ اگلی دفعہ کی مثالوں سے بخوبی واضح ہوگا۔ ٥٢ - مشق ا - ایک نصف کرہ یانی سے اندر اس طح عرق كيا كيا ہے كہ اس سے مركز كى گہرائی سطح آب سے نيے گ ہے اور اس کا متوی قاعدہ افق کے ساتھ زاویہ عہ بناتا ہے، سطح منی پر کے عاصل مجموعی دباؤ کی مقدار اورسمت دریافت کرو ۔ فرض کرد که مقعت کره کا متوی قاعده وس ب ب يزاس كا نصف قطر و ب اس مرکز م اور مرکز نقل دے ہے، دفعہ ۹۷ کی روسے یورے جسم برکا طاصل مجموعی دباؤ ہٹائے ہوئے بانی کے وزن یعنی تے ١٦ و كے ساوى ہے اور نقطہ دف ميں سے انتصابي سمت میں عل کرتا ہے۔

لیکن یہ مجموعی دباؤ ذیل کی دو قوتوں کا حاصل ہے۔

(۱) ایک قوت لا جو معنوی قاعدہ اوٹس ب برکا مجموعی دباؤے کے یہ دباؤ بموجب دفعہ ۱۳ آڈ گ و سے ساوی ہے اور مستوی قاعدہ کے کسی نقطہ ن بر عموداً عمل کرتا ہے اور مستوی قاعدہ کے کسی نقطہ ن بر عموداً عمل کرتا ہے کہ نقطہ جب سے شاکل ہونے کی وجہ سے ظاہر ہے کہ نقطہ ان کر اگر کے بر دائع ہوگا۔

(۱) دوسری نوت آن وباؤن برمثمل ہے جو سیّال نفون کروسری نوت آن وباؤن برمثمل ہے جو سیّال نفون کروں کی سطح منحنی کے فعلف نقاط بر ڈالنا ہے کا ایسے ہراکیہ وباؤکی سمت عل کرہ کی سطح برعبود وار ہوگی اور اس کئے

مراز مم میں سے گزرے گی۔

مراز مراز مراز کی کی مراز کی مر

الم الله و الم الله و الم الم الم الم الم الم الله و الل

الاورح جم فه= ١٦ و و گ جب عه

ニマーアで「(サルーとのなり)+とでき

اس طح سے ہمبن سطے منحنی پر کے حاصل مجموعی دباؤ کی مقدار اور سمت معلوم ہوگئی۔
مقدار اور سمت معلوم ہوگئی۔
مندیجہ صریح ۔ اگر مستوی قاعدہ اس طح ہو جیساکہ ساتھ کی شکل بین تو مجموعی دباؤ لا اور این بین کو مجموعی دباؤ لا اور اپنے کی طرف عمل کرے گا اور اپنے کے گا اور اپنے گا کی کے گا اور اپنے کی طرف عمل کرے گا اور اپنے کی طرف عمل کرے گا اور اپنے کہ کرے گا اور اپنے کی طرف عمل کرے گا کے گا اور اپنے کی طرف عمل کرے گا کرے گا کے گا کرے گا ک

مشق ٢- ايک مستوى دائرہ يانی سے اندر دُبويا بي ہے اس كے دباؤكا مركز دريافت كرو-

مثال بالا میں کا کا جو میار اثر م کے گرد ہے وہ سادی ہے اس میار اثر کے جو قت ہے ۱۲ و کا م کے گرد ہے اور یہ دوسری قوت دف میں سے علی کرتی ہے کیزظامر ہے کہ سے کا معیار اثر م سے گرد صفر ہے کیونکہ یہ قوت م میں سے گذرتی ہے گذرتی ہے

ن لا بر ص ن = الله الدَّاوِ بر ص ن جب عم يني آآ ذِكُ وِ برص ن = الله آوَ الدِ بر ص ف جب عمد

[عاسكون دفعه٢٢٥]

د ممن = ہم را اللہ عد عد موں اللہ اس کے دباؤ کا مرکز اس کے بیات ہوا کہ کسی مستوی دائرہ پر سے دباؤ کا مرکز اس کے

مرکز ہندسی سے ہمیشہ ہوگ جب عد سے فاصلہ پر ہوتا ہے نیٹجہ صریح ۔ اگر غرق شدہ دائرہ کی سطح انتصابی ہو لینے

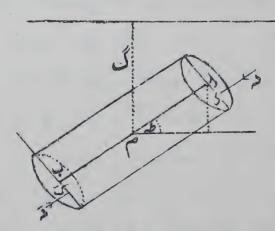
عہ = ٩٠ تو م ك = آل اور اس كئے اليى صورت بيں

دباؤ کے مرکز کی گہرائی مائے کی سطے سے نیجے گ + آئے ہوگی جہا آر دائرہ کا نصف قطر ہے اور گ مائع سے سطح سے نیجے

اس سے مرکز کی گہرائی ہے۔

مشق سے ایک اسطوانہ جس کے دونوں سرے بند ہیں بانی کے اندر بولا غرق کیا گیا ہے اگر اس کا ارتفاع من اور نصف قطر ر ہو اور اس کا مور افق سے زاویہ طہ بنائے تواس کم مختی سطح پر سے طاصل افقی اور طاصل انتصابی دباؤ دریا فت

- 25



اگر محور کے وسطی نقطہ م کی گہرائی گ ہو تو اوپر کے مستوی سرے کے مرکز ال کی گہرائی = گ - بن جب طہ اور اس مستوی سرے پر کا جموعی دباؤ کے

ت ۱۱ ل (کی - ب طی جب طر) د (دفعہ ۲۹) (۱) انتخاب طر (دفعہ ۲۹) (۱) نیز نجلے متوی سرے مرز ب کی گہائی =گ + ب جب طر ادر اس طرح سے اس سرے برکا دباؤ کے

= TT لا (گ + ن جب طه) در (۲) افتی اور فرض کرد که اسطوانه کی منخی سطح پر کے مجموعی دباؤ افقی اور انتصابی سمتون میں بالترتیب ق اور ص ہیں جہاں تی بائیں جانب عل کرتا ہے اور ص سمت رائس یں۔ اب ص اور ق اور مستوی مبرون پر کے مجموعی دباؤں کم اب ص اور ق اور مستوی مبرون پر کے مجموعی دباؤں کم

اور کے کا عاصل کل اسطوانہ برکے عاصل محموعی دباؤ سے برابر ہے اور یہ آخرالذکر انتصابی سمت میں عل کرتا ہے اور اس (دفعہ ۹۷) ی مقدار π رو ف x و ب اس لئے افقی اور انتصابی سمتوں میں تحلیل کرنے سے ·= b / (2-2) + 0 -اور ص + (د - د) جبطه ۱۳ روف و نیز (۱) اور (۲) سے کر - د = سران وجب طہ ق = (د- د)جم ط = ١١ر ف وجب طحم ط اور ص = ١٦ راف د - ١٦ راف د جباط = ١١ راف د جم طه يس عاصل= ١٦ لاف وجم طه جو افق سے زاويد ، في طبي سمت انتصابی سے زاویہ طم بنانا ہے۔ اگر متوی سروں بر کے دباؤ سے مرکز بالترتیب کی اورک موں تومشق م کی روسے

رک = مرک - خوجبطی اورب ک = رک جوطی اورب ک اسک جوطی اسک کے اسک کے کرد سے ک اسک کے کرد سے ک کور سے کا در متوازی قوتوں کے اور کہ سے میار اثر نقطہ م سے گرد سے اور متعابل ہیں - اس سے گذرتا ہے انیز ساک اس سے ان کا طاصل نقطہ م میں سے گذرتا ہے انیز ساک اسطوانہ پر جو طاصل مجموعی داؤ علی کرتا ہے اس کا خط علی مجموعی داؤ علی کرتا ہے اس کا خط علی مجموعی داؤ علی کرتا ہے اس کا خط علی مجموعی داؤ علی کرتا ہے اس کا خط علی مجموعی داؤ علی کرتا ہے اس کا خط علی مجموعی داؤ علی کرتا ہے اس کا خط علی مجموعی داؤ علی کرتا ہے اس کا خط علی مجموعی داؤ علی کرتا ہے اس کا خط علی مجموعی داؤ علی کرتا ہے سے گذرتا ہے

اس کے فی اور ص کا عاصل م میں گزرتا ہے

یس معلوم ہواکہ منحی سطح برکا عاصل مجموعی دباؤ م میں سے
گزرتا ہے اور مقدار میں وجم طہ کے مساوی ہے جہاں طہ
اس کا زاویہ میلان سمن رأس سے ہے اور و کل بھائے
ہونے بانی کا وزن ہے۔

امله تميري ۹

۱- ایک عُوس نصف کرہ مائع کے اندر اس طرح غرق کیا ۔
گیا ہے کہ اس کے معنوی قاعدہ کا سب سے اونچا نقطہ یاتی کی سطح کے اندر ہے اور قاعدہ افق سے زادیہ مسل ام بناتا کہ سطح کے اندر ہے اور قاعدہ افق سے زادیہ مسل ام بائع کے درن کا دویشر کا حاصل مجموعی دباؤ ہٹائے ہوئے مائع کے درن کا دویش ہے۔

۲- ایک بند اسطوانہ کو جس کا ارتفاع اس کے قطر کے ساوک ہے بانی سے جرکر ایک رستی کے ذریعہ ہو اس کے اوپر کے کنارہ کے ایک نقطہ سے بندھی ہے بلا نگلفت نظایا گیا ہے ، اگر اسطوانہ کے وزن کو نظر انداز کیا جائے تو تابت کردکہ اسکی منحنی سطح پر کے حاصل مجموعی دباؤ کے اجزائے ترکیبی افقی ور انتصابی سمتوں میں جداگانہ اسطوانہ کے اندر کے یا نی کے نصف وزن کے برابر ہیں ۔

۳- ایک مجوّن ہے وزن نصف کرہ کو بانی سے بھرکہ ایک رسے دری کے ذریعہ جس کا ایک سرا نصف کرہ سے مستوی قاعدہ ک

آیک نقطہ پر بندھا ہے بلا تکلف لٹکایا گیا ہے ' منحنی سطح پر کے عاصل مجموعی دباؤکا سیلان افق سے دریافت کرو۔

ہے۔ ایک قائم مخوط کو بانی سے بھرکہ بند کردیا گیا ہے اور ایک مینر پر اس کو اس طح رکھا گیا ہے کہ اس کا تکونی خط مینر کو مس کرتا ہے ' منحنی سطح پر سے عاصل افقی اور عال انتصابی دباؤ دریافت کرو۔

انتصابی دباؤ دریافت کرو۔

۵۔ ایک کھوس مخروط کو بانی سے اندر اس طح ڈبویا گیا ہے کہ اس کا ایک کوئی خط بانی کی سطح سے اندر ہے ، ثابت کروکہ سنی سطح برکا طاصل مجموعی دباؤ سمت انتصابی سے ذاویہ

سے اسس عد بناتا ہے جہاں ماعہ مخروط کا راسی زاویہ

٧- ايک مخوط ايک مائع کے اندر تير را ہے اور اس کا محور استوازی الافق ہے، اگر مائع کی کثافت مخوط کی کثافت کی دوجيد ہو تو مخوط کے کا عدہ برکا دباؤ سعاوم کرو' نيز تابت کروکہ اگر سطح سخی برکا حاصل مجموعی دباؤ خطِ انتصابی کے ساتھ زاویہ طمہ بنائے دور اگر مخود طاکا رأسی زاویہ ۲ عہ ہمو تو

الله عن الله محون مخوط كا زاولية رأس اعد ب اس كو يانى الله على محون مخوط كا زاولية رأس اعد ب اس كو يانى الله عدم رايك سطح مانل ير اس طرح ك ويا ويا كيا ب كداس كا رأس نيج كى طرف ب ، اكر سطح مانل اسقدر كمردرى الوكه مخوط من اكر سطح مانل اسقدر كمردرى الوكه مخوط من الرسط مانل القل سے به موثو مخوط مو يسلن نه دے اور اس كا زاوية ميلان افتى سے به موثو مخوط موسلے نه دے اور اس كا زاوية ميلان افتى سے به موثو مخوط

کی منخی سطح پر کے طاصل افقی اور حاصل انتصابی دباؤ معلوم کرد.

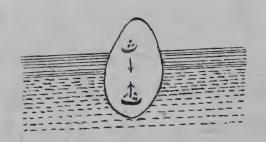
۸- اسطوانہ کی شکل کا ایک یند برتن ہے جس کے دونوں سرے نصف سرہ کی شکل کا ایک یند برتن کو پانی سے بھرکر اس طرح رکھا گیا ہے کہ اس کا محور افق کے متوازی ہے ، ہر ایک سرے پر کا طاصل مجموعی دباؤ دریافت کرد اور اس کا خطے علی معلوم کرد۔

٩- ایک بے وزن کرہ کو ایک انتصابی منوی سطح کے ذریعہ دو مساوی حصوں میں تقتیم کیا گیا ہے اور کرہ کے سب سے نچلے نقطہ پر ایک قضہ لگانے سے ان حصوں کو باہم وصل کر دیا گیا ہے ، اب اگر کرہ میں اس قدر یانی ڈالا طائے جو اس کو بین بھر دینے کے لئے کافی ہو اورایک بتنی نفف کروں سب سے اوپنے نقاط کو باہم ملائے رکھے تو ٹابت کروکہ رسی تناؤ کرہ سے اندر کے پانی کے وزن کا ہے گن ہے۔ ١٠ ايک دھات کي باريک کيسان چادر سے دو نصف کي بنائے گئے ہیں جو ایک دوسرے یر خوب پھنس کر آئے ہیں ' ان کے کن روں کو ایک قبضہ کے ذریعہ وصل کردیا گیا سے اور اس کروی خول کو آب بند بنانے کے سئے کناروں برجم بی نگادی گئی ہے اگر خول کو ایک رسی سے ذریعہ قبضہ سے لٹکایا جائے اور قبضہ یرے ایک سوراخ سے خول کو بانی سے بھردیا جائے تو ٹابت کرو کہ نصف کروں کا باہمی تاس قائم رہے گا اگر خول کا وزن اس یانی کے وزن کے سہ چند سے زیادہ ہو جو خول کو بھرنے سے سے عبر کانی ہوا ہو گو سے نیجہ دفعہ ہم (یا ۵۰) اس طح بھی حاصل ہو کتا ہے ایسا خیال کرو کہ جسم ہٹا لیا گیا ہے اور حبگہ ن می ق ل ن کو مزید انع سے بھر دیا گیا ہے جس سے باقی مانع پر کسی قسم کا اثر نہیں بڑتا۔
اب اس مزید مانع کی سطح سے ہر ایک جزو پر کا دباؤ وہی ہے جو زائد مانع پر کا حاصل مجموعی دباؤ وہی ہے جو زائد مانع پر کا حاصل مجموعی دباؤ وہی ہے جو زائد مانع پر کا حاصل مجموعی دباؤ وہی ہے جو زائد مانع پر کا حاصل مجموعی دباؤ مزید عاصل مجموعی دباؤ موازنہ کر؟ ہے ' اس لئے وغیرہ وغیرہ وغیرہ وغیرہ وغیرہ وغیرہ وغیرہ وغیرہ ا



ترنے والے اجمام کا توازن

کے توازن کی شرائط معلوم کرو۔ کے توازن کی شرائط معلوم کرو۔ ایک تبری والے جسم کے توازن پر غور کرو جو جزءً یا کلاً یانی کے اندر ڈوبا ہوا ہو۔



جسم پر صرف دو انتصابی قوتیں عل کرتی ہیں۔

(۱) جسم کا وزن جو اس کے مرکز نقل دی ہیں ہے عل کرتا ہے۔

رتا ہے۔

(۲) جسم پرکا حاصل انتصابی دباؤ جو ہٹائے ہوے مانع کے وزن کے مساوی ہے اور اُجھال کے مرکز یعنی ہٹائے

ہوئے مانع کے مرز تقل شے ہیں سے عل کرتا ہے۔ توازن کے لئے ضروری ہے کہ یہ قوتیں باہم ساوی اور شقابل ہون اس نے مطلوبہ شرائط یہ ہیں (۱) ہٹائے ہوئے مائع کا وزن جسم کے دزن کےسادگی (٢) جسم كا مركز تقل اور ما عيد على مأتع كا مركز تقل ايك ہی انتصابی خط میں واقع ہوں۔ ٥٨ - مستقى إ- لكرى كا ايك اسطوانه حبكا ارتفاع ٢ فط اور وزن ٥٠ يوند ہے ياني كے اندر تير را ہے الكرى كى كتا اضافی ہے ، اگر اس کی اوید کی سطح ید ١٠ بوند کا وزن رکھدیا جائے تو معلوم کرو کہ یہ اور کتنا بانی سے اندر جلا جائیگا فرض کرو کہ اسطوانہ کی تراش کا رقبہ او ہے، تب イトー×エンション×デンメナニタ・ اليس او = من مربع فط اگر لکڑی پر ۱۰ پونڈ کا وزن رکھا جائے تو فرض کرو کہ یانی کے اندر اور لا فٹ غرق ہوجاتی ہے اس سے معلوم ہواکہ پانی کے ایک ایسے اسطوانہ کا وزن جس کی تراش کے ہو اور جس کا ارتفاع لا ہو ا یونڈ وزن کے مساوی ہے۔ YF + X Y X A = > X Y X J = L ن لا = مِل فط ن لا = مِل فط مشوں ہے۔ ایک شخص کا وزن ۱۲۰ پونڈ ہے اور اس کی اضافی کتافت ۱۱۱ ہے ، وہ ایک کاگ سے مکرسے سے ذریعہ

جو يورا ياني كے اندر دوبا ہوا ہے ياني ميں اسطح ساكن رہ سكتا ہے کہ اس کا سرعین یانی کے باہر ہوتا ہے ، اگر اسکے سرکا مجم اس سے کل مجم کا ہے ہو اور کاگ کی اضافی کثافت ۲۲ ہو تو کاگ کا حج دریافت کرو۔ اگر یانی کے ایک معب فٹ کا وزن ہا ۲۲ یونڈ ہو اور آدی کا تجم ح ہو تو 1++ X -- X = 17. يعنى ح = - المما كمعب فط اب چونکہ آدمی اور کاگ کا وزن لازم سٹائے ہوئے مانع کے وزن کے مساوی ہے اسلنے اگر کا تجم ح کعب فط 1+ + xxx+2x+1+= (-1- 5+xx+1+ 4++× × × 10 - 14 = 4++ × 5 24× 7: 110 × 110 × 10 - 14. = 11 = 10. - 14. = 7 90 : ن ع = موا × برا = مرا کوپ قط :

منتق ٣- لكڑى كے ايك كرئے اور نيز ربڑ كے أيك إلحال

کرہ کو جس کے اندر ہوا ہے مصنوعی طور برالگ الگ وزنی بناکر یانی کے اندر ڈالاگیا ہے اور یہ رو ان جساکا ن یانی کے اندر عین تیرسکتے ہیں اب اگر ان ددنوں کو سمندے اند ایک بڑی گہرائی بر لیجا کر جھوڑ دیا جائے تو معلوم کروکہ ہ صورت یں کیا واقع ہوگا ؟ ایک متجانس الاجزا مائع کا حاصل مجموعی دباو ایک جمم پر سمت راس میں ہمیشہ وہی رہتا ہے خواہ جسم کی گہائی انع کی سطح کے ینجے کچھ ہی ہو بشرطیکہ جسم کا مجم نہ برنے ۔ چونکہ دباؤ کے زیر عل لکڑی دب بنیں سکتی اس سے بڑی گہرائی پر بھی اس برکا ماصل مجموعی دبار وہی ہو گا جو پانی کی سطے پر ہے' اس لئے اس گہرائی پر بھی وہ عین تر سکنے کے قابل موگی -چونکہ سمندر کے پانی کا دباؤ بڑی گہانی برسطے کی نسبت زیادہ ہے اس لئے لیکدار کرہ اس سے زیر عل یجک یا سکڑ جائے گا اور چونکہ اس کا حجم کم ہوجائے گا اس کے ہٹائے ہوئے بانی کی مقلار سطح کی نسبت کم ہوگی۔

ہوئے پانی کی مقلار سطح کی نسبت کم ہوگی۔ پس طاصل انتصابی دباؤ اس طرح سے بہت کم ہو جائیگا اور کرہ جو سطح پر عین تیرنے سے قابل تھا اب ینچے ڈوبتا جائے گا۔

امنله نمبری ۱۰

١- ايك شخص ورني ١٦٠ پونڈ ياني كے اندر اس طالت ميں

رہ سکت ہے کہ اس مح جسم کا ہم کعب اپنے یانی کے ایردہتا ہے ائس کا حجم کعب فٹون میں دریافت کرو۔ ٢- لو ہے کی کثافتِ اضافی ، ہے اور کاگ کی ہے، ایک یونڈ کاگ کے ساتھ لو ہے کا کتنا درن باندھا جائے کہ دونوں ل كرياني مين عين تيرسكين -س- ایک جسم بانی میں عین تیر سکتا ہے ، جب اس کو گندھک کے تیزاب میں ڈالا جاتا ہے جس کی کٹانتے اضافی ۵۸۱ ہے نو اس کو ڈبونے سے لئے مزید ۵ ، ۲۸ گرام وزن کی ضرور س ہوتی ہے، اس جسم کا جم دریافت کرو۔ ٧- ايك غياره اس قدر تيلا ہے كماس كى موٹائى كو نظرنداز كيا جا سکتا ہے ، اس میں ١١٥ کعب فظ کولا کی گیس بھری ہوی ہے اور اس کاکل وزن سے گاڑی ودیگر سازو سان کے ایک اونس ہے ، یہ غیارہ ایک کمرہ کے اندر عین معلق دہ سکتاہے گیس کی کثافت اضافی (۱) لجاظ ہوا کے اور (۲) بلحاظ پانی کے معلوم کرو جبکہ ہوا کے ایک کعب فظ کا دنن ۱۶۲ اونس ہو۔ ٥- ہوا سے ایک لیتر (یقی ایک کعب دسی میتر) کی کمیت ١١٢ گرام ہے اور لائیڈ روجن کے ایک سترکی ٩٨٠ وگرام، ایک خالی غبارہ کا وزن ۵۰ گرام ہے اور اس کو ہائیڈروجی سے بھراگیا ہے اسماوم کروکہ غبارہ کا کیا حجم ہو کہ یہ ہوا میں عین ٢- اوے كا ايك اكرا جس كا وزن ٢٤٥ گرام ہے يارہ يب

تررا ہے، اگر اس کے جم کا ہے صد بارہ کے اندر دو با ہوا ہو اور یارہ کی کتافت ٥٩ ١٥١ ہو تو لو ہے کی کتافت اضافی اور حجم معلوم کرو -ا ے کا ایک تودا کھی شکل کا ہے اور یانی سے اندر اس طح تیر رہا ہے کہ اس کے اس حصر کی اونجائی جوسطے آب سے باہر ہے ۔ س فط ہے۔ اگریج کی کٹافت کو بالی کی کٹافت سے نبت ۱۱۰ و: ۱۱۰ و تو معلوم کروکہ یانی کی سطح کے نے اس کی کیا گرائی ہے۔ ٨- ايك جازى كميت ٠٠٠١ أن ٢٠ خط آب يراس كى تراش كا رقبہ ١٥٠٠ مربع فظ ہے اور سطح آب سے اوپر اس كے يهلو انتصابي بين ، اگر تمكين ياني كانت اضافي ۲۷ ۱۶۰ مو تو تباوك جہاز تازہ پانی سے تکین پانی میں جانے بر کتنا اوپر اٹھ آئیگا۔ ٩- ایک جاز جب سندر سے دیا میں آتا ہے تو او انج اور دوب جاتا ہے۔ لین جب اس یں سے لائن وزن کا اب انار لیا جاتا ہے تو وہ ب انج اوید اٹھ آتا ہے، اگرسندر کا پانی دریا کے بانی سے لے گن زیادہ بحاری ہو تو تابت کرد کہ جہانہ کی عمیت اہم کے لائن ہے۔ ١٠- لروى کے ایک کعب شکل سے کرائے کا ہر ایک کنارہ ایک فٹ سے دور یہ تازہ یانی سے دریا میں اس طح بہتا ہوا سند کی طرف جارہ ہے کہ اس کے دو بخ متوازی الافق ہیں سندر میں سنجنے سے بعد وہ برت باری کی دجہ سے اتنا ہی پانی

کے اندر دوبا رہنا ہے جنا کہ دریا یں تھا کری کی کنافت اضافی ۸ د ب اور سمند سے یانی کی ۲۵ - ۱ ا انابت کرو کہ مکرمے یہ جو برف یری ہاس کا وزن یا اونس ہے۔ اا۔ اتار کے درخت کی لکڑی کا ایک ککڑا جس کی کٹافت ۱۶۳۵ ہے ایک الکی قسم کی لکڑی کے گڑے سے باندھا گیا ہے ، مؤ خراندکر لکڑی کی کٹ فت عد ، ۱۵ و ہے ، اگردونوں ملکہ یانی میں تیرسکنے کے عین قابل ہوں تو تابت کروکہ دونوں طکروں سے جم ساوی ہیں۔ ١١- كاگ سے ایک مگڑے كا وزن ١٩ اونس ہے ، اس كو جاندى كى ایک سلاخ کے ساتھ جن کا وزن سا اونس ہے باندھ دیا گیاہ اور دونو ماکر یانی میں تیر نے کے عین قابل ہیں کا اگر جاندی کی كَنْ فَتُ اضافى ٥ ١٠٥ م و تو كاك كى كنَّافت اضافى معلوم كرد-١١ - ايك كيسال تراش كي سلاخ كا كجه حصد يلائي نم كا بنا ہوا ہے اور کچھ حصہ لوہے کا ایلالی نم کی کثافت اضافی الاسے اور لوہے کی ۵ دے ، اگریلالی نم کا حصہ ۲ انج لمیا ہو اور سلاخ یارہ (کیافت اضافی ۵ ۱۳۱) میں اس طح نیر سکے کہ ایک انج یارہ کی سطے سے باہر رہے تو او ہے سے صد کا طول دریافت کرد۔ ١١- سونے کے ایک ٹکڑے کی کافت اضافی ١٩٥٢٥ ہے اور اس کا وزن ۲۵ ، ۹۲ گرام ہے ، اگر اس محراے کو یاتی میں ڈالا جا تو ہٹائے ہوئے بانی کاوزن ہاگرام ہوتا ہے ، معلوم کرو کہ مگڑا اندر سے کھو کھلا ہے یا نہیں اہمرہ تو اس کے اندر کسقدر خلا ہے 10- ایک آدمی کی کثافت اضافی ۱۱۱ ہے اور اس کا دنان -اسو

ہے اور کال کے ایک گڑے کو یانی کے اندر تھام رکھنے سے عین تیر سکتا ہے ، اگر کاگ کی کثافت اضافی ۲۲ ، ہو تو کاگ کا جم ١٦- اسطوانه كي شكل كي ايك پنسل باني بين اس طح تير مكتي ہے كر اس كے جے كا ب حصہ يانى كے اندر دويا رہنا ہے ، اگرينل کا سرمہ اسطوان کی شکل کا ہو اور اس کا نصف قطر بینسل سے نصف قطر کا ایک چوتھائی ہو تو سرم کی کٹافت اضافی دریافت کرو جبکہ لکڑی کی کثافت اضافی ۸۷۸ ہے۔ ا۔ لکڑی کا ایک ٹکڑا ایک سیال میں اس طح تیر سکتا ہے ك اس كے جم كا ہم دوبا رہا ہے ، دوسرے سال ميں اسكے جے کا ہے دوبا رہتا ہے ، اگر دونو سیالوں سے ساوی وزنون کو الیا جائے تو دریافت کرد کہ آمیزہ میں لکڑی سے ججے کی کونس کے ١١- ايك سيَّال بين ايك مجسم كے حجم كا إل دوب سكتا ہے، دوسرے میں اس کے جم کا لے اور تیسرے میں ہے ، اگر تینوں سیانوں کے ساوی ۱۱) جمون ۲۱) وزنوں سے آیٹرے تیار کے جای تو معلوم کرو کہ ان میں عبسم ندکور کے جم کی کونسی کسرین دوب مایل 91- کٹری کا ایک کھپ پانی میں تیر رہا ہے ، اس کے اویر کے نے یہ ہوہ کا ایک گڑا مطالیا ہے جس کیت ۲۷ ہونڈ ہے، اس کی وجہ سے کعب نرکور پانی میں اتنا اور ڈوب جاتا ہے کہ اس کے اوپر سے بنے کی سطح یانی کی سطح میں آجاتی ہے، پھر

اس لوب کے مکرے کو سٹاکر کعب کی نجلی سطح کے ساتھ ایک اور اوے کا مکڑا بانرھا جاتا ہے جس کی وجہ سے کعب کی چوٹی سہلے کی طح یانی کی سطح میں آجاتی ہے ، دوسرے کاکڑے کی تحمیت دیا کرد' لو ہے کی کافت اضافی ٥١٥ ہے۔ ۲۰ ایک مجون مکعب صندوق لکڑی کے ایک انچ موٹے تختے سے بنایا گیا ہے ، باہر سے اس کے ہرایک کنارے کا طول ایک فط ہے، کعب یانی میں اس طح تیزا ہے کہ ہے ایج کی گہرانی سکے بانی میں ڈویا رہتا ہے ، معلوم کرو کہ کھے کے اندر کتنے معب ایج یانی ڈالا جائے کہ اندر کے یانی کی جمواری وہی ہو جائے جو باہر کے پانی کی ہے اس صورت میں صندوتی یانی کے اندر کتن ڈویا ہوا ہوگا۔ ٢١- ایک بیتلی کیساں سلاخ کا وزن و ہے ، اس سے ایک

سرے پر ایک وزن و باندھا گیا ہے جس کے حجے کو نظرانداز كيا جا سكتا ہے ، سلاخ ياني كے اندر نزججي حالت ميں تير رہى، اوراس کی لیانی کا بے حصہ یانی کے باہر ہے ، شابت کروکہ

2=7(1-0)

۲۷ - ایک بنلی اسطوانہ کی شکل کی سلاخ کے ایک مرے یہ وزن باندھا گیا ہے ' یہ سلاخ پانی میں اس طح تیرنی ہے کہ اس کے طول کا نصف پانی میں ڈوبا رہما ہے اور اس کی ست افق کے ساتھ کوئی زاویہ بناتی ہے " تابت کردکہ بندھا ہوا وزن سلاخ کے وزن کے برابر ہے۔

۱۹۱۰ ایک بیلی کیسان سلاخ کے ایک سرے پر بھاری دھات کا ایک گرا باندھا گیا ہے جس کا جج نظر انداز ہو سکتا ہے ، سلاخ پانی میں اس طح بیررہی ہے کہ اس سے طول کا نضعت پانی سے اندر دُوبا رہتا ہے اور اس کی سمت افق کے ساتھ کوئی زاویہ بناتی ہے ، نابت کروکہ سلاخ کی کن فت اضافی ہے ہے ۔ بہر ایک سلاخ کی کن فت اضافی ہے ہے ۔ ہم ہو ۔ ایک سلاخ کی کن فت اور اس کی عمودی تراش بہت ہم ہو ۔ ایک سلاخ کی کن فت کی ہم ہے اور اس کی عمودی تراش بہت بھوٹی ہے ، اس کے ایک سرے پر ایک بھاری دھات کا بہت بھوٹی ہے ، اس کے ایک سرے پر ایک بھاری دھات کا بہت بھوٹی ہے ، اس کے ایک سرے پر ایک بھاری دھات کا بہت بھوٹی ہے ، اس کے ایک سرے پر ایک بھاری دھات کا بہت بھوٹی ہے ، اس کے ایک سرے پر ایک بھاری دھات کا بہت بھوٹی ہے ، اس کے ایک ساخ ایک ایک ایک ایک کنافت اضافی کی ہے کسی ترجیبی طالت میں تیر سکے گی اگر کے کسی ترجیبی طالت میں تیر سکے گی اگر

۱۵ - ایک بوتل جس کے آندر کچھ یانی ہے اور کچھ ہوا کیانی بیں اس طح نیر دہی ہے کہ اس کی گردن نیجے کی طرف ہے اثابت کردکر اگر بوتل کو یانی کے آندر کسی فاص گہرائی تک ڈبویا جائے تو چھوڑ نے پر یہ ڈوب کرتہ سے جا لگے مگی۔ کس شرط سے ماتحت وہ نقط معلوم ہوگا کہ اگر بوتل کو اس پر جھوڑ دیا جائے تو بوتل نہ اور تہ ڈوبے۔

۲۶۔ تازہ پانی کے اندر ایک دُخانی جہانہ اور ایس کے کل ال واسباب کا مجموعی وزن خطِ آب پر فی اپنج بر ٹن کے ساوی ہوتا ہے ، جہانہ میں روزانہ ۲۰ ٹن کوئلہ صرف ہوتا ہے ، ۱۰ دن کے بعد سمندر سے بانی میں جہانہ ۲ فی اوپر اٹھ آنا ہے اگر ایک محب

افٹ سمندر کے بانی کا وزن ۱۲ بونڈ ہو اور تازہ بانی کے ایک کھی فظ کا وزن ۲۲۵۵ يوتر جوتو خايت كرد كرمازه ياني يين جهاز كا ا کی مٹاوریعنی ہٹائے ہوتے یانی کا وزن) ۲ ۵۵ ٹن ہے۔ ٢٠- ایک عوس مخروط کی کافت کہ ہے اور اس کے محور کا ارتفاع ف ہے کیہ ایک سیّال میں اس طح تیر رہا ہے کہ اس کا رأس اوير كى طون ہے اگر سيّال كى كأفت اضافى كر (كر) ہو تو معلوم کرد کہ مخروط کا محور کتنا سیال کے باہر رہے گا۔ ٢٨ - ايک فخوط کي اونجاني ، انج ہے اور اس کے قاعدہ کا قطر ٢ ایج ہے اس کے قاعدہ کے ساتھ ایک نصف کرہ جس کا قطر بھی ٢ ایج ہے چیان کردیا گیا ہے ، مخود ط کی کٹافت اضافی ا ا ہے اور نصف کرہ کی ہے ا ہے کی وونوں ایک سیّال کے اندر اس طح يتر رہے ہيں كہ فروط كے فور كا صرف ہ انج طول سیّال کے باہر رہتا ہے ، سیّال کی کافت اضافی معلوم کرو۔ ٢٩ - ايك متجانس الاجزاجيم قائم مستدير، مخوط كي شكل كا ہے انابت کرد کہ یہ ایک ایسے سیّال کے اندر جس کی کافت اضافی جسم کی کافت اضافی کا دو چند ہو اس طح تیر سکتا ہے ک اس کا محور افق کے متوازی رہے۔ .٣- ایک مجون مخوطی برتن یانی میں اس طرح تیر رہا ہے کہ اس کا راس نیجے کی طرف ہے اور اس کا تور ایک خاص ارتفاع مك بانى ميں ڈويا ہوا ہے اگر اس ارتفاع كك مخروط كے دوي ہوئے حصہ میں یانی بھر دیا جائے تو مخروط اتنا اور دوب جانام

کہ اس کا قاعدہ ایر کے یانی کی سطح میں آجا تا ہے ، معلوم کرد ک محور سلے کس ارتفاع کک ڈوبا ہواتھا۔ ٥٩ - ايك جم اس طح يربا ہے ك اس كے جركا كھ حصہ آیک سیال میں ڈوبا ہوا ہے اور باقی حصہ دوسرے سیال میں کو ازن کی شرائط معلوم کرو -ظامر ہے کہ جسم کا وزن دو سیّالوں کے حاصل انتصابی دباؤ کے ساوی ہوگا یعنی دو سیالوں کے جو ہٹائے ہوئ حصے ہیں ان سے وزانوں سے مجموعہ کے ساوی ہو گا اور ان حصوں کے مرکزوں کو جو خط ملانا ہے اس پر کے ایک ایسے نقطہ میں سے گذریگا جس میں سے ان حصون سے اوزان کا حاصل گذرتا ہے۔ [بموجب علم سکون دفعہ ٥٣] اس صورت میں وہ جسم مجی شامل ہے جس کا کچھ حصہ موا مين مو اور کھھ حصہ ليال مين -٠٧ - مشق ا- ايك برتن ين كيم ياره ب اور كيم يان الوب کا ایک مکعب جس کا مر ایک کنارہ دستی میر ہے اِن دوسیالو میں اس طح سوازن ہے کہ اس کے چار رخ انتصابی ہی اور دو افقی ، اگر لو ہے اور یارے کی اضافی کٹا فنیں بالرتیب ، دے اور ٢١ ١١ مول تو ستاو كه كعب كتنا ايك سيال بين موكا اور كتنا دوسرے ميں -فض کرو کہ کھیے کا جو حصہ یارہ میں ہے اس کی اونجائی لا سنتي سير ہے، تب اس عصه کي اونجائي جو پاني ميں ہے

تبرنے والے اجسام کاتوان

(۵- لا) سنتی میتر بوگی-

چونکہ کمعب کا وزن ہٹائے ہوئے یارہ اور یانی کے وزنون کے عال

جع کے باہر ہے

1x(1-0)+1+1+1+2= = < 5 < x 0 =1

ن لا = ۲ منتی ميتر + منتی ميتر

متنق ٢ - لائي كا ايك فكرا پانى ك ايك بياله بين اس طح تيردا ے کہ اس کے جم کا بہ ڈویا ہوا ہے ، اگریاد کو ہوا یمی کے قابد یں رکھ کراس کی ہوا خارج کی جائے اور ہوا کی کمانت ۱۳ .٠٠ ہو تو بناؤ کہ ہوا فارج کرنے سے لڑی کے وو سے پرکیا الر بڑے گا۔ فن کرو کہ لڑی کے گڑے کا جج ح ب اور ہوا لکانے کے بعد

اس كا لاح حجم ياني مين دُوبا ہوا ہے۔

یان کے ججے اس کا وزن اور ہوا کے ججے سے کا وزن دونو لکر یان کے لاح کے وزن کے برابر ہوتے ہیں کیونکہ ال یں سے ہرایک

لائ کے وزن کے برابر ہے۔

1x7 y=1-1 x 7 + 1 x 79 :

یس نابت ہوا کہ غرق شدہ مجم بڑھ جاتا ہے اور 9 د × ح ک ج أن ع × × × ١٩ - ١٣ خ الح.

امتنكه تمبري اا

ا- ایک ستدیر اسطوانہ پانی میں اس طح تیر رہا ہے کہ اس کا محور

انتصابی سے اور آدھا یانی میں ڈوبا ہوا ہے ، اگر ہوا کی کٹافت اضافی ۱۱ مرو تو اسطوانه کی کتافت اضافی در یافت کرد _ ٧ - ایک مکعب کا کنارہ ایک انچ ہے اور اس کی کثافت اضافی ١١٢ ہے ، كو ايك ايے برتن ميں ڈالا گيا ہے ،جس ميں دو سیال ہیں جو آئیں میں نہیں منے ۔ ان دو سیالوں کی اضافی کثافتین ااور ١٥٥ ہیں اسعنوم کرو کہ معب کا کننا حصہ نتیج سے سیال میں ڈوبا رم کا۔ سا۔ ایک کیساں اسطوانہ یارہ میں اس طح تیر را ہے کہ اس کا محور یارہ میں عسما وہ انج دویا ہوا ہے، جب یارہ کے اویر ایک انج کی گہرائی تک بانی ڈال دیا جاتا ہے تو محوریارہ کی سطح کے نیجے ١٩٤٠ ٥٥ الج عزف ربتا ہے ، ياره كى كنافت اضافى معلوم كرو-٧- ايك جم سونے اور چاندی كو ملاكر بنايا گيا ہے ، سونے كى كأفت اضافي ١٩١٧٥ ہے اور چاندي كى ١٠١٥ ہے، جسم نكور اس طح تیر رہا ہے کہ اس کے تجم کا من اللہ میں ڈویا ہوا ہے اور باتی یانی میں اگریارہ کی کثافت اضافی ۱۳۱۹ ہو تو اس جسم میں سونے اور یاندی سے وزنوں کی سبت معلوم کرو-٥- كارى كا ايك ستطيلي مجتم جس مى اونجائى به سنتى ميتر ك یانی میں اس طح تیر رہا ہے کہ اس سے اویر کا ریخ متوازی الافق ہے اکاری کی گنافت اضافی ہ رہے ، بانی سے اوید اتنا تیل ڈالا گیا ہے کہ کڑی کا کڑا تیل میں عین ڈوب جانا ہے ، تابت کرو کہ لکڑی سلے کی نسبت ۲ ستی میتر اوپر اٹھ آئے گی۔ تیل کی کتا فت اِضافی ۱۹۹۹ ٧- ابك جم كا كيه صد ايك سيال من دُوبا موا به الروه موا

جو جسم کو مسس کرتی ہے کسی طیح ہٹالی جائے تو بتاؤکہ جسم اوپر اٹھیگا یا اور نیچے ڈوب جائیگا۔

اوپر اٹھیگا یا اور نیچے ڈوب جائیگا۔

ادپر اٹھیگا یا اور نیچے سیّال ڈالے گئے ہیں جو آپس میں نہیں طخ ، نیچلے سیّال کی کُٹ فت کہ ہے اور اوپر کے سیّال کی م کُٹ نت کہ ہو اور اوپر کے سیّال کی م کُٹ نوں میں دُوبا ہوا ہے اور اسکا محور انتضابی ہے ، اگر اسطوانہ کی کُٹ فت ن کی ہو تو کیا شرط پوری مونی جائے کہ اُدھا اسطوانہ ایک سیّال میں دہتے اور آدھا دوسرے میں۔

دوسرے میں۔

دوسرے میں۔

۱۰- ایک قابلہ کے اندر جس کی ہوا خاج کردی گئی ہے ایک پانی کا برتن کے جس میں ایک جسم اس طح تیر دہا ہے کہ اس کا اُدھا حجب پانی کے اندر غرق ہے ' تعب قابلہ کے اندر اتنی ہوا بھر دی جاتی ہے کہ اندر کی ہوا کی کُ فت باہر کی ہوا کی کُ فت کی ، مُنی ہو جاتی ہے ' تابت کرو کہ اگر کرہ ہوائی کے دبائی پر ہوا کی کُ فت مار کرہ ہوائی کے دبائی پر ہوا کی کُ فت مار کرہ ہوائی کے دبائی پر ہوا کی کُ فت مار کرہ ہوائی ہے دبائی پر ہوا کی کُ فت مار کرہ ہوائی ہے دبائی ہو جاتی ہو گا۔

9- کشید کئے ہوئے بانی کے ایک برتن کے اندر ابک مکعب اس طح نیر رہا ہے کہ اس کے جم کا ہے بانی میں دوبا ہوا ہے اس طح نیر رہا ہے کہ اس کے جم کا ہے بانی میں دوبا ہوائی چھرتن کو ایک مکتفت کے اندر رکھ دیا ہے جس میں دباؤ دا ہوائی کرون کو ایک مکتفت کے برابر ہے ، اگر کرہ ہوائی کے دباؤ پر ہواکی کرون کے دباؤ پر ہواکی کن فت اضافی سا ۱۰۔ کہو تو معلوم کرو کہ غرق شدہ گہرائی میں کیا

تبدیلی داقع ہوگی۔ ۱۰ ایک اسطوانہ کی کٹافت ک ہے اور وہ دو سیّالوں میں اسطح

کہ ایک قائم ' متدیر ' مخوط کی گافت ک ہے ' مخوط ایک برتن ا۔ ایک قائم ' متدیر ' مخوط کی گافت ک ہے ' مخوط ایک برتن کے اندر جس میں دو سیّال ہیں اس طرح تیر رہا ہے کہ اس کا رائس ینجے کی طرف ہے اور قاعدہ بالا ترین سیّال کی سطح میں ہے ' اگر سیّالوں کی کافتین کی ' کی ہوں ' تو نابت کرو کہ سیّالوں کی سطح میں نے شام میں کے ' کی میر کی سطح میں ہوں ' تو نابت کرو کہ سیّالوں کی سطح میں نے شام کی سطح میں ایک سطح میں ایک میر کی سیّالوں کی سطح میں ایک سطح میں ایک

منترک مخوط کے مجدسے اس کی لبان کا کہ ۔ کی صد قطع

رق ہے۔
ایک جسم ایک سیّال بیں پورا ڈوبا ہوا ہے اور ایک
رسّی اسے سہارے ہوئے ہے، رسی کا تناو معلوم کرو۔
جسم برسمت رأس میں عل کرنے والی قوتیں صرف دو ہیں، ایک
رسی کا تناؤ، دوسرے سیّال کا حاصل انتصابی دباؤ، اور
اخرالذکر دفعہ م کی رو سے ہٹائے ہوئے مائع کے وذن
سے برابر ہے، سمت شاقی میں صرف ایک قوت عل کرتی
ہو اور وہ جسم کا وزن ہے۔
اور وہ جسم کا وزن ہے۔
اس سے توازن کے لئے ضروری ہے کہ

رسی کا تناؤ + ہٹائے ہوئے مائع کا وزن = جسم کا وزن يس رسى كا تناؤ = جسم كا وزن - بمّائ موت مائع كا وزن ٢٧- دفعہ گذشتہ میں رسی كا تناؤ انع مفروض سے اندر جسم کے ظاہری وزن کے مساوی ہے۔ پس نابت ہوا کہ کسی مائع میں ایک جسم کا ظاہری وزن اس کے اصلی وزن ے بقدر اِس مائع کے وزن سے کم ہوتا ہے جس کو جسم مذکور اپنی جکہ سے ہٹا دیتا ہے۔ ایک جم کا وزن و ہے اور اس کی کٹافت اضافی ض ہے، اگراش جم الو یانی کے اند غرق کیا جائے تو ہٹائے ہوئے یانی کا وزن فی ہوگا ، یس وزن میں جو ظاہری کی واقع ہوئی ہے وہ وہ کے ساوی ہے۔ اگر جم کو ایک ایسے سیال کے اندر عزق کی جائے جس کی کٹافت اضافی ض ہو تو ونن میں جو ظاکی کی واقع ہوگی دہ <u>دیک</u> سے سادی ہوگی۔ یہ امر بالخصوص اُس وفت قابل غور ہوتا ہے جب ہم کسی جسم كو ترازد سے ياكس اور طح سے تولتے ہيں - اگر ہم یہ جاہیں کہ تو لنے سے عمل سے کسی جسم کا وزن بالکل صحیح طور پر معلوم ہو سکے تو ہمیں اس جسم کو ظلا کے اندر تولن چاہئے۔ اگر ہم ایسا نہ کرنیگے توجواب میں خفیف سی غلطی واقع ہوگی کیونکہ بالعموم جسم کی ہٹائی ہوئی ہوا اور باٹوں کی ہٹائی ہوئی ہوا کے اوزان میں اخلات ہوتا ہے لیکن چونکہ جم ے وزن سے مقابل میں ہٹائی ہوئی ہوا کا وزن نہایت ہی

تلیل ہوتا ہے اس کئے یکلئی فی الحقیقت نہایت ہی خفیف ہوگی۔
اگر زیادہ صحت کی ضرورت ہو تو پہلے جسم کی اور باٹوں کی
کن فتیں معلوم کرلینی چا ہئیں اور پچر ظاہری وزن سے اصلی
وزن معلوم کرنا چا ہئے جیسا کہ ذیل کی دفعہ میں کیا گیا ہے۔
سر ا ا ۔ ایک شے کی کٹافت کہ ہے اس کو ایسے باٹون سے
تولا گیا ہے جن کی کٹافت کہ ہے اس کو ایسے باٹون سے
تولا گیا ہے جن کی کٹافت کے ہے اس کو ایسے باٹون سے
ہوتہ جسم کے کسی ظاہری وزن کے جواب میں اس کا اصلی وزن
دریافت کرو۔
دریافت کرو۔

فرض کرو کہ جسم کا اصلی وزن را ہے اور اس کا ظاہری وز جو نزا زو سے معلوم ہوتا ہے و ہے یعنی و باٹون کے مجموعہ اوزان کے مساوی ہے ' اگر فرض کیا جائے کہ نزازہ صحیح ہے تو دو نوں باڑوں کی رسیوں کے تناؤ برابر ہو بگے

سے نرکور کا وزن ۔ اس کی ہٹائی ہونی ہواکاوزن = باٹوں کا وزن ۔ اِن کی ہٹائی ہوئی ہواکاوزن = باٹوں کا وزن ۔ اِن کی ہٹائی ہوئی ہواکاوزن

یعنی و - و یکی = و - و یکی (۱)

الیونکه دفعه ۱۸ کی رو سے شے کا جم = و اور اس نے

اس کی ہٹائی ہوئی ہواکا وزن = و یک یکی

اس کے بالوں کا جم = و یک اور ان کی ہٹائی ہوئی ہوا

کا وزن = و یک میکی اور ان کی ہٹائی ہوئی ہوا

کا وزن = و یک میکی ا

و= و التركي يس تابت ہوا كركسى حبيم كا اصلى ورن معلوم كرنے كے لئے اس كے اب بالعموم ہواکی کتا فت شے اور باٹوں کی کتافتوں کے مقابلہ میں بہت کم ہوتی ہے یعنی کر بقابلہ کر اورک نہایت ہی کم ہے۔ اس لي المر = (ا - كريم) (ا - كريم) -ا =(1-2)(+2+2)(+2)(-1)= = ١- حرب + كيد، اگرك، كام يع اور بدي ويي نظرانداز کی جائیں۔ یس کا فی صد تک نقریمی قیمت حسب ذیل سے مم اور مشق - ایک صبح ترادد پانی کے اندر پوری عزق ہے ، اس ترازو کے ایک پائے بیں مجھے شیشہ ہے جس کی کٹا فت اصا فی ٢٥٥ ہے اور دوسرے پاڑے میں ایک یونڈ وزن کا باط ہے

اور یه دو دون متوازن بین اگر باط کی کتا نت اصانی مر جو در سفیفے کا اصلی وزن دریا فت کرو-

زمن کرد کہ شینے کا اصلی وزن و پونڈ ہے، اسلے شینے کے
ہٹائے ہوئے پانی کا وزن ہونے و = ہے و ہے ۔

ہٹائے ہوئے پانی کا وزن ہونے و سے کے رستی کا مناؤ جس میں سفیف ہے

= د - ہے و = ہے و اسی طرح سے ایک پونڈ باف کے ہٹائے ہوئے

ہانی کا وزن = ہے پونڈ وزن

بس اس بیڑے کی رسی کا تنا وُ جس میں باطی ہے

= ا پونڈ - ﴿ پونڈ = ﴾ پونڈ وزن

چونکہ ترازہ کی ڈنڈی متوازی الا فنی ہے اس کئے ان سیو

کے یہ تناو کا ہم ساوی ہیں کی بینی ہے و = ﴾

اس لئے و = ﷺ = الله ا پونڈوزن جوشیشہ کا اصلی وزن ہے

اس لئے و = ﷺ = الله ا پونڈوزن جوشیشہ کا اصلی وزن ہے

ا مثله تنبري ۱۲

ا ایک جم کا ذرن ۱۸ پوٹر ہے اور اس کی کٹ فت اضافی ۳ ہے جم کو ایک رستی کے ذریعہ نشکایا گیا ہے اگر جم کو ۱۱ بانی میں (۲) ایسے سیال میں جبی کثافت اضافی ۲ ہے ٹسکایا جائے تو ہرصورت میں رستی کا تناؤ دریافت کرو۔

۲ - ایک برتن میں بارہ کے اوبر کہہ بانی بڑا ہے کیارہ کی گئافت اضافی میں ہو گئافت اضافی اس طرح دکھایا جس کی کٹافت اضافی اس طرح دکھایا گیا ہے کہاس کے در یعہ اس طرح دکھایا گیا ہے کہاس کے

مجم کا چی یارہ کے امدر سے اور باتی یا نی کے امدر کا بت کروکہ رستی كا تنا وُ يَا تَى مَ كَ ظَرْك كَ عَرْد ع كَ يَضْفُ ورْن كَ برابر ج-٣ - ترازوكى وندى كے ايك سرے سے سونے كا ايك مكارالكايا گیا ہے اور دوسرے سرے سے جاندی کا ایک ٹکڑا ا سونے اور یاندی کی اصانی کتافتیں بالترشیب ساء ۱۹ اور ۵ و ۱۰ بس اگرسونے کو شورے کے تیزاب (کٹافتِ اصافی ۱۵۱) اور جاندی کو اسکوں (كنافت اصافي ٨٥) يس وليويا جاسة تو تزازدكي وندي متوازي الافق ہوتی سے ابناؤکہ دو اوں کروں کی کمیتوں کو آپس میں م - اوے کی کتا نت افائی اور سے ، معلوم کروکہ اگر اوسے کے ایک سنٹر دیٹ کو یا تی میں نو لاجائے تواس کا ظاہر ی وزن کیا ہوگا، نیز دریا نت کرد کہ کتنے یو نڈ لکڑی رکٹا نت اصافی ۲۶۹)اس تو ہے کے ساتھ باندھی جائے کہ دونوں ملکریا تی میں تیرنے کے عین قابل مو ۵- ایک کھوس جم جس کا وزن ایک اونس ہے یا نی کے ایک برتن کی ته میں پڑا ہے ، اگر برتن کی نه پر حبیم ندکور کا مجبوعی ویاؤ هم اونس موتوجم کی کثافت امنافی معلوم کرو۔ ٢ - ايك جسم كا حجم . ٣ كعب سنتي ميترب اوركنافت اصافي ١٥٥ ہے ، جم ندکور کو ایک برتن میں رکھا گیا ہے اور برتن میں اتنا بانی ڈالا گیا ہے جو جم کو ڈبو ر سے کے لئے عبن کا فی ہے ، برتن کی ته برجم کا مجموعی د باؤ معلوم کرو-ے۔ سونے چاندی کے ایک بھرت کویا نی کے اندر نو لینے سے

اس کے درن کا ہم ا کم ہوجاتا ہے ، سونے کی کتا نت اصافی ١٩٥٢٥ ہے اور جاندی کی ۵ و ۱۰ ، مجرت بیں دونوں دیا ہوں کے حجموں کی بالهمی نسبت وریا فت کرو-

٨ - سيسے كالك عكوا اور لكرى كالك عكوا بوابي قو لئے سے اہم متواز ن بوتے میں علم کرد کہ ان میں سے کونا دراصل زیا وہ بھاری سے

٩ - ایک جسم ا کی کمیت ایک دوسرے جم ب کی کمیت سے وگنی ہے، نیکن یا نی میں تو سے اس کے فاہری وزن ابھ برابر ہی، اگراکی کتافت و منافی م بوتو ب کی کتافت اصافی معلوم کرو-١٠ - إنى كا ايك برتن ايك كما نيداد ترازو كے رے سے انتمالي طالت میں ساک رہا ہے، اگرایک اور ترازو کے سرے سے کی جم كو مكاكرين كے إندرياني بيس ولويا جائے تو تباؤكر تراز ؤ س

كى سوئيان اوير جائينگى يا ينجي-

١١ - اسطوان کی نشکل کا ایک بری جس کے اندیا نی ہے ایک میز يريرا ہے، دائ كا ايك مكوا جس كا جم معلوم سے ايك رسى كے ذریعہ یانی کے انر ڈبویاگیا ہے ، بناؤکہ بیندے پر کے وباؤ یرکیا اٹریٹریکا اگر دا) برتن بانی سے بھرا ہوا ہو دم) اگر یانی سے بھرا ہوا مذہو-دو سری صورت میں کفتی تبدیلی داقع ہوگی ؟ ١١- مكرى كا ايك فكوا حبكا جم ٢٩ كعب آيخ سے يانى كے انداس طرح ترد ہا ہے کہ اس کے جم کا ہے یانی کے اندعون ہے، اگرایک دیات کی کتافتِ اضافی لکڑی کی کثافتِ اصافی کی

م كنى ہوتو تباؤكر دہات كاكتنا مجم فكر ى كے نجلے حصہ سے بالدها ا جائے کہ کارٹری یا نی کے افر عین عزق ہو جائے ، جب یہ حالت ہونو معلوم کرو کہ رائسی سمت میں کس قدر قوت نگائی جائے کہ یہ کر ی اور وطات سے بنا ہوا جسم یا نی کے اندر آوطاعزق رہے۔ ١١٠ اسطوام كى شكل كے ايك لاول كو جس كا ارتفاع ايك فٹ ہے اور قطر ۱۰ ایج، یانی سے آوا بھراگیا ہے، لوہے کے ایک مکرے کو جس کا وزن ایک ہنڈرویٹ ہے ایک یتلے ارسے بازھر یانی کے اندر اس طرح تھکایا گیا ہے کہ وہ یورا یا نی کے اندر ووبا ہوا ہے لیکن نہ سے نہیں جیوتا ' بعدازاں تارکو کال دیاگیا ہے اورلوم نترسے جا لگنا ہے۔ ہر دو حالتوں میں نوہے کی موجودگی سے تر یر کے رباولیں جو اضافہ ہوتا ہے اس کو معلوم کرو - [ہوہے کے ایک کمعب فٹ کا وزن ۲۲۰ پونڈ ہے] ١١- أكر ظل اور ياني مين ايك جم مح وزن بالترتيب و اور و مون تو أبت كوك اس كا وزن بهوا ين و- في (و- و) بهو كا جهان اض ہوا کی کٹافت اضافی ہے۔ 10 - ہواکی کثافت اضافی ض ہے ، ہوا اور یانی کے اندر ایک جسم کے وزن بالترتیب و اور و این ، ثابت کرو کہ ظایں اس کا وزن e+ 1-80 (e-c) 108-۱۶ - تین سیاً اوں کی اضافی کنافیں خی، خی، خی ہیں اور ان کے افد ان کے افد ایک جم کے ظاہری ونن بالرتیب د، و، و بین نابت کرد کہ و رضی - سی × و رضی - سی) + در رض - سی) =
۱۵ - ایک جسم تین متجانس الاجزا سیالوں کے اندر تولا گیا ہے اور

ابن سیالوں میں اس کے وزن بالرتیب د، و، د جوتے ہیں ، ایک

ووسرے جسم کو اپنی تین سیالوں میں تولا گیا ہے اور اس کے وزن

بالزئیب د، د کو کے جوتے ہیں ، ٹابت کروک

دِرَةِ - فِي + فِرْفِ - فِي + فِيرْ فَ - فِي) = ٠

90- اگرایک جم کو ایک آیسے سیال سے اندر دُبویا جائے جس کی کثافت اضافی سے زیادہ بھو تو جسم پر کا حاصل انتصابی دباؤ جسم کے وزن سے زیادہ بھو تو جسم پر کا حاصل انتصابی دباؤ جسم کے وزن سے زیادہ بھوگا اور جسم اوپر کو اٹھیگا بشرطیکہ کوئی بیرونی قوت اس کو اوپر آنے سے نہ رو کے -

مشقی ا - کلڑی سے ایک مکٹرے کا دن الا بیزیڈ ہے اور اس کی کافت اندانی ہے اور اس کی کافت اندانی ہے اور اس کی کافت اندانی ہے ہے اس کو ایک رستی سے ذریعہ بانی سے ایک برتن کی ننہ سے ساتھ اس طرح باندھا گیا ہے کہ یہ پولا دُوبا رہماہے، رستی کا تناؤ معلوم کرد -

F = 1 =

ن بڑائے ہوئے یانی کا وزن = ہے × ۱۲ بونڈ وزن = ۱۱ بونڈ وزن اورن اورن کے لئے ضروری ہے کہ

رستی کا تنا و به لکرطی کا درن= بٹائے ہوئے پانی کا وزن

ن استی کا تنا و = ١٦ - ١٦ = ہم پونڈ وزن
مشتی ۲ - ایک عنبارہ کی کمیت معہ اس کی گیس کے ٥٠ ه ٣ پونڈ ہے اور غیارہ کی کمیت معہ اس کی گیس کے ١٥ ه ٣ پونڈ ہے اور غیارہ د مرم کمعی فٹ ہے اگر ہوا کی تقسیت ١٥٢٥ اورنی فی کمعی

اور غباره ۱۰۰۰ مرم ملعب فٹ سے اگر ہوا کی تشبیت ۱۶۲۵ اولن فی لعب فٹ ہو تو بتا و کہ غبارہ کس اسراع سے او پر جڑ ھنا شروع کر کیا۔ اُس جواکاوزن حبکوغبارہ میٹا تا ہے = ۲۰۰۰ مرم مرم ۱۶۲۵ اولنن وزن

= ٥٠ ع يوند وزن

امتلهمنبري ۱۳

ابقی برئن کو ایسے مائع سے معروبا جاتا ہے جسکی کتا فت اصافی ١٥١ سے اور جویانی سے مل جاتا ہے، خابت کروکہ اگربر تن کا دو تہائی سے كم حصه يانى سے بعرا بوا ہوگا تورستى توت جائے گى -٢ - لكرى كا ايك اسطوان حبكا وزن ١٥ يوند سے اور طول س فط یا نی کے اندر اس طرح تیررا ہے کہ یہ آ وا یا نی کے اندر ڈوبا رہنا ہے جبکہ اسکامحور انتفالی ہو، بناؤکہ اس کو ہ انج اور ڈلو بنے کے لئے کتنی توت درکا رہوگی ؟ ٧ - بوا كے ايك ينزكا وزن ١١٥١ گرام بوتا ہے اوركول كيس کے ایک بیتر کا ۲ ور گرام ، اگر ایک غیارہ کے اندر ۲۰ ما کھ لیترکولگیں ہو اور عیارہ اورا کے دیگر اواز ما سے کا مجوعی وزن ۱۵ لاکھ گرام ہو تو نناؤ کہ غبارہ اور کننا وزن ہوا میں سہارسکتا ہے۔ ٥ - ايك فيارة كوعس كے اندر ١٠ كعب ف باشير روجن مے ايك رستى کے ذریب اویر جڑ سے سے روکا گیاہے ، اگریشلیمکیا جا کے کہ ہوا کے ایک کعب فٹ کا وزن ۲۵ وا اونس اوراس کی کٹا فت ا فنا فی ایدروجن کی کتافت اصانی کا ۲ دم اگنا ہے تو رستی كا تناؤ معلوم كرو-٢ - ایک غبارے ادراس کے بواز مات کا مجوعی حجم ... سم به کمعب فٹ ہے اور اس کی کمیت سے اس کی گیس کے یا ٹن ہے، اگر ہوا کے ایک مکعب فٹ کی کیت ۱۹ ۱ اونس مونو دریا فت کرو که غیاره کس المراع محسائة اوير چڑ بنا تفروع كر بيا-

ے۔ ایک مثلت بیزا و بے جس کے اصلاع اب اور اج

ولي بي -

برابر ہیں یانی میں اس طرح تمرا ہے کہ اس کا صلح بج افق پر عود ہے اور اس منلح کے طول کا ہے یا نی کے اندر ودیا ہوا ہے ، پترے كواس حالت ميں ايك رسى كے ذريع متوازن ركھا كما ہے جس كا ایک سرا ا کے ساتھ بندھا ہے اور دوسرا برتن کے بیندے کے ساتھ، يترك كى كتافت اصافى معلوم كرو اور نابت كروكه رستى كاتناؤ يترك ے وزن کا پہنے ہے۔ 44 - ایک جم کسی ما نع کے اندر جزء عزی ہے اور ایک رسی جواسكے كسى نقطہ كے ساتھ بندھى سے اسکو مہارے ہوئے ہے ا جم کے توازن کی سفرانط معلوم کرد ونن کروکہ جی کے نقطہ ن کے ساتھ رسی بندھی ہے اوراس کا تناؤ ن يوندل سے۔ فون کرو کہ جم کا جج ح بنے ، اس کے جم کی ایک اکانی کا وزن وہے اورجم کام کر تقل ف ہے۔ یز زمن کردکہ ہٹائے ہوئے مانے کا فجری ہے ،اس کے مركى ايك اكا في كاوزن و ب اوراس كامركز تقرف بع فرمن كروكم ن ف ف ف يس الرينوا في المتصابي خطوط الع كي سط سے بالترتيب نقاط إ ، ب ،ج ير التي بي -تب حبم برانتصابی سمت میں علی کرنے والی توتین حب

(۱) تناؤ ت جوارس سے اوپر کی سمت میں علی کرتا سے رم) جسم کاوزن ح و جوب میں سے نیجے کی طرف علی کتا ہے (٣) ماصل انتصابی داؤح و ج ج بس سے اویر کی طرف علی کرا سے (وقعہ 44)۔ چوے یہ توتیں متوازن میں اس کئے نقاط لائب ج لازما ایک ہی ا فقی خط متنقیم پر واقع ہوں گئے اور نیز علم سکون دفعہ ۱ کے روسے ت+ح و = ح و - --- (١) اور ح د مرج = ح د مرب- (م) مسق - ایک کمان سلاخ کا طول م و ب اور یہ ایک رسی کے سارے جواس کے ایک سرے پر سندھی ہے بانی کے اندرمتوازن طالت میں جزہ غرق ہے اگر مائع کی کٹ فت سلاخ کی کٹ فت کا پیم ہو تو نابت کرو کہ سلاخ کا نصف طول مائع کے بامر ہوگا۔نیز دوری کاتناؤ دریانت کرو-فرض کرد که سلاخ ندکورل م ب اورت اس کا وہ نقطہ ہے جہان یہ یانی کی سطے سے متی ہے نیزم ن کا

وسطی نقط ف ب اور سلاخ کا وسطی نقط ف ب فرض کرد کہ سلاخ سے جم کی ایک اکائی کا وزن وہے اور مائع کے ایک اکائی کا ورن کی و سے فرض کروکہ سلاخ کے غرق شدہ حصہ کا طول لا ہے اور ایک عمودی تراش کا رقبہ کے ہے۔ تب سلاخ کا دزن = کب × ۲ فب د اور ہٹانے ہوئے منع کا دزن = کب × لا × ہے و اگر رستی کا تناؤ سے ہو تو توازن کی خرائط یہ ہیں

ت + ك × ل × عر و = ٢ (مكر × و د ١١)

اورک × لا × الم ح و × ل ج و × ل ب و × ل ب ١٠٠٠٠٠٠٠ ٢) دوسري مساوات سے

المنا لا = إ اساوات بالاكا دوسرا ص (يعنى لا = سرا مرياً نا قابل

سیم ہے۔ پس ٹابت ہواکہ آدھی سلاخ دوبی ہوئی ہے۔ نیزلاکی یہ قبت مساوات (۱) میں دیج کرنے سے

ت = ہے ک × ا × و = سلاخ کے وزن کا م

امتله تبري ۱۲

(۱) افظ لبی ایک کیسان سلاخ ایک نصاب سے گرد جو پانی کی سطح باہر ہے گھوم سکتی ہے، توازن کی حالت میں سلاخ کا ہم فط طول ڈوبا ہوا ہے ، ثابت کرو کہ اسکی کا فت اضافی ہے ہے۔

(۲) ایک کیسان سلاخ دو انتصابی رسیّون کے سہارے جو اس کے دوبو سروں پر سند ھی ہیں اس طرح آویزان ہے کہ اس کا نصف طول پانے سروں پر سند ھی ہیں اس طرح آویزان ہے کہ اس کا نصف طول پانے

0

اندرغ ت ہے 'اگر اس کی کٹافت اطانی ۲۱۵ ہو تو نابت کود کہ رسیوں کے ج تناؤ ہوں گے ان کی نسبت ۲:۵ ہو گی۔

(س) ایک کیسان سلاخ اپنے ایک سرے کے گرد جو پانی سے باہر ہے گھوم سکتی ہے 'سلاخ الینی طالت میں متواندن ہے کہ یہ انتصابی سمت کے ساتھ کوئی زاویہ بناتی ہے اور اس کے طول کی ایک تہائی پانی کے اندر غرق ہے ' نابت کرد کہ اس کی کٹافت اضافی ہے ہے۔

(س) ایک سلاخ کا طول ۲ ہم ہے ' سلاخ اپنے ایک سرے کے گرد جو مائع کی سطح سے ارتفاع من (ح۲ ہم) ہم نابت کردیا گی ہے بلا تکلف گھوم سکتی ہے ' اگر سلاخ اور مائع کی کٹافتین بالترتیب کی اور کی ہوں تو نا بت کردیا گی ہے بلا تکلف تو نا بت کردیا ہمانے کی سلخ بالت توازن انتصابی سمت میں قائم رہ سکتی ہمان یہ بائے ہمان یا ایسی سمت میں جو انتصابی سمت سے ساتھ زاویہ طہ بنا ہے ہمان

جم طه = سال کو-کې

توازن كا قيام

کہ ۔ ہم بینٹر بتا کے ہیں کہ جب ایک جسم پانی سے اندر تیر رہا ہو تو اس کا مراز ثقل من اور اس سے اچھال کا مراز س رونوں ایک ہی انتصابی خط پر داقع ہو گئے۔ [دفعہ که] اگر جسم کو ذرا سا اس طرح گھا دیا جائے کہ س من سمت انتصابی سے ساتھ ایک چھوٹا زاویہ بنائے تو ذیل کی دوصوراتو ایک جھوٹا زاویہ بنائے تو ذیل کی دوصوراتو میں سے ایک صورت واقع ہوگی (۱) مائع کا مجموعی دہاؤجہم کو بھر

اصلی طالت میں لانے کی کوشش کرے گا اگر ایسا ہو تو سجھنا چاہے کہ جسم مذکور کا توازن گھانے سے پہلے قائم تھا۔

۱۲) یا انع کے مجموعی دباؤکا میلان جسم مذکور کو طالت توازن سے اور دور ہٹانے کی طرف ہوگا اس صورت میں سمجھنا چاہئے کہ جسم کا توازن گھانے سے پہلے عیر قائم تھا۔

جسم کا توازن گھانے سے پہلے عیر قائم تھا۔



اشکال بالا میں یہ دونو صورتیں دکھائی گئی ہیں 'شکل ۱۱) میں جہم کے توازن کی ابتدائی حالت دکھائی گئی ہے۔ اشکال ۲۱) اور ۱۳) میں خفیف سی ناوی حرکت کے بعد جہم مذکور کی مختلف حالتیں دکھائی گئی ہیں ، دونو شکلوں میں نسک نیا انجھال کا مرکز ہے ، دکھائی گئی ہیں ، دونو شکلوں میں نسک نیا انجھال کا مرکز ہے ، سک سی میں اسک میں میں اسک میں

نقطہ م پر مل ہے۔ بوئکہ شکل (۲) میں نقطہ م احت سے اوپر واقع ہے اسلے

قوتوں کا سلان جبم کو سمت ساعت سے خلاف گھانے کی طون

ہے اور جسم اپنی پہلی طالت میں آجائے گا' اس سے تابت

ہوا کہ جسم کا توازن حرکت دئے جانے سے پہلے قائم تھا۔ شکل ۳۱) میں چونکہ نقطہ ص کت سے بیجے ہے اس نئے

قوتوں کا میلان جسم کوسمت ساعت سے موافق گھالے کاطرف ہے، بدا جسم اپنی ابتدانی متوازن طالت سے اور دور بہط جائے گا 'اس سے نابت ہواکہ جسم کا توازن حرکت و ئے جانے سے پہلے غیر قائم تھا۔ (اشکال بالا میں ہم نے تعلیم کرلیا ہے کہ سک میں سے گزرنے والا انتصابی خط س ف سے ملتا ہے، متاکل اجامیں بالعموم اليابي مواتم جو کچھ اوپر بیان ہوا اس سے یہ نیتجہ نکلتا ہے کہ توازن کا قیام اس امرید موقون ہے کہ مرکا مقام بلحاظ سے کے کیا ہے اس نقطہ ص کی اہمیت کے لحاظ سے اس کو مرکز ابعد نے نام سے موسوم کرتے ہیں ۔ اس کی باضابطہ تعرفین ذیل میں درج کی جاتی ہے ٨٧- مركز ما بعد- تعرفيف - الرايك جسم يانى كم اندر بلا تكلف تيرر إم مو اور اس كو وزا سا اس طح كماديا فا کہ یہ مائع کی اسی مقدار کو ہٹائے جس کو پہلے ہٹا تا تھا تو وہ نقطہ جہاں نے اچھال کے مرکز میں سے گزرنے والا انتصابی خط عسم کے مرز تقل اور ابتدائی اچھال سے مرز مے خط وصل سے ملت ہے مرکز مابعد کمانا ہے۔ اگر مرکز مابعد کا مقام جسم سے مرکز تقل سے مقام سے ہو توجیم کا توازن قائم ہوتا ہے اور برعکس اس کے اگرمرا ابعد کا مقام جبم سے مرز تقل سے نیجے ہو تو توازن غیرقائم

اس سے ظاہرے کہ ایک تیرنے والے جمع کو قائم توازن کی حا میں رکھنے سے لئے ضروری ہے کہ اس سے مرز تقل کو اتنا نیجے رکھا جا سے جتنا کہ مکن ہو کہ یہی وجہ ہے کہ جہازوں اور مائع بیما (دفعہ ۸۰) کے نیکے صد کو خاص طور پر ہوجیل بنایا جا آئے کسی ایک دی ہوی صورت میں مرکز مابعد کے مقام کا تعین ایک وقت طلب امر ہے اس سے مقام کا انحصار بالحصوص برتن کی شکل پر ہوما ہے۔ 49 - اگر ایک جم کا مائع سے مس کرنے والا حصہ کروی شکل کا ہوتو ظاہر ہے کہ اس کردی حصہ کا مرکز ہی مرکز یا بعد ہوگا کیونکہ کروی سطح سے ہر ایک نقطہ پرکا دباؤ سطے مذکور پر عمود وار ہوگا اور اس نے مرکز میں سے گذرے گا۔ لنداكل سطح يركا مجموعي دباؤ ہمينہ مركز بين سے گزرے كا اس کے ہندسی مرکز ہی مرکز مابعد ہوگا۔

اس خاص صورت میں خفیف زاوی حرکتوں کے واسطے جیم کا توازن قائم ہوگا آگر اس کا فرکز تقل کردی حصہ کے مرکز تقل سے پنچے ہو اور غیر قائم ہوگا اگر اس کا مرکز تقل کردی حصہ کے مرکز تقل سے اوید ہو۔ (علم سکون دفعہ ۱۲۹ سے مقابلہ کرد)

امتک مبری ۱۵ امتیک مبری ۱۵ ایک گیند پانی میں تیر رہا ہے کا خابت کرو کہ اگر کوئی چھو ا

سے چھوٹا وزن اس کے سب سے اونچے نقطہ پر رکھا جائے تو اس كا توازن غير قائم مو جائ كا _ ٧- ایک نصف کرہ اور ایک قائم مزدط کے متوی نخ برابرہیں ان ساوی رہوں کو جوڑنے سے ایک جسم بنایا گیا ہے ، یہ حبم بانی کے اندراسطی تیروہ ہے کہ اسکی کردی سطح کا کچھ حصہ یان کے اندر غرق ہے ، ثابت کرو کہ جسم کے توازن کو قائم رکھنے کے لئے مخوط کا ارتفاع قاعرہ کے نصف قطر کا زیادہ سے زیادہ راس گنا ہو سکتا ہے۔ رس) دھات کے نقصت کرے اور ایک مخوط کے برابر مستوی قاعدہ كو جوڑنے سے ايك مجون بيركوا بناياكيا ہے، دھات كى موالى ہر گلہ کیاں ہے ، اس کو اس طح تیران منفور ہے کہ مخروط ادیر کی طرف رہے ، تابت کرو کہ اگر مخروط کا نصف راسی زاویہ ٥٥ مو تو توازن قائم موكا اور اگر ٣٠ مو تو غيرقام -(4) ایک اسطوانہ اور ایک نصف کرتے کے برابر سنوی قاعدول كوجورنے سے ایک جسم بنایا گیا ہے جویانی میں اس طرح تیررہ ہے کہ اس کی کردی سطح کا کچھ حصہ یانی کے اندر غرق ہے، اگر (۱) جسم ذكور تحوس اور متجانس الاجزا مو (4) جم مرکور مجوت ہو اور اس سے خول کی موالی کیان ہو تواسطوانه کا بڑے سے بڑا ارتفاع معلوم کرو جس سے توازن قائم دہ ٠٤ - باب ہذا کے مضون پر چند مشکل متقیں ذیل میں

صلى كى جاتى ہيں۔ مشق ا - اسطوانہ کی شکل کا ایک ڈول جس میں کچھ یانی ہے ایک رسی کے ذریعہ جو ایک چرخی پر سے گذرتی ہے صرفحیت سے ایک جم کو سہارے ہوئے ہے، ایک کاگ کا ظرا جس کی کٹافت اضافی ک ہے اور کیست م، دول سے پینرے کے وسطی نقطہ کے ساتھ ایک رسی کے ذریعہ اسس طح باندھ دیا گیا ہے کہ کاگ یورے کا یورا یانی کے اندر دویا رہتا ہے انابت کرو کہ اس رس کا تنار بو کاگ سے ساتھ بندھی ہے

19年9 (1-1) チャー زض کردکہ دول اسلاع سی سے ساتھ اڑا شروع کرا ہے

تب س= ١٩٠٠ . طاصل انتصابی دباؤ جو کاک پرعل کرتا ہے د ہے

ن مرس = مرح + ت - د · · · · · · د ۲) اب اگر کاک کونکال دیا جائے اور اس کی جگہ یانی کا ایک ساوی بھ م رکھ دیا جائے تو مجوی دباؤ ﴿ اور ما کا وزن دولوں للراس مين اسراع سي بيدا كرينك -

ن کی س = کی ج - د.

(٣) کو (١) ين سے تفريق کرنے سے

دت= مررح -س) رئ - را - مم مرج (ي - را) د مم مرج (ي - را) د مرم مرج (ي - را) د مرم مرج (ي - را)

مشق ع۔ مثال ماقبل میں نابت کرو کہ ڈول کی منحی سطح سے سب سے نچلے نقطہ پر کا دباؤ ابتدائی دباؤ سے زیادہ ہو گا اگر کاگ

اور پانی کے جموں کی باہی نبت ملے: اسے بڑی ہو اور

کم ہوگا آگر یہ نسبت مہان: اسے کم ہو۔ فرض کرو کہ ابتدا میں پان کی گہرائی گر تھی اور بعد میں گ ہوگئی

یز فرض کردکہ وٹول کا نصف قطر الر ہے اور کاگ اور پانی کے

جم بالترتيب ح اور ح بين ايني ح = ١٦ أو ك

تب π ز برگ = ۲ + ح پ گ: گ: ۲ + ح: ح

منی سطے سے سے نچلے نقطے پر حرکت سے پہلے جو دباؤ

تا وہ = و × گ ، اور دوران حرکت میں جو دباؤ ہے وہ

= وگ (۱- س) رطم حرکت وفد ۸۰)

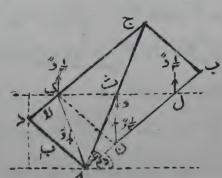
= = = = [- = =]

コートフ × カーフ × カーフ

يعني اگر ۲ ص ح > صاح

يني الرح حمر المحم

مشق س - ایک متطل اپنے ایک رئی کے گرد جس کو ایک انع کی سطح کے نیجے نابت کردیا گیا ہے حرکت سکتا ہے ، متطیل انع کی سطح کے نیجے نابت کردیا گیا ہے اضلاع انتصابی خط کے ساتھ مائع کے اندر اس طح تیررہا ہے کہ اسکے اضلاع انتصابی خط کے ساتھ سادی زاون بناتے ہیں اور اس کا نصف رقیہ مائع کے اندر دوبا ہوں ہوا ہے ، اگر متطیل کے اضلاع کے طول بالنزیب اور ب ہوں اور ضلع ب اگر متطیل کے اندر پورا غرق ہو تو نابت کرد کہ متطیل کی اور ضلع ب ائع کے اندر پورا غرق ہو تو نابت کرد کہ متطیل کی



الله فت کو یانی کی کافت کے ساتھ المبعد کی ہے اللہ اللہ کی گافت کے ساتھ المبعد کی سطے پوکر اوطا مستطیل مائع کی سطے کے بیتے ہے اس لئے مائع کی سطے کے بیتے ہے اس لئے مائع کی سطے کے کرز تفل کے مرکز تفل

INA سرز ت یں سے گزرتی ہے۔ د ک کو لا کے ساوی فض کرو اور ا ب پر عود ک ن چوکہ ن کے اور ن ل افق کے ساتھ ساوی زاونے بنا تے ہی いっしいとしいとい بهان نال وب عشول وك + حك ك ك ل = لا × ب + ل ب ب زض کرو کہ سنطیل اور مائع کی کٹافین بالٹرینب کی اور کی ہیں۔
تنب سنظیل کا وزن و = و ب کی اور یہ سنطیل سے مرکز تقل ت میں نیجے کی طوت عل کرتا ہے۔ نیز ان کا عال استصابی دباؤ دو دباؤان کے ساوی ہے۔ اولاً وہ دباؤ جو مائع ال ل ک در ک وزن کے ساوی ہے اور الک سے وسطی نقطہ میں سے سمت راس میں عمل کرتا ہے اور انیا وہ دباؤ جو مائع ن ک ل کے وزن سے ساوی ہے اور اس سے مرکز تقل میں سے اویر کی طرف عل کرتا ہے۔ ジャンンくと e(い e= いりx ショーナン(1-4)と July oil = - Tiox work - - Jours نیز بوب علم کون دفد ۱۰۱ مثلث ک ن ل سے مرکز تقل پر جو دباؤ و عل کیا ہے وہ ہر لحاظ سے بین برابر اوزان سے کے ساوی فرض کیا جا سکتا ہے جب کہ یہ تینوں وزن مثلث کے راسوں پر اسی

ست یں عل کریں دیکھو فنکل -ال کے گرد معیار اثر لینے سے و × اللہ الرج جم (عہد + ۵۲°)

١٩٠٥ عد = حد ب وي ١٠٠٠ - ب الح (جم عد جب عد) = ق [الا+ المبار به به الا] ١٠٠٠ - ب و (ب - الا)

5× 4-1 = 5:

لوٹ - مثلث کے وزن کی بجائے اس کے تینون زاویوں میں سے ہرایک پرکل وزن کی ایک تہائی کے برابر اوزان فرض کرلینے کی جو تکمت علی اوپر اختیار کی گئی ہے بالعموم سکون سیّالات کے سوالات میں مفید نابت ہوئی۔

متفرق مثالين نبرى ١٦

ا- ایک مجانس الابزا نصف کرہ جس کا وزن و ہے ایک انع کے اندر

10.

تيررا ہے اگر اس كے كنارے ير ايك وزن و ركھ ديا جائے اور كنارہ نہ ڈوے تو تابت کوکہ اسکا قاعدہ زاویہ سن ا موسی سے گھوم جانگا ٢ - ایک تپلا محون مخوط سے قاعدہ ایسا ہے کہ اس کو یانی کے اندر پورا ڈبوکر جہاں چوڑا جائے دہیں تیرا رہتا ہے انایت کرو کہ اس کا راسی زاویہ مجب الے ہے۔

س - کرای کے دو متوازی السطوح جن کے وزن بالترتیب ١٠٠ يونڈ اور ٥٠ يوند بي يانى مين تيرر جه بي اور ان مين سے برايك كى كافت اضافی ہے ہے ک ان مجسمون کی بالائی سطحون سے وسطی نقاط بر لوسے ك ايك ايك ميل لكي موئي ہے جن ير ايك -- ايوند وزني سلاخ دھرى ہے اگر سالنے کے مرز تقل کا فاصلہ بڑے مکڑے کی کیل سے سالنے کے طول کا ایک چوتھائی ہو تو تناؤکہ لکڑی کا ہرایک مکرا پان کی سطے

كنا بام ركالا ایک مشور کا وزن و ہے اور کافت اضافی لے اس کی عمود تراش ایک قائم الزاویہ مساوی السافین مثلث ہے منثور پانی سے اندر اس طح سوارن ہے کہ اس کا زاویہ قائمہ والا کنارہ یانی سے اندر

ور اس سے بق متوازی سارون میں سے ایک

.1

بان کی سطے میں ہے اور دوسرا سطے کے باہر موخرالذکر کن رے دو انتصابی کینی سطوں کو مس کرتے ہیں ا تابت کروکہ شور کی الا ترین سط

اورسطے آپ کے درمیان زاویہ سن الے بنا ہے۔

٥- ايك سبان الاجزا خنور جس كى تراش خلت و ب ج باني

یں اس طح تیررہا ہے کہ اس کا کنارہ ج یانی کے افرد غرق ہے انہات

کروکہ اس کی کٹانت اضافی جب ارجم ب جب جب ہے یا جب ج

اللہ ایک پتلے کیسان خول کی شکل ایک قالم ستریر مخوط کی ہے جس کا واسی زاویہ ۴۰ ہے اور جس کا قاعرہ ہنیں ہے ۔ یہ خول پانی کے اندر اس طرح تیر رہا ہے کہ اس کا کچھ حصہ پانی کے اندر دوبا موا ہوا ہو ہو اس کا رائس نیجے کی طرف ہے اور ستدیر قاعرہ کا محب سب سے نجلا نقطہ عین بانی کی سطح میں ہے انتیات کرو کہ وہ خط جو رائس کو اس نقطہ کے ساتھ وصل کرتا ہے افتی کے ساتھ زاویہ سے انتیا ہے ۔

[اس صورت بین بانی کی سط مخروط کو جس منحی پر قطع کرتی ہے اس کو قطع ناقص کہتے ہیں کا سطی نقطہ اس کو قطم اور مخروط کے رائس ہے اور جٹائے ہوٹ بانی کا مرکز تفل اس نقطہ اور مخروط کے رائس کے خطے وصل کو نسبت ا: س بین تقیم کرتا ہے]

> - ایک وزنی نصف کردی پیالہ میں کچھ بانی ہے ، پیالہ کا نصف قطر السب ادریہ ایک ایسی کھردری سطح مائل پر بحالت سکون پڑا ہے جبکا زادی میلان عہ ہے ائی سے وزن کو بانی کے وزن کے دن کے دن کے

سائم جو لنبت ہے وہ

جب فذ - ٢جب عه

ے کمنیں ہو سکتی جان T و جم فر بانی کی سطح کا رقبہ ہے۔

۸-ایک دول کو جو آدھا پانی سے بھرا ہوا ہے ایک رسی کے ذریعہ لئکایا گیا ہے جو ایک جرخی کے اوپر سے گزرتی ہے ، جرخی اتنی چوٹی کے درسی کا دومرا سرا اس برسے ہو کہ دول کے اندر گرا ہے اور اس سرے کے ساتھ ایک گولہ بدھا ہے جبکی کٹا نت اطنا نی ک (ے م) اس سرے کے ساتھ ایک گولہ بدھا ہے جبکی کٹا نت اطنا نی ک (ے م) کر دور اس کے بیندے کو مس نہ کرے اور اس کے دور سے باہر نہ نفل جائے تو نابت کرو کہ توازن اس صورت میں مگن ہو سکتا ہے جبکہ گولے کا دزن و اور اور کی سے باہر نہ بھر جان و سے مراد دول اور بانی کا مجموعی دون ہو ہے ۔

ہ۔ دو دولوں میں بالی ہے ، ہرایک دول کی سیت سے اس کے پانی کے هم ہے یہ دولو دولوں ایک چکنی چرخی پر متواذن ہیں اب کرٹی کے دو گرڑے جن کی کمیتیں بالترتیب هم اورهم ہیں اور جن کی اضافی کئ فین بالترتیب کی اور کی ہیں الگ الگ دولو دولوں کے بیندوں کے فیندوں کے ساتھ اس طح باندھ دئے گئے ہیں کہ یہ بورے کے بورے پانی کے اندر دولو برجتے ہیں کا تبات کروکہ اس رسی کا تباؤ جو ہم سے ساتھ بندھی ہے

- ما اما اما - ما

11

R

14

ب

راوا

٣

اوي

4

מן מן

أاو

كروكه اسطوانه اوركتنا دوب جائے كايا اوركتنا اوبيہ المحم آئے كا۔ ١١ - ايك سلاخ انتصابي حالت مي ايك متجانس الاجزا مائع ك اندر اس طح ترری ہے کہ اِس کا کھے صب مائع کے اقدر غرق ہے ، تابت كردك كرة موائى كى كتافت يى تفيف سا اضافه واقع مو نے سے سلاخ كا جو فريد طول انع كى سطح سے اوير الله آئے كا وہ اس طول كے مربع کے متناسب ہوگا جو غرق ہیں ہے۔ ١١- كاگ كا ايك مكرا جكي شكل ايك اسطوانے كى ہے اور جكى بندی دے ہے ایک برتن کے اندر اس طح تر رہا ہے ك اس كا محور افق يدعود ہے اگر برتن كو ايك موا يمي كے قابلہ ك المر ركم كر موا فايح كى جائ تو نابت كروك كالكرات (ا-فى)ن طول اور دوب جائے گا جاں ک اور ف بالرسیب ہوا اور کا گ ک اضافی کتافتیں ہیں -١١٠ - ايك جم بانى م اند تير را به اگر اوا كى ك فين بالتيب ک اور کو ہوں تو جم عے جو جسم یانی کی سطے سے اوپر رہے ہیں وہ بالرتیب ح 'ح 'ح عی می عابت کرو کہ = 5-4+5-5-5 ا اور دھاتوں اور ب ک اضافی کٹافین بالترینب ک اور کی ہیں ان کو النے سے ایک بھرت تیار کیا گیا ہے جس کا وزن ہوا یں و اوس اور یانی میں ب اونس ہے ، نابت کرو کہ بحرت میں واور ب سے جموں کو سیت کی (او- با) ۔ او: ا- ک (او - ب)

أبت ايرات

مگون سا

الع كى كانب

[1-19

الين ال

45 ك سطح :

fe let 78

4-12 C 30

تبغه کے

小小 اون ب

¿ i! الا-ایک

الباقي

ال ك

١٥- ايك جم كى كأفت كى ہے اور ہواكى كأفت كى ، جم كو ا سے بالواں سے تولا گیا ہے جن کی کتافت ک () ک) ہے اگر ہوا کی کٹافت کے سے بڑھ کر کی ہو جائے اورجسم کو پھر تولا جا سے تو تابت کرد کہ اس سے وزن میں جو کمی واقع ہوگی وہ پہلے وزن کے رک -ک) (ک -ک) کے ساوی ہوگا۔

١١- اكر مواكى كتأفت اضافى ١٢٥ - وفض كى جائ اور بين كيدا بالون كى مهر تو تابت كروكه يانى كى كچھ مقدار كو ان بالو س سے ذریعہ تو لئے سے پانی کا جوظاہری وزن عاصل ہو گا اس میں بھا تقربیاً او فیصد کی صحیح کرنے کی ضرورت ہوگی -الما- لم كب ، ج تين بموزن گيند بين ال اكيلا ب اوج

كا موازن كرمًا ہے جكہ تينون كو كې كافت والے ايك مائع ميں الكايا جائے، اس طح سے ب اكيلا كرك فت كے ايك مانے میں اورج کا مواند کی ہے اورج اکیلاکی کافت کے ایک

مائع میں اور ب کا۔ اور ب ک

١١- ايك شلت برك وب ج كا زاويه ج قائم ب ايترا ایک مائع میں جس کی کثافت پترے کی کثافت کا ہے ج سرایا ہے کاس کا راس ج مانع کی سط کے نیجے ایک قبضہ کے وزایع

تابت كيا ہوا ہے ، اس كا ضلع أدب يورا مائع كى سطح سے المردبتا ہے، اگر اوج افق کے ساتھ سو کا زادیہ بنائے اور ائع كى سطح ب ج كى تنصيف كرے تو تايت كروك ضلع الرج کی نتبت ضلع ب ج کے ساتھ ۱۱: ۳ کے ساوی

19- ایک متطیل پتراجی کے اضلاع کی نبت اس : ا ہے این ایک چھوٹے ضلع کے وسطی نقطہ کے گرد بلا تکلفت کھی سکت ہے اور اس کا یہ نقطہ مائع کی سطے سے نیجے تابت کردیا گیا ہے۔ بیترے کی سطح افق برعمود ہے اور اس کا ایک قطر مائع كى سطح بين ہے ، بيترے اور مائع كى اضافى كنا فنوں كا مقابد كرو اور ثابت كروكم اس ثابت نقط يركا دباو يترے كے وزن

٢- ایک کیان مربع پترے ادب ج د کا ہر ایک ضلع ه ایج ہے اس کا ایک کون لر پانی کی سطح سے ہ ایج نیجے ایک تبضہ سے ذریعہ ثابت کردیا گیا ہے اور پترا ایک انتصابی سط ستوی میں بلا لگلف حرکت کر سکتا ہے ، اگر پترا شوازن ہو جاکہ اسکا کون ب عین یانی کی سطح بن ہو اور ضلع ج د کا کھے حصہ بانی کے اندر غرق ہو تو بترے کی کثافت اضافی دریافت کرو۔ ١١- ایک متطیل این ایک نقطهٔ داش کے گرد بلا تکلفت وکت کرسکتا ہے یہ نقطہ ایک مائع کی سطے سے باہر نابت كرديا كيا ہے۔متطيل كالت تواذن اس طح ساكن ہے كہ نكون م الجا ا الم 16 -40 - 194 ازادس ناسد 8 97 -44 كا لف

اس کا نصف رقبہ مائع کے اندر عزن ہے اور اس سے اضلاع انتصابی سمت کے ساتھ مساوی زاوئے بناتے ہیں ، ثابت کرو سے متطیل کی کافت کی نبت مائع کی کافت سے ۳ بے بار ہے جاں اور دے متطیل کے اضلاع ہیں اور او رب ۲۲-ایک کیسان متطیل پترے او ب ج دی کثافت اضافی ک ہے اور اس کا ایک کونہ لو پانی کی سطے کے نیجے گہرائی جریہ ابت کردیا گیا ہے، کونے ب اورج سطح کے اویر ہیں اور كون لا نيج ابترا لا كارد بلا تكلف الموم سكتا ہے- اگر ال = اب الد = الم اور الب مائع كى سطح سے زاويہ طم بنائے جبکہ بتر منوازن ہو تو طہ معلوم کرنے کی ساوات دریا

سرا ایک مربع پتراجس کی کثافت کم ہے پانی میں اسطیح تیر دیا ہے کہ اس کی سطح افق پر عود ہے اور اس کا ایک رأس یانی کی سطح سے نیچے ہے ، پانی کی گافت کی ہے 'اگر ہ کی ہے کہ کا تو تابت کرو کہ نوازن کی تین طالبیں ہیں اور ان میں سے دوط لتول میں کوئی

قطر انتصابی بنیں ہے۔

الم الله الله الموس نصف كره جو الني متوى سطح سے ايك نابت افقی قطرے گرد بلا تکلف گردش کر سکتا ہے ایک ثابت نصف كروى بياله مين خوب عينس كرآنا ہے - بياله كى مستوى سطح متوازى الافق ہے اور اس کا مرکز پھوس نصف کرہ کے مرکز پرمنطبق ہوتاہے اگر تضف کرہ کسی زاویہ میں سے کھایا جائے اور تب بیالہ کو ایک

ایے مائے سے بھرا جائے جس کی کثافت اضافی علوس کی کثافت اضافی سے دگئی ہو تو تابت کرد کہ کھوس نصف کرہ ہمیشہ تواندن کی حالت میں رہے گا۔

۲۵- ایک طوس اسطوانہ ایک بھاری ذبخبر کے ذریعہ انتھا با لگک رائج ہے اور اِس کا کچھ حصہ پانی کے ایک بڑے برتن میں دوبا ہوا ہے ' زنجیر ایک کچھ حصہ پانی کے اوید سے گذرتی ہے اور اُسکے ازاد سرے والے حصے کا وزن نظام میں تو ازن بیدا کرا ہے گار اسطوانہ کا قطر مناسب طول کا لیا جائے تو تابت کروکہ اسطوانہ کا توازن تعدیلی مناسب طول کا لیا جائے تو تابت کروکہ اسطوانہ کا کوئی طول پان میں فرق یہ ہے۔ بھا متوازن رہے گا خواہ اسطوانہ کا کوئی طول پان میں غرق بھی۔

۱۹- ایک کرے کے اوپر ایک نصف کروی پیالہ ساکن ہے ، کرتے کا نفف قطر بیالہ میں اگر بیالہ میں کا نفف قطر بیالہ کے نصف قطر سے دو چند ہے ، اگر بیالہ میں آہمتہ آہمتہ یانی ڈالا جائے تو ثابت کروکہ قائم توازن اس وقت کک بحال دہے گا جب یک کر پانی کا وزن بیالہ کے وزن کی نفف نہ ہو جائے۔



كرن يا

المنته الم

ر م

اسے ک

سورا

(1)

زعن ک

49

زره

کدا د

اس

بز

פנני

)i) 3

رفو

1

2

ہمینے تھیک اس نشان تک بھرا جاتا ہے، دوسری فتھ کی بول میں اس کے مندیراک شیسے کی ایک عیس کرا نے والی ڈاٹ ہوتی سے جس کے اندر ایک باریک سوراخ ہوتا ہے، جب بونل کو مائع سے مجرکر ڈاط اچھی طرح لگائی جاتی ہے تو زائد ما بع اس تھیو گے سوراخ کے راستہ بیاس کیا ہم مکل جاتا ہے۔ (1) كسى مائع مفروصنه كي كثافت أعنا في معلوم كرد -فرص کردکہ خالی ہوئل کا وزن (سے ڈاٹ)جبکداس کے اندر کی ہوا خاج کردگئی ہے وہے جب اسکویا نیسے بھر ویا جاتا ہے اور ڈاٹ گادی جانی ہے توفرض کرو که دزن و بوتا ہے جباس کو ما نع زیر بجت بجراجاتا ہے تو فرض کروک اس کا ورن و ہوتا ہے۔ يَ وَ- وَ= اسْخ با في كا وزن جو بوتل کوعین مردتا ہے اور و و انتخالع كا وزن جوبوس کو عین مجروتا سے بونکہ مائع اور یا نی کے ساوی مجموں کے اوزان بالترشیب و - و اور و - و بی اس لئے دفعہ 19 کے بوجب ا نع كى كتا نتِ إصنا في = جَرِ - دِ (٢) ايك ايسے محموس حبم كى كتا فت اضافى لمعلى كروجويانى ميں حل نہيں ہو جمع كو توريم السك حيو في حيوت عرف الساني

10.

بوتل کے اندر جاسکیں اور فرض کرو کہ اِن مکر وں کا مجموعی وزن و سے مکروں کو بوتل کے اندر ڈالو، پھر بوتل کو یا نی سے بھرکہ اویرسے ڈاف لگادو اور ہوتل کو تولو ، فرض کردکہ یہ وزن گ سے، نیز فرص کرد کہ جب بوتل مرف یا نی سے بھری ہوئی ہو ت اس کا وزن کو ہوتا ہے۔

ت و + و = كل حبم كا وزن + يانى سے بحرى بوئى بوتل كا وزن اور و = کا حبم کاوزن + یا بی سے بھری ہوئی بول کاوزن

-جم کے ہائے ہوئے پانی کا ونان

و + و - و = بطائے ہوئے یالی کا وزن اسلیے و اور و + و - و بالترتیب حبم اور بانی کے ساوی جمول کے وزن ہیں -

يس مطلوبه كتانت امنا في = و + و - و طریقہ متذکرہ بالا برعل کرتے وقت چندا مور کا کھاظ رکھنا چا جئے اور اُن کے مطابن "تا مج محصله مي تفيح كرنى جاسية (١) يا ني كسى خاص تبيش بربهونا

عا ہے با ظ سہولت ١٩ سنتي كريدير مناسب موكا-

(٢) در ص و سن كاعل طديس كرنا جا لي ، كيو بكر حبيا وفعه یں بنایا جا جیکا ہے کہ اگر ہوا کی ان مفداروں میں جن کو باط اور حبر حداگان ہٹاتے ہیں کوئی اختلات ہوگا تو یہ اختلاف تجربہ کے . تا ع کی عد کی اور صحت ير اثر واليكا، في الحقيقة تو لي كاعل موا من كيا جاتا م اورب اذآں مناسب تصبیح کر بی جاتی ہے۔

-64

ا ارتحبہ ایسا ہوجو یا نی کے اندر کھل جائے مثلاً سٹ کو تواسکو ایک ایسے بائع میں تو لنا جا ہے جس میں یہ گھٹی نہ سکے اور اس کی کتا فت امنا فی سلے لمحاظ اس مائع کے معلوم کرلینی عا جيئ شكرى صورت مين الكحل كالسنع ل نهايت مناسبهوكا یوٹاسیم یانی کو پھار دیتی ہے اس لئے اسکو نفنہ میں نو لناجا سے وفعہ ما تبل کے طریق کتابت کے ہوجب اب اگراس مائع کی کتا نتِ امنا فی ملحاظ یا نی کے معلوم ہو توجہم مذکور کی کتافت اصنافی ملحاظ یا بی کے معلوم ہوسکتی ہے الم المستقى ١ - ايك كأفت اطافى كى بول كا وزن جب یہ پانی سے بھری ہوئی ہو سال کرین ہے، اگر بوتل کے اند ۵۰۰ گرین وزن کی کوئی سبی ہوئی شفے والی جائے تواس کا وزن ١٢٥٠ گرین ہو جاتا ہے ، سفوف کی کتا فت اصا فی معلوم کرو۔ یہاں ۱۲۵۰ گرین = ۱۰۰۰ گرین پھنوٹ کاوزن - سٹائے ہوئے یا تی کا وزن م بٹائے ہوئے یانی کا وزن = اس سفے کا وزن - ۲۵۰ گرین ا= ۱۰۰ ارس

مشق ٢- اگر موا كے ورن كو نظر انداز كيا جائے تو كتا نت اضافي

سكون سيا (+)

كى بوتل سے ايك عشوس حبم كى كتا فت اصافى ك معلوم جوتى ہے، میں صورت میں ہواکی کتافتِ اضافی عدکو بھی ملحظ رکھا جائے تو ناسعه کرو کم جم مذکور کی اصلی کتا منت اصافی ک - عد (ک - ۱) ہے فرض کروکہ مبھ کی اصلی کٹا فتِ اصافی ک ہے اور جم ع ہے، ح اس یانی کا جم ہے جو بول کے اندا کتا ہے، نیز فرمن کرو کہ أس فتے كى كتا نو امنا فى جس سے تولئے كے باث بنائے كئے ہيں ك ہے اور یا نی کے جم کی اکا کئ کا وزن حب معول و ہے۔ نتب چونکه و او اور و طاهری وزن بی جوحسب دفعه ۲ م معلوم كئے گئے ہيں اس لئے بوئل كا وزن ہوا ميں + يا في كاوزن ہوایں = و کا وزن ہوا یں

ييني بموجيب دفعه ١١٣ بوتل كا دزن موايس + ح و (١- عم)

(1)...(- 1) =

يس بول كا دزن ہوايں + يانى كے (ح-ح) جم كاورن ہوايں +حبم کے ح عم کا وزن ہوا میں = و کا وزن ہوا میں لینی بوتل کا وزن ہوایں + (ح, -ح) و (۱-ع)

+ح و (ك -ع) = ق (ا مع)

ماوات (۱)کوماوات (۲) میں سے تفزین کرنے سے - ح و (١-١٠) + ع و (ك - ١٠) = (ق- و) (١- مد)

يني ع و (ك -١) = (و - و) (١- حيم) نيز چونکه جم کا وزن بوايس = و کا وزن بوايس

: ح و (ك - م) = و (١- مر) :

(۳) کو (۲) پر تقتیم کرنے سے

الے الے قریم کرنے سے

الے الے قریم کرنے سے

الے دفتہ ۲ کے ۔ ا

ن کک -ک = کک -ک - عک + عه بینی ک = ک - مه (ک - ۱)

امتله منبری ۱۷

اسکو با نی سے بھرا جا ہے تو اس کا وزن ۵۹ وے گرین ہوتا ہے اسکو با نی سے بھرا جا ہے تو اس کا وزن ۵۴ وے ۱۸ گرین ہوتا ہے اور جب ایک دوسرے مائع سے بھرا جائے تو اے ۱۸ و ۱۸ کرین ، اور جب ایک دوسرے مائع سے بھرا جائے تو اے ۱۸ و ۱۸ کرین ، مؤخرالذکر مائع کی کتا فت اصافی دریافت کرو۔
۲ - کچھ باٹوں سے کتا فت اصافی کی ایک خالی بوئل کا دصوا کرلیا گیا ہے اگراس کو یا نی سے بھرکر تو لا جائے تو ان ہیں ۱۸ و گرین کا اصاف کر ایرا تا ہے ۔ لیکن اگر اس میں یا نی کی بجائے الکیل بھرکر تو لا جائے و مرف ۲ کے کرین کا اصاف کر ایرا تا ہے۔ کرین کا اصاف کر کا بڑ تا ہے الکیل کی کتا فت حالے تو مرف ۲ کے کرین کا اصاف کر کا بڑ تا ہے الکیل کی کتا فت حالے تو مرف ۲ کے کرین کا اصاف کر کا بڑ تا ہے الکیل کی کتا فت حالے تو مرف ۲ کے کرین کا اصاف کر کا بڑ تا ہے الکیل کی کتا فت حالے تو مرف ۲ کے کرین کا اصاف کو کرنا پڑ تا ہے الکیل کی کتا فت

المنافي معلوم كرو-سو النافي كي ايك بوئل كو جب باني سے بركر تو لا مائے تو اس کا وزن سم کرام ہوتا ہے سکن جب اس بوتل میں کچھ لوہے کے گڑے جگا وزن ہوائیں اگرام سے والے جائیں اور یھر بوتل کو یا نی سے بھرکر تو لاجا نے تو مجھ عی وزن عوم و گرام ہوتا ہے لو ہے کی کثافت اصافی دریانت کرو۔ ام - کن فت اضافی کی آیا ہوئل کا وزن جو پوری یانی سے بھری ہوئی ہے مد مع گرام ہے، جب اس میں کسی تھوکس فے کے ۲۲۲ گرام ڈال کر اسکو تولا جاتا ہے توکل وزن ۸ ووج كرام بوتا ب المحوس في كأفت ا منا في در لا فت كرو-٥- الركان واضافي كي ايك بوتل كوياني سے بورا بحركرة لاجائے تو اس کا وزن ۱۱۲ گرین ہوتا ہے، جب اس میں دیات کے . ۵ كرين ڈال د نے جائيں اورزائد ياني كو تكل جانے ديا جائے تو اس کا وزن ہم ۲۵ گرین ہوتا ہے ، دھات کی کتا نت رمنا فی سعلوم کو 4 - اگر ہوا کے اثر کو نظر انداز کر کے کسی ائع کی ظاہری کٹا فت اضافی كنافت اضافي كي بوتل كے ذريع معلوم كي حائے تو نا بعد كروكم اصلى كن فت امنا في دريا فت كرف كے فئے أسى تقیع كى عزورت ہوگى جودفنہ ام کا مشق (۲) میں کی گئی ہے۔ ۵ کے سا کی میران - یا ایک معولی ترازد ہوتی ہے فرق م اس قدرت کو اس کے ایک باڑے کی سیخیں من سے بلوا سکا ہوتا ہے ووسرے بلوے کی سیول کی نسبت جھو کی ہوتی ہیں

اس وجہ سے اس میزان کا ایک پلڑا دوسرے براے کی نسبت ادی اون کا ایک پلڑا دوسرے برائے کی نسبت ادی ایک کا نشا اون کی رہنا ہے ایک کا نشا کی ہے۔ کا ہوتا ہے جس سے ساتھ کوئی شے باندھ دی جاسکی ہے۔ کا ہوتا ہے جس سے ساتھ کوئی شے باندھ دی جاسکی ہے۔ دی ایک ایسے جسم کی کٹ فت ا منا فی معلوم کرو جو پانی میں ڈوہ

حاتاب -

فرض کردکہ حسب معول ہوا میں تو لئے سے جبم کا دن و بے اس کو ایکے ساتھ ایک مضبوط ڈوری سے اس کو ایٹے کے ساتھ الکا دوجوافیجے بلڑے کے بیندسے میں انگا بہوا ہے اورجبم کو بائی کے ایک برتن کے اید اس طبح بلا تکلف لٹکنے دو کہ جسم پانی کے ایک برتن کے اید اس طبح بلا تکلف لٹکنے دو کہ جسم پانی کے اندرپورا ڈوبا رہے "ب دوسرے بیڑے میں باٹ دکھتے جا دُ حتی کہ میزان کی ڈنڈی پیر افق کے متوازی ہوجائے فیال رہے کہ جم پانی کے اندرپورا ڈوبا رہے ۔

فرض کردکہ ان با ٹول کے در بول کا مجموعہ کو ہے ۔

فرض کردکہ ان با ٹول کے در بول کا مجموعہ کو ہے ۔

شب کو عجم کا ظاہری درن با تی میں عصبہ کا اصلی درن اس کا میں عصبہ کا اصلی درن اس کا میں عصبہ کا اصلی درن اس کا میں عصبہ کی ادرن کا کورن کے میں کا اصلی درن کا میں کے درن کا کھون کے درن کا کا درن کا میں کا میں کا اصلی درن کا کھون کے درن کا کہونے کی کا درن کا میں کے درن کا کھون کے بوئے کا درن کا میں کا درن کا میں کا کا درن کا کورن کے درن کا کا درن کا کورن کا درن کا کھون کے درن کا کورن کے درن کی کا درن کا کھون کی کا درن کا کھون کے درن کی کا درن کا کھون کے درن کورن کے درن کا کھون کی کا درن کا کھون کے درن کی کا درن کے درن کا کھون کی کا درن کے درن کی کا درن کے درن کا کھون کے بین کا درن کی کا درن کا کھون کی کا درن کی کا درن کے درن کی کا درن کی کا درن کا کھون کی کا درن کا کھون کی کا درن کی کی کا درن کی کھون کی کا درن کی کھون کی کھون کی کا درن کی کھون کے درن کورن کی کھون کی کھون کے درن کا کھون کی کھون کی کھون کی کھون کے درن کی کھون کے درن کی کھون کی کھون کے درن کی کھون کی کھون کی کورن کے درن کورن کے درن کورن کی کھون کے درن کیا کھون کی کھون کی کھون کی کھون کی کھون کی کھون کے درن کی کھون کی کھون کی کھون کی کھون کی کھون کی کھون کے درن کھون کے درن کھون کے درن کھون کی کھون کے درن کے درن کھون کے درن کھون کے درن کورن کے درن کھون کے درن کھون کے درن کھون کے درن کھون کی کھون کے درن کھون کے درن کھون کے درن کے درن کے درن کھون کے درن کھون کے درن کے درن کھون کے درن کھون کے درن کے درن کھون کے درن کھون کے درن کے درن کھون کے درن کے درن کورن کے درن کے درن کے درن کورن کے درن کے درن کورن کے درن کے درن کورن

= د - ہٹائے ہوئے پانی کا وزن ین و - و = ہٹائے ہوئے پانی کا وزن نیز چونکہ جسم کا وزن و سیخ اس لئے مطلوبہ کثافتِ اضافی = جوہے

جيم کي کٽا دن اصنا في و-و أس الع كى كنا فتا صافى اس سے نابت ہواکہ جم اور مائع ستعلم کی اعنا فی کتا فتوں کی سبت وہی ہوتی ہے جو حبم کے اصلی دزن کو اس کمی کے ساتھ ہو جو ما رئع مفروعن کے اندر حبم کو تو سے سے اسکے اصلی وزن میں (۲) ایک ایسے جسم کی کتا فت اصانی معلوم کرد جو بان پس رو المراس صورت میں حبم مذکور کو کسی ایسے حبم کے ساتھ باندھ دنیا چاہے کے ددنوں ملکریا بی کے اندر ڈوب عابیس، موخرالذکر ا فرض کردکہ اکیلے مبم کا وزن وے اور لنگر کا وزن وہے يرجيم اور لنگر كا مجوعي وزن ياني كے اندر تو سے سے وہے اور اکلیے ساکر کا وزن یا نی میں تو سے سے و ہے۔ تب و = انگر اور حبم وو بون کا اصلی وزن - انگراور حبم کے مٹائے ہونے یا نی کا وزن (وفعہ ۱۲) = و+ و - جسم اور نگر دو ہون کے ہٹائے ہوئے یانی اسلئے و + و - و نگراورجم دونوں کے سٹائے ہوئے بانی سینی و ۔ و = محن لنگر کے مٹائے ہوئے بانی کا وزن دع

لبذا تفریق کرنے سے و-و+ و = محف حبم کے ہٹائے ہوئے یانی کا وزن نيز چو مک جم کا اصلي وزن = و الليخ جم كي مطلوب كن فت اضاني = - و + و توسط _ ياور سے كواس جواب ميں كو سفاس منبس سے جولنگر كا وزن ہے ہیں علی بڑ ہیں اس کے معلوم کرنے کی کوئی عزورت بنیں] (٣) ایک دیے ہوئے مائع کی کٹافت ا منافی معلوم کرو۔ ایک ایا جم لوجو دے موسے مائع اور یا بی دونوں میں حل نہ ہو تا بو اور فرض کرد که اس کا اصلی وزن و سے۔ جب اس کوحب معول آبی میزان کے چھوٹے برطے سے سکاکر یا نی کے اندر تو لاجائے تو فرض کروکہ اس کا ظاہری وزن وہے یانی کی بجائے وے ہوئے مانع کے اندراسی طرح نؤ لنے سے زمن کروکہ اس کا ظاہری وزن و ہے۔ ننب و = جبم کا وزن - سطائے ہوسے یانی کا وزن اور و = حبم كا وزن - مِنْ مَعْ بوسے مائع كا وزن اس نع ہٹائے ہوئے یا نی کا وزن = و- ب اور سائے ہوئے مائع کا وزن = و - ك اس کے و- وَ اور و- وِ بالترمنب مائع زیر مجت اور مانی کے سادی مجوں کے وزن ہیں۔ ن <u>و- قر</u> = مطلوركنا فت اصافي

میتران کیا لبی بیجدار کمانی پر مفتل ہوتی ہے جکے نیچے کے سرے کے ساتھ ایک دوسرے کے اویر دو بلڑلے کے ہوتے ہی اس کواس طرح رکھا ما گاہے کہ نیجے کا پاڑا یانی کے اندر دویا رہتاہے، کانے کے المقابل ایک لمبی درجہ بندی کی ہوئی یٹری لگی ہوتی ہے اس تراز دکا استعال اس طرح کرتے ہیں، اس جم كو جبكى كتا فت ا منا في معلوم كرنا مقصود بهوتا _ ہے اویر کے پرطے میں رکھتے ہیں اورجس درجہ تک کمانی کھنے جاتی سے اس کو مقابل کی بیٹری پر د بھو لیتے ہیں۔ تب حبیم کی بجائے باس ر کسی و ملعت میں کہ مذکورہ بالا ورجہ یک کھنجا و پدا کرنے کے لئے کتنے وزن کی مزورت ہوتی ہے، اس طرح سے جم کا وزن معلوم ہو جآتا ہے عبدازان حبم کو یا نی كاندنے كے الم اے بن رك د ہے ہى - كام ہے کہ کمانی اویرا کھ جائی اور اس کو کھنچا و کے اسی درج برلانے کے لئے اور کے بارسی مزید وزن رکھنے کی فزورت بڑے گئ جومزید وزن اس طح سے رکھنا پڑ سکا وہ صریحاً جسم کے وزن کی اس کی کوظامر کے کا جوجم ندکورکو یا نی کے انداتو سے اسکے اصلی وزن میں واقع ہوتی ہے بعنی بالفاظ دیگریہ وزن سٹا نے ہو نے یا نی کے وزن کو ظاہر کر سگا

اب ہمیں حبم کا اصلی وزن اور ہٹائے ہوئے با نی کا وزن دو ہوت ہو سے با نی کا وزن دو ہوت میں معلوم ہوسکتی سبے دو ہوں معلوم ہوسکتی سبے کا فت اصافی معلوم ہوسکتی سبے کے ایک گرائے کا وزن ہوا میں ۵۰۰۰ گرام سبے عب اس کو یا نی کے افر قولا جاتا ہے قواس کا وزن ۵ ء د ۸۵ گرام دو جاتا ہے اس کی کنافت اصافی معلوم کرو۔

یباں ۵۷۸۹ کرام = ۰۰۰ مرام-ائس بانی کا وزن میں کو تا نیا ہٹا دیتاہے

ن بٹائے ہوئے پانی کا وزن = ۱۰۱۲ گرام

 $\lambda = \frac{4 \cdot \cdot \cdot}{2} = \frac{4 \cdot \cdot \cdot}{2}$ مطلوب = $\frac{4 \cdot \cdot \cdot}{2}$

مشق ۲ - کاک کے ایک کرا سے کا وزن ہوا میں ۳۰ گرام ہے جب اسکے ساتھ سیسے کا ایک گرا با ندھ کردونوں کو یا نی بی تولا جانا ہے و محبوعی وزن اسکے ساتھ سیسے کا ایک گرا با ندھ کردونوں کو یا نی بی تولا جانا ہے و محبوعی وزن کا گرام ہوتو کا گلے۔ کی اند ۲۹ گرام ہوتو کا گلے۔ کی کن فت امنا فی دریا فت کرو ۔

اگرسید کاوزن ہموایس و ہوتواس بانی کا وزن جگو کا کہ اور سید دولوں ہٹاتے ہیں = و + ٠٠ - ان کا مجسموعی وزن بانی یں

= و + ١٠ = و + ١٠ = و + ١٠ = و + ١٠ ٢ = و + ١٠ ٢ بيسبيد كے بٹائے ہوئے يا نى كا وزن = و - ١٩ = و - ١٩

اس کے مخص کاگ کے سٹائے ہوئے یا نی کا وز ن = {(و + سم) - رو - ۹۲) اسلتے کاگ کی کتا فت اصافی = ۱۲۰ = ۲۰ = ۲۰ اسلتے کاگ کی کتا فت اصافی = ۱۲۰ = ۲۰ = ۲۰ اسلتے کاگ کی کتا فت اصافی = ۱۲۰ = ۲۰ اسلتے کاگ کی کتا فت اصافی = ۲۰۰۰ اسلام کاگ کی کتا فت اصافی = ۲۰۰۰ اسلام کی کتا فت اصافی = ۲۰۰۰ اسلام کی کتا کتا کی کتا فت اصافی = ۲۰۰۰ اسلام کی کتا فت اصافی = ۲۰۰۰ اسلام کی کتا کتا کی کتا کتا کی کتا کتا کی کتا کتا کی کتا

توں سم ۔ یونی نم کے ایک کو لے کا وزن ہوایس ۲۸ و۲۰ اونس بے یا نی میں ۲۸ء ۱۹ اور گندھک کے تیزاب میں ۲۳ء ۱۹ یا تی تم اور الناك كے تيزاب كى امنا فى كتا فتيں معلوم كرو-یلا ٹی تنے کے بٹائے ہوئے یا نی کاوزن = ۲۸ یلائی کم کے بٹائے ہوئے تیزاب کا وزن اس کے بلاقی نم کی اصافی کتافت = ۲۰۶۸۹ اونس = ۲۰۶۸۹ ادرگندہکے نیزاب کی اصل فی کتافت = موا اوس = ه و ا ٨ ٢ ١ - اگر وهجم جكى كتافت اصافي معلوم كرنا مقصود ہے ياني من محل جانے والا ہو جیسے شکریا یا نی کو جذب کرنے والا ہو تو اس کے اور موم کی ترج طائی جاسکتی ہے۔ مشق ۔ ٨٨ گرام شكر كے اوير ١١ گرام موم كى تر چردها كى كئى ہے موم کی کتا فت اصافی ۸۸ء ہے اگر دوان کا مجوعی وزن یا نی میں ہے ۲۲ گرام برد تو شکر کی کتا فت ا منا فی معلوم کرد -ائس یا بی کا وزن جسکوسٹ کر اور موم دو ہوں ہٹا تے ہیں ٨٧ + ١١ - ١١ + ١١ = ١٠ ١٥ گنام اورمرت موم کے ہٹائے ہوئے یا نی کا وزن = + × 11 / 10 = + 11 / 10 اس یا نی کا وزن جکومرف فنکرسٹاتی ہے

[اشلها تا عامیں ہواکی کٹا فت اضافی کو نظر افراز کیا گیا ہے] ١- الرايك حبم كاوزن بوايس ٢١٠ كرام بو ادرياني بس ٢٥٠ كرام نو أس كى كتافت اصافى معلوم كرو-٢ - رئر بي سفيفے كے ايك فكو سے كا وزن ہواييں مور اون ہے اور یانی بن ۱۶۱ اونس اس کی کتا فت اصنانی معلوم کرو-سے نیلے مخوتھ کے ایک گرے کا وزن ہوا بس ساولس ہے اور تارین کے تیل میں ۱۱۸۹ اونس ، اگر تارین کے نیل کی کتافت اصانی ۸۸، بوتو نیلے متو تھے کی کنافت اصافی دریافت کرو-الم م والسيم يا بي كو بيار ديتي سم اس كي كنافت اضافي سلوم كے لئے اس كے ایك مكر سے كو جس كا وزن ہوائيں ٥ و ٢٢٦ گرام ہے نفتہ کے اندر نولاگیا ہے انفنہ میں اس کا درن و گرام ہے، اگرنفنة كى كتا نت اصا في ٢٨ ١٨ بهولة بواسيم كى كتا نسراصا في معلوم كرو-۵ - سیسے کے ایک مکر سے کا وزن یا نی میں ۳۰ گرین ہے ، اسکو لردی کے ایک ٹکرف کے ساتھ یا ندھاگیا سے جس کا وزن ہوامیں ١٢٠ گرين ہے، دو يوں كا وزن يا نى يى ٢٠ گرين ہے، كركى كى كتا فت إضا في معلوم كرو-

ا ایک علوس حبم کا وزن جو یا نی میں تیرسکتا ہے ہم لینڈ ہے اس کے ساتھ ایک وزنی وہاس با ندھ کر دونون کو یا نی میں تولاگیا ہے اور ان دو ہون کا ورن کا یونڈ ہے ، مرف دیات کا درن یا نی میں مریونڈ ہے کھوس عبم کی کنا نتی امنا فی معلوم کرو -ے۔ ایک جم کے ساتھ جگا وزن .. ساکرام سے اور کتا فتِل ضافی ہ ہے ایک دوسراجسم باندھ کر دولوں کو اکٹھا بانی میں ولا گیا ہے اور يہ وزن ٢٠٠ گرام بوتا ہے ، اگر سا غذبند عے بو نے حبم کا وزن ٢٠٠ گرام بوتو اس كى كُتا فت اصا في معلوم كرو -A - شیشہ کے ایک فکڑے کا وزن ہوائیں ۔ م گرام ہے ایل فی میں ٢٠ كرامُ الكحل مين ٨ و ٢٥ كرام، الكحل كي كتافت اصافي وريافت كروa - سیسے کی ایک گولی کا وزن ہوائیں 4 - 11 او نس سے اور زینون کے تیل میں ایک اونس اگر سیسے کی کتا فت اطافی م ۱۱۱ ہولة زینون کے تیل کی کٹا فت اصافی معلوم کرو۔ • ١ - شینے کے ایک گیند کا ور ن ہوا میں ۸ ۱۵۲۲ گرام ہے، بانی میں م و ۱۷۵ گرام اور گندهک کے تیزاب میں ۲ و ۲۹۷ گرام تیزاب كى كتا فت ا صنا في معلوم كرو -اا ۔۔ شکر کے ایک ڈ صلے کا وزن ، ہم گرام ہے، اس کے گرد ٢٤ ٥ گرام موم کي ته چرطاني گئي ہے جس کي کنافت اضافي ٩٩ ٥ ہے اگرموم اور شکر دولؤن کا مجبوعی وزن یا فی میں ۲ ء مرا گرام مونو شکر کی کتافت اضافی معلوم کرو-١١ - تا بے كے ايك ٹكڑے كا وزن ہوايس ما ك گرام ہے اسك

اوبرموم کی ت چوها کی گئی ہے جس کا وزن مرا گرام ہے اور جس کی کتا فتِ اصافی ۹ د ہے ، اگر دو دون کا مجموعی وزن یا نی میں ۹۴ گرام ہو تو تا نبے کی کتا فت اصافی معلوم کرد۔

سا ۔ سنگ مرمر کے ایک کروے کی کنا فت افنا فی ہم ۸ و ۲ ہے ،
اس کا درن یانی میں ۹ ہرام ہے اور تاربین کے تیل میں ۵ و ۸ ہ گرام اس کا درن یانی میں ۱ درسنگ مرمر کے فکروے کا جم دریا فت کرو۔
تیل کی کنا فت افغا فی ادرسنگ مرمر کے فکروے کا جم دریا فت کرو۔
سما ۔ ایک جم دوما تعات میں تو لاگیا ہے ، ایک مائع کی کٹا فست افغا فی مرد ہے ادر دوسرے کی ۲ وا ، دویون حالتوں میں جسم کے افغا فی مرد ہے ادر دوسرے کی ۲ وا ، دویون حالتوں میں جسم کے فاہر ی درن بالترتیب ۱۸ گرام اور ۱۷ گرام ہیں، جبم کا اصلی وزن فل ہر کا فت کرو۔

10 ایک جم کو خلایں تو لئے سے اس کا ورن معلوم کیا گیا ہے اور پھرایک لنگر کو یا نی بیں نو لئے سے معلوم ہونا ہے کہ لنگرکا یہ وز ن جبم کے اس وزن کا محموعی طاہری وزن کے اس وزن کا محموعی طاہری وزن کا بی اس وزن کا محموعی طاہری وزن کا محموعی طاہری وزن کا محموعی کے اسی وزن کا محم کمنا ہے ، جسم مذکور کی کٹا فت اصنا فی معلوم کرو۔

14 - ایک جم کو ہوا اور پانی دونوں میں تولاگیا ہے، ہوائی وزن ابی وزن کا ہم گنا ہے، جب اس کو کسی دوسرے سیال میں تولاجاتا ہے وزن کا ہم گنا ہے، جب اس کو کسی دوسرے سیال میں تولاجاتا ہے وزن کے سے وجم کا ظاہری وزن جواس سیال میں سے وہ آبی وزن کے ہے ماوی ہے، دوسرے سیال کی کتا فت اصنا فی معلوم کرو۔ ہے کے ماوی ہے کہ دیسرہ سیال کی کتا فت اصنا فی معلوم کرو۔ کا اسکا جو منترویں کا اسکا ہو انتخا ہو انت

کنافتِ اصافی ۱۹۶۹ می اور وزن به عید، دریافت کرو کاس کا یا نی بس کیا وزن بوگا-

اگراس میں جاندی رکتافت اصنافی = ۵ مرا) کی آمیزسٹ ہوتی اوراس کا دزن یا فی میں ہے اپنڈ ہوتا تو جاد اس میں ہرد ات کی کیا کیا

مقدار ہوتی۔

۱۸ - ایک جبم کی کتا فت اضافی آبی میزان کے ذریعہ کے تکلتی اس کے جبکہ کتا فت اضافی آبی میزان کے ذریعہ کے تکلتی اس کیا جائے اور ہوا کے اثر کو نظر انداز کیا جا۔ فابت کردکہ محصلہ کتا فت اصلی کتا فت اصلی کتا فت اصلی کتا فت اضافی کو تعییر کرتا ہے۔ برای کتا فت اضافی کو تعییر کرتا ہے۔ برای کتا فت اضافی کو تعییر کرتا ہے۔

٥٤ ـ الغيما

ائع ہا ایک لیہوتا ہے حبکوکسی مائع کے اخر شرانے سے مائع مذکور کی گنا فت اصافی معلوم ہوسکتی ہے ، مائع ہا کئی طرح کا ہوتا ہے لیکن میاں ہم صرف و دفسموں کا ذکر کرنیگے۔

(۱) معمولی مائع میا اور ۲۱) مخلین کا مائع میا ۔

(۱) معمولی مائع میا اور ۲۱) مخلین کا مائع میا ۔

ب معمولی مائع میا ۔ اس آلہ میں شخیشے کی ایک شاری ہوتی ۔

کے جون میں بارہ مجم ا ہوتا ہے جسکی وجہ سے شرقے وقت مائع بیا کے جون میں اندہ میں افران فت اصافی معلوم کرو۔

کی ڈنڈی انتصابی سمت میں کھڑی رہتی ہے۔

کی ڈنڈی انتصابی سمت میں کھڑی رہتی ہے۔

مائع مفروضہ میں مائع بیا کو ڈال دواور فرض کروکہ یہ آلہ نقطہ میں مائع می سطے کے اندر ڈوب جاتا ہے، جب اس کو یا فی

میں ڈبویاجاتا ہے تو فرص کرد کہ یہ
یا بی کے اندر نقطہ ج کے دورب
جاتا ہے ۔
فرص کرد کہ مائع بیما کا کل مجم
صرے ادر ڈنڈی کی عمودی تاش

طول بریکساں ہے۔ جب الع بیا کو بہلے الع کے اندر ڈالا جاتا ہے او ڈنڈی کے اس حصر کا طول جو الع کے باہر رہتا ہے وال سے اور محب م اس حصر کا طول جو مالع کے باہر رہتا ہے وال سے اور محب م الم × الان ہے کہ اس جو مجم دستے ہوئے الغ کے اندر عزق ہے دہ سے ۔ وہ ح - ا × ال ن ہے۔

اسی طرح سے جب اسکویا نی میں رکھا جاتا ہے تو عرق بندہ جم

دو اول صورت میں مطابئے ہوئے ما تعات کے وزن مائع بیما کے درن مائع بیما کے درن مائع بیما کے درن مائع بیما کے درن کے مساوی میں، لینی دوحالتوں میں سطائے ہوئے مائعات کے اوزان باہم مساوی ہیں۔

اسلخ اگر ائع زیرعوری کتافت اضافی ض ہوتو (ح- إ× ان) × ض=ح- إ× اج بنص = ح- إ× اج بنص = ح- إ× اج

E1 × 1 - 91 × 1

وج

ب دن = رقی۔
اس کے نظری طور بر مانع بیا کی درجہ بندی یوں ہوسکتی ہے اور فرض کردکہ ج وہ نقطہ سے جہاں تک ما نئے بیا یا بی میں تیر تا ہے اور ڈنڈی پر یا مدودہ ڈنڈی پر ایک نقطہ و ایسا ہے کہ ڈنڈی ی اور ڈنڈی پر یا میں خوجہ یا بی کے افس حجہ کے سما وی ہے جس کو مائع بیا یا نی میں تیر نتے وقت مہنا تا کہنے ، نب کسی معلوم کانا کے بیا یا نی میں تیر نتے وقت مہنا تا کہنے ، نب کسی معلوم کانا ہے ، نب کسی معلوم کانا ہوں کا مقام ن ذیل کی مسا وات سے معلوم ہوسکتا ہے ۔

اس ما وات پر عور کرتے سے فرا معلوم ہوجاتا ہے کہ اگراضا فی کنا فتیں سلسلہ حسابیہ میں ہوں تو دن فاصلے سلسلہ موسیقیہ میں ہوگئے اور برعکس اس کے اگر فاصلے دن سلسلہ حسابیہ میں مہوں تواضا فی کتا فتیں سلسلہ موسیقیہ میں ہو بگی۔
میں ورج بندی کے لحاظ سے ممولی مائع پیما دوطرح کے ہوتے ہیں اس ورج بندی کے لحاظ سے ممولی مائع پیما دوطرح کے ہوتے ہیں اور ان کو چاہیں میں فاصلہ دن کی قیمتیں سلسلہ حسابیہ کے موافق صعود کرتی ہیں اور ان کے جواب میں فاصلہ دن کی قیمتیں سلسلہ موسیقیہ میں نزول کرتی ہیں ہمس طرح سے درجہ بندی کے فیانات جوں جوں وال کرتی ہیں ہمس طرح سے درجہ بندی کے نشانات جوں جوں وال کرتی ہیں ہمس طرح سے درجہ بندی کے نشانات جوں جوں وال کرتی ہیں ہما ہما کہ ہوتا جائیں گے ان کا باہمی فاصلہ کم ہوتا جائیں گے۔

(۲) بوے کا مائع بیا جا استعال بوری کے دیگرمالک میں

3

W

يدام

كان كان

4

الم

ננו

کیا جاتا ہے ' اس میں ون کی قیمتیں سلسلہ صابعہ میں ہوتی ہیں اس کئے درجہ بندی کے نشانات کے با بھی فاصلے بوابرہوتے ہیں اور ان کے متعلقہ ض کی قیمتیں سلسلہ موسیقیہ میں ہوتی ہیں ۔

ہیں اور ان کے متعلقہ ض کی قیمتیں سلسلہ موسیقیہ میں ہوتی ہیں ۔

ہیں اور ان کے متعلقہ ض کی قیمتیں سلسلہ موسیقیہ میں ہوتی ہیں ۔

ہیں اور ان کے متعلق کی ہے جبکا عرض لم اپنے ہے اور اس کی باایک گئوٹی کی تراش مربع شکل کی ہے جبکا عرض لم اپنے ہے اور دوسرے مانع میں گئوٹی کی تراش مربع نظام کی ہے جبکا عرض لم اپنے ہے اور دوسرے مانع میں نیزتے وقت ہم اپنے دولاں ا معات کی اصنا فی کنافتوں کا مقا بلہ کرو۔

یہلے ما تع میں عزق سفدہ مجم = ۲ - ۲ × لیے اور اور کا مقا بلہ کرو۔ وسرے النع میں غزق شادم مجم = ۲ - ۲ × لیے اور کا مقا بلہ کرو۔ وسرے النع میں غزق شادم مجم = ۲ - ۲ × لیے اور کا مقا بلہ کرو۔ وسرے النع میں غزق شادم مجم = ۲ - ۲ × لیے النع میں غزق شادم مجم = ۲ - ۲ × لیے النع میں اور ض ہوں اور ض ہوں اور ض ہوں اسلے اگر ما نعات کی اصنا فی کتا فتیں با لتر تیب ض اور ض ہوں

مشوق 4- ایک معمولی ایئے پہاکی ڈنڈی اسطوانہ کی شکل کی ہے اور ورحبہ بندی کاسب سے ادبر کا نشان کثا فت اصافی اکو ظامر کرتا ہے اور سب سے نیچے کو نشان ۲ واکو ' بنا وُکہ جو نشان ان دو بوں کے عین درمیان میں ہوگا وہ کیس کثا فت اصنافی کو تعبیر کر پیگا۔

وفعہ الم کے حووف اور علامات استعال کرنے سے فرض کروکہ اگر مائع کی کثا فت اصنافی ا ہو تو نقطہ ج مائع کی سطح میں ہوتا ہے اور اگر کتا فت اصنافی ۱ ہو تو نقطہ من سطح میں ہوتا ہے اور اگر کتا فت اصنافی ۲ وا ہو تو نقطہ من سطح میں ہوتا ہے۔

يعني و ن= وج بيا فرض کروکہ ج ن کا نقطہ تنصیف ن ہے اور اس کے متعلقہ کٹا نت اصافی ک ہے اس لي ون= رق (٢) (じ) + きり) + = じり= きり : = + [(3 + 2) + = 11 = 0 + 1 = - $13 \cdot \dot{q} = \frac{17}{4} = 5 \cdot 11$ یہ امر قابل عورہے کہ بیر جواب ا اور ۱ وا کے تھیلک درمیان میں بہیں ہے یس زیادہ عام طور پر اگر مائع پیا کے دو درجوں کی متعلقہ اصافی كتا فتي بالترتيب من اور من مول تو ان درجول كے عين ورماني ننا ن کی متعلقہ کتا فت اصافی ص ساوات ذیل سے حاصل ہوگی من + من = ٢ ١٨- تكاس كا مالغ بيها - اس آله بين د بات كا ايك مجوّ ف برتن ا ہوتا ہے جس کے اوپر ایک بتلی ڈنڈی کے در بید ایک چھوٹا پلڑا ب لگا ہوتا ہے، اس پلڑے یں باط رکے جا سکتے ہیں ، مائع کے نیلے سرے پر ایک چھوٹی وزن دار بیالی یا بڑبی ہوتی ہے جس کو اس متدر ہوجمل

تخلس كا ما تع بيما 16. (1)

بنایا جاتا ہے کہ تیرتے وقت آلہ کا توازن قا کمربتا ہے۔ بيآله دوبا سُمات كى اصنا فى كتا فتو س كاسقا بله كرف اورنز سی تھوس حبم کی کتا ات اصافی معلوم کرنے میں کا م آتا ہے۔ اس کی ڈنڈی لیا کی نایاں نشان کی رکا ہوتا ہے، اللہ کے استمال کاطریقہ یہ ہے کہ اس کے اویر کے پراے میں اتنا وزن رکھتے ہیں جس سے کہ یہ نشان ان دوما معات کی سطح میں آجائے جن کی اصنا فی کتا فتوں كامقابله كرنامقصود موتا س دا كسي المع كى كتا فت اعنا في معلوم كرو-فرض کروکه آله کا وزن و ہے اوروہ وزن جوآلہ کو و سے ہو ئے مائع میں نفظہ ن سک وہونے کے لئے المطے میں رکھنا پڑتا ہے و ہے اسی طرح سے وہ وزن جوآلہ کو نقطه ن یک یا نی میں و بوسکتا ہے و ہے۔ وفعہ عدی و سے ظاہرے کہ صورت اول میں و + ق آلے کے بٹائے ہوئے مائع کا وزن ہے۔ اسی طرح سے و + و آلہ کے بٹائے ہوئے یا نی کے وزن کے ساوی ہے کہذا دیے ہوئے مائع اور یا نی کے مائی حجوں کے وزن بالتریت و + و اور و + و ہیں -يس مطلوب كثانت اصانى = ومدو

U."

(۲) ایک عفوس جسم کی کتا نت اصافی دریا فت کرد...

فرض کروکہ المرکو نقطہ ن تک مائع میں ڈبو نے کے لئے پڑ
یب میں وزن ورکھنا بڑتا ہے اب اس وزن کو ہٹا کر لمرا
میں بیسے کھوس جسم رکھ دو اور فرض کروکہ المرکو ن نکے

ڈبو نے کے لئے اِس جسم کے علاوہ مزید وزن و کی عزورت

ہونی ہے ۔

بونی ہے ۔

ت مرکا کھوس جسم کا وزن = و ۔ و

رو الم المسترسي الموس مرياً الموس مرياً الموس مرياً الموس مرياً الموس مرياً الموس مردكة الم المردر كالمو اور فرض كردكة الم المنطم الما المردر كالموس و وزن الموسطة المرد المر

ظاہر ہے کہ وزن و اورجسم کا وزن پانی سے باہردونوں کر دہی اثر بیرا کرتے ہیں جوجسم کا وزن پانی سے انداور وزن و ملکر بیدا کرتے ہیں۔

ن کھوس جبیم کا وزن + و = جبیم کا وزن یا بی میں + و ن و - و = جبیم کا وزن - جبیم کا وزن یا بی میں = جبیم کے مہنا سے ہوسئے یا بی کا وزن [دفورہ] نیز و - و = جبیم کا وزن

اس لئے مطلوبہ کتافت اصافی = و-و غور کرنے سے معلوم ہو گا کہ تخلس کے ماسع بیما کے ہٹائے سوئے مالع کا جم منتقل ہوتا ہے اور معمولی مائع بیما تے بیٹا سے ہوئے مالع کا دون منتقل ہوتا ہے۔ ۱۹۸ مشق کیلن کے مائع پیاکو پانی میں معین نشان کا ڈبو نے کے لئے ایکے اوپر کے پیڑے کے بیڑے کے بیڑے میں ۲۰۰ گرین و کھنے پڑھتے ہیں ، جب اس کے اوپر کے بیڑے میں پیتھر کا ایک ٹکڑا رکھ دیا جا تا ہے تو اس کو نشان معینہ تک ڈبو نے کے لئے مزید ۸۰ گرین کی حزورت ہوتی ہے - اگر بیتھر کے ٹکڑ سے کو نیجے کی بیا بی میں رکھا جا ہے تو ۱۲۸ گرین ورکار ہوتے ہیں بیتھر کی کتا فتِ اعنا فی معلوم کرو۔ ،

اگر ما نئے بیما کا دزن و گرین ہوتو ہٹا ہے ہوئے الئے کا وزن معادی کا دزن و گرین ہوتو ہٹا ہے ہوئے الئے کا وزن معادی

r.. + 9 (1)

(۲) و + ۸۰ + يخر كاوزن

رس) و + ۱۲۸ + بيم كا وزن يا في س

ن و + ۰۰۰ = و + ۸۰ + بخفر کا وزن

= و + ١٢٨ + يتم كاوزن يا يي

٠٠٠ = بيتمركا وزن ا

٢ = يتمركا وزن ياني س

= ١٢٠ - يتمرك بائے بوت يانى كا وزن ... (٢)

عظوم كأفت اصافى = بيترك بنائے ہوئے بانى كاورن = ٢٠٠٠ على اللہ على

 $YSO = \frac{D}{V} = \frac{IV}{VA} =$

المتلهميري ١٩

ا- ایک جمولی مائع بیا کا وزن ۲ اونس ہے، اس کی درج بندی اسے ۱۵۲

ک کی کعب

- 2

163

۳-

رمتی -رمتی -

۸ اچ د ندم

- (x e

اضا في

العاو

ر اوپر-

-0

اس کو کوز جه

-9 -18

نا دُك

تک کی اصافی کتا فتوں کے لئے کی گئی ہے الدکے اس حسوں کے حجم کعب الخوں میں درما فت کرو جوبالترتیب نشانات ا اور اور اور اور کا کے نیجے ہیں۔

٧- ايک معمولی ما نع بيما کوجب با نی کے اندر چيورا اجاتا ہے تو اس کے جم کا جو دُوبا رہتا ہے اور جب اس کو وود حدیں چيورا حابا ہے تو اس کے جم کا جو دُوبا رہتا ہے ، دوده کی کتا فت امنا نی در في کرد اس کے جم کا جو گا وجب ايک ايسے ميال کے اندر حيورا حابا ہے دس کی کتا فت امنا فی ۲ عالم جب حب کا فت امنا فی ۲ عالم ايسے ميال کے اندر حيورا حابا ہے دس کی کتا فت امنا فی ۲ عالم ایسے تو اس کی دُوند ی ہم این ما نے کے باہر رہتی ہے ، اور ہم وا کتا فت ا منا فی کے ايک دو سرے مالئ ميں مرائح ميں جب اور ہم وا کتا فت ا منا فی سے ایک ایسے مائع ميں جس کی کتا فت امنا فی سو وا موسکی در در مرائے سے کتنی باہر رہگی ۔

ہ - ایک مائع بیما کی درجہ بندی کاسب سے نجلا نشان ۲ واکما فن اصنا فی کو تعبیر کرتا ہے ، اگر سب سے اوپر کے نشان اور سب سے نیجے کے نشان کا در سیانی نقطہ ۳ واکنا فت اصنا فی کو تعبیر کرے نو رہے اوپر کے نفظہ کے متعلقہ کنا فت اصنا فی دریا فت کرو۔

۵ - ایک معمولی ما نئے بیا کا حجم ۱۲ کمعب سنتی میتر ہے اور دون ۹ گرام اگر اسکا اس کو ۵۸ کر کثافت اضافی والے ایک سیال میں جھوڑا جائے نؤ بتا وکہ اسکا کتنا حصتہ بیال کے باہر دہ سکا۔

٧- ايك معمولي مائع بيما كے جون كا كچھ حصد كرّت استمال سے گفس گيا ہے، اس وجہ سے يہ يانى كى كتا فت اصافى ٧٠٠ ء افلام كرتا ہے ك بتاؤكر اس كے وزن كى كو نسى كسركم ہوگئى ہے۔ يكون ستا معلوم ملية ك الم ہوتی --14 من كنه -15 وزن

ے ۔ 1' ب اور ج تین سال میں ان تینوں میں ایک معمولی انعیما چھوڑاگیا ہے جس کی وٹنٹی و میں م ایخ باہر رہتی ہے، ب میں س ایخ اور ج بس م ایخ ، اگر ای کنانت اصانی ۸ مر بواور ب کی ٨٥ و تو ج كى كتأنت اضافى دريافت كرو -٨ _ خلس كے ايك مانع يما كا وزن ٨ اونس جيئاس كو ايك سيال میں میں نشان تک وابو نے کے لئے اس کے باطے میں م او بن کامزید وزن رکھنا پڑتا ہے اور دوسرے سال میں اُسی نقطہ کک ڈابونے کے لئے ہ اونس کا دواؤں سالوں گی اصنا فی کتا فتون کا مقابلہ کرو۔ 9- ایک کلی کے مائع بیما کا وزن سے اونس ہے، دو انعات میں اس کو تابت نفظ تک و ہونے کے لئے اس کے براسے میں بالرتیب مادین اور ۳ اونس وزن ر کھنے پڑتے ہیں، دونوں ما تعات کی اصافی كنَّا فنو ل كاسقالمه كرو-١٠ - ايك كلن كے مائع بياكا وزن سے ١٠ اون ہے ، اس كو تابت نقطہ تک یانی میں ڈیو سے جیلئے ہے ، اونس وزن در کار ہوتاہے، بناؤكه اس كواس نقطه تك ٢٥٢ كنافت ا صنا في واله ايك سيالي و بو نے کے لئے کتنا وزن ورکار موگا۔ اا۔ ایک تخلین کے مائع بیا کو اس کے نقطہ معتید تک وہونے کے الے ٢٢ گرين در كار ہوتے ہيں ، جب ايك علوس فيے اس كے اوير کے پاطے میں رکھی جاتی ہے تو مرف ١١ گرين مزيد وزن کی مزورت ہوتی ہے، جب اس شے کواس کے نیچے کی بیالی میں مالئے کے اندر رکھا جاتا ہے تو ۱۷ گرین کانی ہوتے ہیں اس عقوس سنے کی کتا فتاصانی

١١- ايك كلن كے مائع بماكا اينا وزن ١٢٥ كرين ہے، جب ايك جیوٹاجم اس کے اویر کے باڑے میں رکھا جاتا ہے تو آلہ کواس کے نقظہ منینہ کک وابو نے کے لئے مزید ۳۰ م گرین وزن بلوطے میں رکھنا پراتا ہے، لیکن اگرجم کو نیچے کی بیالی میں رکھا جائے نو ، ۲۴ گرین کی مزورت ہوتی ہے ، اس حبم کی کثافت اصنافی معلوم کرو۔ ١٣ - ايك تخلس كے مائع بيا ميں بالله ل كي كتا فت اضافي ٨ سے اس کے اور کے پارٹے میں ٢ اونس وزن رکھتے سے مائع بیا جرفقطہ تک ووب حاتا ہے اس کو اسی نقطہ تک و بو سے کے سئے نیچے کی سالی یں کتنا وزن رکھنا پڑے کا ؟ ١١٠ بخربي بواك الركو نظراندازكر كے ايك جم كى كتا فت اصافى كفلن كے مائع يہا سے كب دريانت كى كئي ہے اگر ہوا كى كتا فتإ منا فى مد ہوتو تابت کروکہ حبم کی اصلی کتا فت اصافی کے ۔ عد (کے ۔ ا) ہے نیز اگر جیم کا ظاہری وزن بخربہ سے و معلوم ہوا ہو تو اس کا اصلی وزن بھی معلوم کرو۔ فرص کروکہ بالوں اور حبم زیر محبث کی اصلی اصنا فی کسٹ فیتس بالترسيب كر اورك ہيں، اور و، و اور و كے وہى معنى ہيں جو وففہ میں بخویز ہو علے ہیں، نیز فرص کروکہ جسم اور آلہ کے اصلی وزن بالتریتب و اور وسی

ی وزن بالتربیب و اور و بین تب د و نه سرم کے مطابق و = و - و اور ک = و - و ____ M. SI 201 انين جوا

مكرك فالات

6-10 ليم م

كأنتر

1801 کر ہے

25 1-14

ומוש ك كني

163

AD أنافز

چونکہ تجربہ د مغہ سم کے طریقہ پر کیا گیا ہے اللئے و + و (ا- عمر) = بٹائے ہوئے یانی کا وزن وً + ورا- عمر) + و (ا- عمر) = بالم عبو ع إنى كاوزن اور وَّ + و (۱- عمر) + وَ (۱- ل = بِنَا عَمْرِهِ مَ إِنْ كاوزن ن على تفزيق سے

و (١- ١٠ - ١) = (٩- و) (١- ١٠ - ١)

· (- 4) = (- 4) = (- 1) · ·

لبذا تقبیم کرنے سے ك-نه = و- و = كر ١- ع = و- و

د ک = عد +ک، (۱-عد) = کې -عد (کې -۱)

 $e^{\frac{1-\frac{2}{2}}{1-\frac{2}{2}}} = \frac{e^{\frac{1-\frac{2}{2}}{1-\frac{2}{2}}}}{2-2} = e^{\frac{1}{2}}$

و(ا-حقر) [ك-درك-١)

= [[- 2] [1 + 2 (1 - 4)]

ہم نے ان حایات میں اس ہوا کے وزن کو نظر انداز کر دیا ہے جس کو

ا نع بیاکا وہ حصہ جو دوبا ہوا نہیں ہے ہٹاتا ہے ، یہ مستقل رہتا ہے اس لئے و کی طرح ساواتوں (۱) اور (۱) میں رو منا بنس ہوتا۔

۱۵ – فلا میں استعال کرنے کے محاظ سے ایک مائع بیا کی درجہ بندی صبیح ہے، ٹابت کردکہ اگرا سکو ہو ا میں استعال کیا جائے اور ہوا کی کتافت ا منافی میں کتافت ا منافی میں استعال کیا فت ا منافی میں اس کی اصلی کتافت ا منافی کے کت کا اضافہ ہوجائے گا جہاں کت کو اس کی اصلی کتافت ہے جو مائع بیا کے کت کا اضافہ ہوجائے گا جہاں کت کو گرو ہے ہے جو مائع بیا کے باہر کے حصد کے جم کو ڈو ہے ہوئے میں انتقاب ہے اس کا قلید ہے۔

۱۶ – ایک سعولی انع بیا کے جوف سے ایک درا ساکٹرا ا ترگیا ہے اور اس سے نین ا نعات کی اصافی کتافتیں عد ' نبر اور جر معلوم کی گئی ہیں ' اگران کی اصلی اصافی کتافتیں عد بر اور جر ہوں تو نابت کروکہ

ور عد بر (الله - بر)

مر برائی کے فرلیدکٹافت اصافی معلوم کرنیکاطافیہ اگر دو اکنانی کے فرلیدکٹافت اصافی معلوم کرنیکاطافیہ اگر دو اکنات ایسے ہوں جو ہیں میں نظیب ہو ان کی اصنائی کٹافوں کا مقابلہ ایک خمدار نلی کے ذرلیہ بھی ہوسکتا ہے۔ کٹافوں کا مقابلہ ایک خمدار نلی ہے درلیہ بھی ہوسکتا ہے۔ کہ بیاج ایک خمدار نلی ہے ، اس کی دولوں سٹافیں ایک دوسرے کے متوازی ہیں ادر اس کی عمودی ٹرامشس ہرجگہ کمان ہے۔

2 | 2 | 3 | 3 |

دوسفاخوں میں دوما نکات اوالے گئے ہیں جن کی مفترک سطے د برہے اور جن کی تعلی سطحیں ن اور ق برہیں -فرص کرد کہ نقطہ د استاخ

ج ب بر ہے اور شاخ آب میں ایک نقطہ ع ایسا ہے کاس کی جواری دکی جواری کے

-414

نیز خرص کروکہ دوسیالوں کی اصنا فی کتا فیس بالترنیب صن اور صنی ہیں ، اور معیاری شے کے حجم کی ایک اکا نی کا وزن و بنے تب ع اور د برکے وباؤ بالترتیب

فی×و ×ع ن + ۱۱ اورض دو× دی + ۱۱ بین جان ۱۱ کوه بوائی کے دباؤ کو تعبیر کرتاہے -

ی سے دباو تو تعبیر کرا سیے ۔ چو تکریر ما نکات متوازن ہیں اس لئے یہ دباؤ با ہم مساوی

- Z Un

ن ضربرو × ع ن + H = ض × و × ح ق + H

: ص = عن

یسی و دما تعات کی اصنا فئی کتافتوں کی اہمی سنبت مساوی ہے اسکے ارتفاعوں کی سنبت معکوس کے جہاں یہ ارتفاع بالترتب سطے منترک سے نا ہے گئے ہیں ۔

ارائيك

مكون سالا

1714

۲- ا آدهی

متناك

-<u>-</u>

انظا

طول بحردة

5

الم-

11

357

0

51

امثلهمبري٠٢

ارابک لانما کلی کے پیلے حصتہ میں پارہ پڑا ہے، اگربارہ کی کٹا فت اصنا فی اور اور ہوتو بتاؤکہ نلی کی ایک شاخ میں کتنے ایج کی بلندی تک پانی ڈالا جائے کہ بارہ دوسری شاخ میں ایک ایخ اور او پر چرٹھ جائے۔

۲ - ایک لانما نلی کی مرا یک شاخ مر آیج لمبی ہے، نلی کی دونون شاخیں آدھی بانی سے بھردی گئی ہیں جب ایک شاخ میں اتنا قبل ڈالاگیا ہے آدھی بانی سے بھردی گئی ہیں جب ایک شاخ میں اتنا قبل ڈالاگیا ہے جناکہ مکن ہے، اگر قبل کی کثافت اصنا فی بیا ہونؤ معلوم کروکہ الی جننے طول میں تیل ہے۔

۳۰ - ایک کمیاں خدار کی دوشاخیں ا نتھا بی ہیں اور کی کا جوصہ ان شاخوں کے نجلے سرول کو ملاتا ہے وہ متوازی الا فق ہے اور اس کا طول ۲ ایخ ہے ۔ نلی میں اتنا بانی ڈالا گیا ہے کہ دہ کی کو ۲ ایخ یک بحردتیا ہے اور کیم اینا بیل ڈالا گیا ہے کہ نبل نلی کو ۵ ایخ یک محردتیا ہے اور کیم ایک شاخ میں اتنا بیل ڈالا گیا ہے کہ نبل نلی کو ۵ ایخ میں اتنا بیل ڈالا گیا ہے کہ نبل نلی کو ۵ ایخ میں اتنا بیل گا فت ہے جو تو بتا و کہ تیل اور بابی کی مضرک سطح کہاں واقع ہو گی۔

سم - ایک لانما نلی کے نیلے حصد میں یارہ ہے، اس کی ایک شاخ میں ایک مائع ڈالاگیا ہے جو نلی کو ۸ ایخ تک بھردیتا ہے ، اگر العاسہ کے ارتفاعوں کا فرق کے ایخ ہو اور یارہ کی کثافتِ اصافی ۲ ء ۱۳ مولة دومرے مائع کی کثافتِ اصنافی دریافت کرو۔

۵- دوانتصابی نلیوں کی میں ترانتوں کے رقبے بالترسیب ا اور اور مربع این بہن ان کے نجلے سروں کو ایک کی کے ذریعہ لا یا گیا ہے

سكون شاء مثاليس ا کیا ہے، اس ملی میں اور نیز اختصابی میں میں مجھ یارہ بڑا ہے جبکی کٹافت اصافی ۹۹ ۵ و ۱۳ اے ، بتا و کہ بڑی تی سی کتنا یا نی ڈالاجا ہے کہ رد انگاء چھوٹی نلی میں پارہ کی سطح ایک ایخ اوپر چڑھ جائے۔ ٧- ايك لانماني كي شاخول كي را منون كے رقبے بالترميب ٢ مر يج سنتي مترادر ایک مربع سنتی مترمین ، اس بلی کو انتصابی حاکت میں رکھا گیا ہے المر کھے المر کھے یارہ ڈالاگیا ہے حبی کثافت مو دس ہے اور ليول-تب چوڑی شاخ میں ۲۵ معب سنتی میتر یا نی دالا گیا ہے ا بناؤ کہ اس بی میں یانی کے دباؤ کی دجرسے یارہ کی سطے پہلے سے کتنی ينجي ہوجائے گي۔ ے۔ ایک لامنا الی کی شاخون کے طول برابرہی اور ہرایک کی تراش کا رقبہ عد ہے نی میں کہ کا نت کا ایک مائع ڈالاگیا ہے ایک ظانے مائع كي مع يرك , (حرك) كنا فت كا ايك عنوس جم بالخليف يترد إ ج جركا جم عہ ب ہے دوسری شاخ کا وہ طول حس میں الئے بنیں ہے ج ہے اس سانے کو جس کے اند مٹوس جسم نیرد ا ہے کو (دکر) كنّا فت دا كا اورسال مع بمرديا كيا بي فأبت كردكه دوسرى الخ كاده طول جس س الحبى ك الع بنيس ب ہے کا ماتع بہا ۔ اس میں دوانتھا بی نلیاں ہوتی ہیں جن کوایک افعی نلی وق، کے ذریعہ ملادیا جاتا ہے اور ق کے

राउँ।

رروك

كي فول

5 35

كاداد

וולט

كيستحد

ساتھ ایک اور حیو کی نلی بیوستہ ہوتی ہے جس کے اندایک روک ڈواٹ لگی ہوتی ہے انتھالی الموں کے سرے آن رو ما نعات لا اور ب میں الگ الگ ڈبود نے جاتے ہیں جنگی كنا فتون كا مقابله كرنا مقصود مونا مهد وكيوكل ديل ر کو کری ہوا بیب کے ساتھ ملانے سے یا محن جوسنے سے عمودی لیوں کے اندر کی مجھ ہوا نکال لی جاتی ہے جس سے اندر کی ہوا کا دباؤکرہ ہوائی کے دباؤ الاسے کم ہوکر الا ہوجا آ ہے تا دولوں انعات نلیوں میں ع اورت کی ابندی کے چڑھ آتے رص کروکہ انعات کے برتنوں ا اور سیا کے اندا انعات العظمين ج ادر ديرين عج ع اور د من كوناب لو-نیزفرض کرد که اور می کے مائعات کی امنانی کتا فتیں بالترتيب ص اور ص اس د فعد اس کی رُو سے M= #+ex wx33 اور ۱۱= ۱۱ + وبرض × دف حس سے دوبوں ما تعام کی اضافی كتا فنو ل كى سبت معلوم مېوكئى-اكرايك ما ينع كى كتا فت اصنا في ص معلوم بروشلاً يا في كي يو ص

ظ ہرہے کہ میر کے مائع بھاکا طریقہ اکٹی لامنا نلی کے ذریعہ كتًا فت ا فنا في معلوم كرنا ب--كتًا فت اعنا في كي كونيا ب-سي ائع كي كتا نسامناني وریا فت کرنے کا ایک اور طریقہ بھی مستعل ہے ا شینے کی چند كولياں كيتے ہيں جن ميں يارہ تجرا موتا ہے ، يارہ كا وزن كم و بین کرنے سے برگولیاں آبی بنائی جاتی ہیں کہ فاص فاص كو ساں خاص خاص مائعات كے اندر عين تيرسكتي ہيں، جو كولى من مائع مين ترف ك عين قابل بواس كوكي برأس مائع كى كتافت اصنانى درج بونى بير-جس الريكى كتابت اصنانى دریا فت کرنا مقصود ہوتا ہے اس کے اندر مختلف کتا فتول کی كئى ايسى كولياں ڈال وتے ہی ايساكرنے سے بعض كوسياں بالكل ته مين دُوب ما تي بين اور تعف سطح يرتيرتي بي-اب اُن دوگولیوں کو لوجن میں سے ایک عین آہت ہے دوب جائے اور دوسری دہ ہواس طرح تیرے کہ اس کا دراسا صیّر یا نی کی سطے سے باہرر معے تنب مائع زیر بحث کی اصافی کتافت تقریباً ان دوگولیوں کی کتا فتوں کا اوسط ہوگی-

+ (4).

- AA

كون سيالان

یں جڑا صنرہ ازا بھی کم

اتعالی ہے

طرن کر از

اں بیردا گیس کی

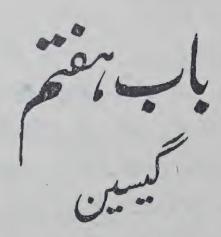
الأديد إ

-19

(1)

ادر قابله

گیسیں



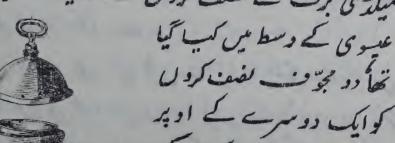
٨٨ - وفعم سي ايم بنا چكے اين كركيسوں اور مانعات یں بڑا صروری فرق یہ ہے کہ انعات کو دباکر اُن کا مجم نظاہم ذرا بھی کم نہیں کر سکتے لیکن کیبوں کو دباکر اُن کا جم نہایات اتمانی سے کم کیا جا سکتا ہے۔ محسی گیس کا دباؤ بھی اسی طح سے نایا جا سکتا ہے جسس طرے کہ مائع کا 'مانع کی صورت میں دباؤ اس کے وزن اور نیز اس بیردنی دباؤکیوجر سے سیا ہوتا ہے جو کہ مائع پر ڈالا جائے لیکن گیس کی صورت میں دباؤک انحصار بالعموم صرف اس بیردنی دباؤ پر ہوتا ہے جو کہ گیس پرعل کررہا ہو۔ ٨٩- بوا دبار والى مب اس امرى تقديق كئي ايك تجربوں سے ہوسکتی ہے۔ (۱) اگر ہم ہوا کا ایک بھکنا ہوا یہ کے قابلہ کے اندر رکھیں اور قابلہ کی ہوا حارج کرین تو بھکنے سے اہر کی ہوا سے دیا ک

سميسين

کا مقالم اندرکی ہواکا دبا وُنہسیں کر کے گا اور پھکنا پھولت اشردع کرے گا ۔ اگر ہم ہواکو بت دریج ظارح کرتے جائیں تو پھکنا جم میں بڑھتے بڑھتے بالاخر بھٹ جا ہے گا۔

رب اگر ہم سٹینٹے کے ایک گلاس کو اوندھا کرسے بانی کے اندر دکھیلیں تو معلوم ہوگا کہ گلاس کے اندر بانی کی سطح اندر دکھیلیں تو معلوم ہوگا کہ گلاس سے اندر بانی کی سطح سے نیجی ہے اس کی دجہ اس کی دجہ ایس کی موا بانی کو نیچے کی طرف دباری

رس) اسی امر کے بڑوت کے لئے ایک اور تجربہ بہلے بہل میگری برگ کے نفیف کروں کے ذریبہ سے تھویں صدی



اچھی طرح چیاں کرکے ہوا بند بنا دیاگیا۔

بوت کے اندر کی ہوا بزریم

جون سے امادی ہو، بیتیہ معلوم ہواکہ ان نصف کروں ہوا بیت فارج کی گئی، تب معلوم ہواکہ ان نصف کروں کو علی دہ کرے کے لئے ایک بیٹی توت درکار ہوتی ہے ایک ایک کا فطر ایک قط ایک قط ان کو اگر آن میں سے ہرایک کا فطر ایک قط اور ان کو علیموں کرنے سے لئے جو قوت لگانی بیٹے گی دہ ۱۲۰ بونڈ وزن سے نیادہ ہوگ۔

-9- ہوا وزن رکھتی ہے۔ اس امرکو تجربی طربق بر ذیل کے طریقہ سے ثابت کیا جا سکتا ہے ایک سیسنے كا مجوِّف كره لوجس ميں ايك روك داط لگي و في ويوايدوا يمي (دفعہ عسا) سے یاکسی دوسرے ذریعہ سے اس کے اندرکی ہوا خارج کرمے اس کو اچھی طح تول او-اے ڈاسے کو کھول دو تاکہ اس کے اندر ہوا جلی جائے اور اندر کی ہواکا دباؤ کرہ ہوائی کے دباؤ کے ساوی ہو جائے اس کو پھر اچھی طرح سے تولو-معلوم ہو گا کہ دوسری صورت بس کرہ کا وز ان بہلی صورت کی نسبت زیادہ ہے۔ اور وزن کی یہ زیادتی ہوا کے وزن کی وجہ سے ہے۔ ہوائی کٹافتِ اضافی بلحاظ یانی کے ١٠٠١٢٩٣ معلوم كى كئى ہے يينى ہوا كے ايك مكعب فط کا وزن قریباً ۱۶۲۹۲ اونس موتا ہے۔ اس لئے پارہ کے ہے منتی میتر کے دباؤ پر ختک ہوا کی گئ ١٢٩٣ - وگرام في مكعب سنتي ميتر بهوني ہے -= 5-- 1798 ا 9 - اسی طریقہ سے بتایا جا سکتا ہے کہ اور گیسین بھی وزن رکفتی ہیں اور دباؤ ڈالتی ہیں -فیل بی چندمشیور گیسول کی اضافی کُن فیش ، سنتی گریکی تیش اور بارہ کے ۲۷ سنتی میتر سے دباؤ پر درج کی گئی ہیں۔

5 . . IN M. بالميدروحين نا تعشرو حن كارباتك السنكس اس سے ظاہر ہے کہ ہائیڈروجن ہواکی نسبت تفریباً ہماگنا ہلی ہوتی ہے ، اس سے غیاروں میں بھرنے کے لئے اس کیس کواستمال کرتے ہیں -کار بانک الیدگیس ہواکی نبت بہت بھاری ہوتی ہے اور اس کو مائع کی طح ایک برتن سے دوسرے برتن ين وال عقون ٩٢ - كرة مهواتي كا دباؤ - شيش كى تين يا چارفك لمبی ایک نلی لوجس کا ایک سرا ای کطلا ہو اور دوسرا خراب بند ہو - اسکو اختیاط کے ساتھ یارہ سے بھرواوراس کا کھلا سرا ر انگلی سے بند کرلو پیسر نلی کو الٹ کرکے اس کا کھلا سرا اكے ايے برتن كے اندر ولو دو جس ميں كؤ موالئ کے رہا ک پر مجھ یارہ بڑا ہو۔ نلی کو انتصابی سمت میں رکھو تب معلوم ہوگا کہ علی سے اندر کا یارہ کچھ نیچے اثر آیا ہے اور اس کی سط ایک ایے نقطہ جی ہے آکر محصیہ گئے ہے جس کی لبندی برتن سے یارہ کی سطح س سے تقریبًا ۱۹ یاب

------آسانی سے سے فض کرو کہ - द हा न- हांडा = اب کی کے عین اندرس پر کے ایک مربع ایج پر جو دباؤ ہے وہ اُس پارہ کے وزن کے ساوی ہے جو اس مربع ایج کے اوپر ہم ایج تک قائم ہو۔ نیز تلی کے اندرس پر جو دباؤ ہے وہ اس دباؤ کے سائی ہے جو باہر کے بارہ کی سطح پر ہے اور آخرالذکر دباؤ کرہ ہوائی كا دباؤ ہے اس لئے عابت ہواكه كره جوانى كا دباؤ ياره كے بد انج اویجے ستون کے وزن کے ساوی ہے۔ یہ تجربہ بالعوم طریسیلی کے تجربہ کے نام سے موسوم کیا جانا ہے اور نلی کے اندرج کے اوپر جو ظلا ہے اکو اكر ظل مے طبیلی کہتے ہیں ۔ اگر نلی کے اندر پارہ کے ستون کے ارتفاع کو بغورد کھتے مریں تو معلوم ہوگا کہ یہ ہیشہ بدلنا رہنا ہے جس سے یہ نتجہ نکلتا ہے کہ کرہ ہوائی کے دباؤ میں ہمیشہ تغیر واقع ہوتا رہنا ہے یہ دبار بالعموم کم ہوتا ہے جب کرہ ہوائی کے اندر بخار کی زیادہ مقدار موجو دہو۔ رسم اڑس ج کی بندی معلوم ہوتو ہم کرہ ہوائی سے دبا و کو اس طرح بھی بیان کرسکتے ہیں کہ بیاتنے یوٹدورن فی مربع نظ یافی مربع الخے سادی ہے۔

چۈكى خانص ياره كى ك فت يانى كى ك نت سے ١٩٥١ و١١١ کنی ہوتی ہے اس کئے تابت ہواکہ پارہ کی کثافت فی محب فيط ١٩٥١ اونس ہے اگر شون س ج کی بندی ٣٠ ایخ ہوتو کرہ ہوائی کا دباؤ ٹی مربع ایج = یارہ کے . سمعب ایک کا وزن = ٥٠٠٠٠ = اسی طرح سے ستی میتر گرام اکائیوں میں اگر ستون کی بلندی ٧ عنتى يتر يو تو كره بوالى كا دباؤ فى مربع ستى ميتر = ٢٤ كمعب ستى يترياره كا وزن = ۲ × ۲ ۹ ۹ ۲ ۲ ۱۳۶ معب سنتی میتریانی کا وزن = דב א רף סניהו לוק פנט = ۲۹۲ 2 ש ש ۱۰ گرام وزن = ۲۹۲ 2 ש ۲ ۲ ۲ ۳۱۰ وزن = ۲۷ ۲ ۲ ۲ ۳ ۲ ۲ ۳۱۰ وزن م ٩- كرة بوالى كا معيارى دباؤ-كرة بوالى كا ده دباؤ میں کی وجہ سے ؟ سنی گرید کی سبٹس پر بارہا سے ستون کی لبندی ۲۷ سنتی میر بو کرهٔ بوانی کا معیاری یا طبعی دیاؤ كماآ ہے دفعہ كنشتہ س بتايا جا كيا ہے كه يه دباؤ في مربع سنتی میتر ۱۰۱۳ ۱۰۱۴ وا اون کے ساوی ہوتا ہے انگان میں یارے کے مم انج (= ۲۶۲ منتی میرتقریاً)

او پنے ستون کا دباؤ کرہ ہوائی کا میاری دباؤ سمھا جاتا ہے اور یہ دباؤ ۵ ء عمر پونڈ وزن فی مربع فٹ کے مساوی ہوتا ہے۔

چونے یہ معیاری دباؤ یارہ کی ایک فاص مقدار کے وزن جونوں ہوتون ہے اس کئے دسب دفعہ کے علم حرکت) ظاہر ہے کہ زمین کی سلمے کے سب مقامات پر یہ دباؤ کیکاں نہیں ہوگائی تغییر کی بنا پر یہ جویز بیش کی گئی ہے کہ جمیشہ دس لاکھ ڈائن (= ایک میگا ڈائن) نی مربع سنتی میتر کے دباؤ کو معیاری دباؤ تصور کیا جائے۔ بار بیا کی جو بلندی اس دباؤکو ظاہر کرتی ہوہ

= المه ۱۰۰۰۰ ستی میر = ۵ عمر تقریباً =

بڑے بڑے دیا و کرہ ہوائی کے دیاد کو اکائی مان کراس کی رقوم میں بیان

کے جاتے ہیں۔

2 میں ان ہوائی کی بلندی کرہ ہوائی کی کافت ادبر کک کیساں ہیں ہے ، اگر کٹافت کیساں ہوتی یعنی یہ بیجانس ہوتا تو اسکی بلندی ہوائی البا ہوتی یعنی یہ بیجانس ہوتا تو اسکی بلندی ہوائی ایسا ہوتی یعنی یہ بیجانس کرہ ہوائی ایسا فرض کیا جائے جبکی کٹافت ہر جگہ وہی ہوجو اصلی کرہ ہوائی کی مسطح زمین پر آتنا ہی دباؤہ ڈالے جو اصلی کرہ ہوائی کی بلندی اصلی کرہ ہوائی کی بلندی مفروضہ کرہ ہوائی کی بلندی مفروضہ کرہ ہوائی کی بلندی مہانس کرہ ہوائی کی بلندی کہلاتی ہے۔

میجانس کرہ ہوائی کی بلندی کہلاتی ہے۔

میجانس کرہ ہوائی کی بلندی کہلاتی ہے۔

میجانس کرہ ہوائی کی بلندی کہلاتی ہے۔

فك كا وزن = يانى سے ايك كمعب فك سے وزن كا ١٠٠٠ء كنا = لم الم × ١٠٠ يوند وزن تقريباً اگر متجانس کرهٔ موانی کی مطلوبہ بلندی ف فط مو توف «مواکی ک فت = یارہ کے باریم کی بندی × یارہ کی ک فت ندن = باره کی کُنْ فت بریاره کے باریبا کی بندی .. = ٢٧ ١٢١ فط تقيياً = ميل تقرياً یس اگر کرهٔ ہوائی کی کٹافت ہر بلندی پر دہی رہی جوسطے زمین پر ہے اور اس کی بلندی میں ہوتی تو ایا کرہ ہوائی سطے زمن سے کی نقط پر تقریباً وہی دباؤ دات جو الی کرہ ہوائی نی الواقع ڈال ہے۔ 94 - بارسم - باربیا ایک آلہ ہوتا ہے جس سے ہوا کا دماؤ نایا جاتا ہے۔ اس کی سادہ ترین صورت میں ریکیو دندہ ۹۲ یہ ایک اور ایک طرف پرشیل ہوتا ہے جس کے اندر کوئی مائع عمرا ہوتا ہے کرہ ہوائی کا دباؤنلی نے اندراس مانع کو سمارے رہتا ہے ظرف کے افع کی سطح کے اور الی سے اندر مائع کی جو بلندی ہو اس سے یہ دیاؤ نایا فاتا ہے۔

مائع جو استمال کیا جاتا ہے وہ بانعموم پارہ ہوتا ہے کیو بحد اس کی کُٹ فیت مقابلت بہت زیادہ ہے کبھی کبھی گلسرین بھی استمال کی جاتی ہے۔

پارے کے باربیا کی بندی عام طور پر ۲۹ اور ۳۰ ایخ سے درمیان ہوتی ہے۔

اگریارہ کی بجائے یانی اسمال کیا جائے تو بندی اتقریباً سرسے سرس فٹ تک ہوگی۔

عم موریرجو باربی استعال میں آتا ہے اس کی شکل ایک خدار نلی و ب ج کی سی ہوتی ہے گا نلی کی جبوئی شاخ ب ج کی سی ہوتی ہے گا کی گئی شاخ و کے کا قطر نلی کی جبوئی شاخ ب ج وقت کے قطر سے مقابلتہ بہت جبوٹا ہوتا ہے۔ اشعال کے وقت اس کو اس طح رکھا جاتا ہے کہ نلی کی وونوشاخیں انتصابی

سے میں رہیں۔

جیوٹی شاخ کا سرا ہوا میں کھلا رہتا ہے اور لمبی شاخ کا سرا کو بند ہوتا ہے کمبی شاخ کا طول عموماً ، س ندھ رکھتے ہیں نلی کے اندر بارہ بجر دیا جاتا ہے اور لمبی شاخ ہیں بارہ کے ادر خلا ہوتا ہے۔ جب لمبی

کے ادید طلا ہوتا ہے۔ جب بھی شاخ میں بارہ کی ہواری ن پر ہو اور جھوٹی شاخ میں ج پر اس تو ہوا کا دبا و بارہ کے اس ستون کے دزن کے مادی

باریا کی ورجه بندی

-13

ہوتا ہے جس کی بندی ج اور ن کے انتھابی فاصلے کے برابر ہوینی جس کی بندی ن دے برابر ہو جاں نقط د لمی شاخیں ج کی ہواری پر داقع ہے۔ چک ن کے اور ملا ہے اس سے دیا کا دیاؤ یارہ کے ایس سنون سے دزن کے سادی ہے جس کی بننی ن د ہے۔ نیز چنک ج اور د ایک ہی ہواری پر واقع ہی اس کے دیر کا دباؤج یرے دباؤ کے ساوی ہے اور ظاہرے ج پر کا دباؤ کرہ ہوائی کا دباؤ ہے۔ بندا تا بت ہواکہ کرہ ہوائی دیاؤستون د ن کے دان کے سادی ہے۔ نلى دن برمت وى الفصل نشان تقى بوتى بن جن کو بڑھنے سے باریا کا ارتفاع آسانی سے معلوم ہوسکتا ہے۔ ۸۹-باریماکی درجیندی کی باریماک درج بندی کرنے میں ایک فروری بات کو ہمینے ملموظ رکھنا بڑتا ہے اوروہ یہے کہ ب صدب الرس باره اور برطاع توب ج من نع اتر جاتا ہے اور بارس سے ستون کی مطلوبہ بلندی ہدیت ان دو ہواریوں سے قرق سے تعبیر نرض کرد کو شاخ ب او کی تراش کیاں ہے اور ابر بع لِخ مے ساوی ہے اور چوٹی نلی کی تراش کا رقبہ مقام جے ترب ایک مربع الح ہے۔

نیز فرنس کرو که لمبی نلی میں بارہ بظاہر ایک ایج اور جڑھ گیا ہے جنک اس علی کے اندر پارہ کا جو جم بڑھ جائے گا اس کے جواب س چوٹری علی کے اندر یارہ کا آتا ہی جم کم جوجائے گا اس کے کا ہر ہے کہ جوڑی تی میں یارہ با ایج نیلے اثر جائے ا يس ان دو مواريول كادرمياني فاصله تقدر (ا+به) يعني الله الح کے بڑھ گیا ہے اپنی آگریارہ کی بندی میں بطا ہراکی ایخ کا اضافہ ہوتو یہ نی التقیقت اللہ ایخ کی زیادتی کو تبسیر کرتا ہے۔ يسي ١٠ الح ك ظاہرى زيادتى ايك الح كي تفقى زيادتى كو رران ہے۔ بار بار اس سیم کی تعلیم کی زمت سے بینے کے بئے علی ب وکو الے حموں میں میم کرتے ہیں بن یں سے ہرایک کا طول الله الى موتا ہے اور ان ير درج اس طرح لگا دے واتے ہیں گویا کہ یہ ایج ہیں۔ ریا وہ عام طور پر فرض کروکہ بنی نلی کی عمودی تراش و ہے آور جھوئی علی عمودی تراش و ہے نیز فرض کرد کو الركمى نيي يرب ياره كي ملح واصله لا اوير يراط جائے توجيوني على ميں بارہ كى سطح في لاتے اثر اللي ینی اگر یارہ سے ستون کی بندی یں ظاہری زیادتی لا ہوتو اس کے متناظر حقیقی زیادتی لا + ور لا منی الملالا

19

أ أن

اس کے اس قسم کی تھیج کا خیال کرتے ہوئے یہ فردری ہے کہ لمبی علی میں سال درجوں سے حققی فاصلے اُن مفرضہ فاصلوں سے جو علی پر منفوش ہوتے ہیں نبت إ : إ + إ الکن او باریا کی درجہ بندی اس طح سے نہ کی جائے اور نشانات سے درمیانی فاصلوں کی میسی ان کے اصلی طولوں سے مطابق درج کی جائیں تو باریما کی صلی بندی معلوم كرنيكے لئے ضرور ہے كہ ظاہرى لبندى كو سرصورت ميں مقدار ا+ سے خرب دیا جائے۔ ایسا کرنے کو الفیج بوج گنجائش حوض کتے ہیں۔ 99- لعبيج بوجيس - ياره دارت سے عيليا ہادر عينے سے میں اس کی کثافت کم ہوجانی ہے علاوہ ازیں جس سلاخ سے یارہ کی ظاہری بندی تایی جاتی ہے اور جو یالعموم بیل كى بنى ہوتى ہے دہ بھى حرارت سے بھلتى ہے اس اللے ہیں میج بیائش کی غرض سے کوئی میاری تیش مقرر کھنی یا ہے کیونک ظاہر ہے کہ سیس جس قدرنیا وہ ہوگی یا رے کے ایک خاص طول کا وزن اسی قدر کم ہوگا یانی کے نقط انجادکو بالعموم بيرمعياري منيش قرار ديتے ہيں۔ فرض کرد کر تعیش سے سنی گرید پر بارہ کی ظاہری بندی و ہے اور و سنی گرید پر شناظر ببندی دی ہے۔ اگر بارہ کے پیلاوکی قدرتی درجستی گریہ عہ (= ١٠٠٠ وتقلی) الموتو وي الموت = وي

ارساکی درجه بندی

= ف (ا+عرب) اب چونکہ عد بہت چھوٹا ہے اس کئے مسلد نا ای سے یہ = ف (۱-عدت) تقريباً نیزاگر بیانہ کے نشانات ، سنتی گریدیر اصلی انجوں کوتعبیر كري اور باز كے خطى عيلائوكى قدر بہ ہوتو ع ظاہرى الح ورحقیقت ت منتی گریدید ف (۱+ب ت) انجل کوتبیر کرنگے۔ ٠: ف = (ا عدت) ظاہری ایج = ف (۱+بت) (۱-عدت) الله الح اب سیل کی صورت میں یہ بہت جموعًا ہوتا ہے اور تقریباً 19 و کے سادی ہوتا ہے۔ ن ف = ف (١- ره - بر) ت عد بات = ف [١- (عه- به) تقرياً 5 - - - 19 - 5 - - 10 = - - - -= ١٠٠٠١٩ تقريباً ن وب= و- ۱۱ در در د د فیذا کا ہری ارتفاع ف میں سے ایک قلیل مقدار (x () x 1 ... 14 تفریق کرنی جا ہے۔ اسی طرح سے یہ باسانی ثابت کیا جاسکتا ہے کہ فارن بیت كے سيس ساكى رُوسے اگر درج سیش سے ہوتو مقدار مُكُون سَ کی ص فابل

تال نهاير دکھا

٩٠٠٠٠٩ ف تفريق كرنى يركى - ١٣٠٠ ف اس مقدار کی قیمت ندر بعہ جداول معلوم ہوتی ہے جن س تیش اور باریل کی بلندی دونوں کی معنولی فیمتوں سے لئے اس مقدار کی عددی قیس مندرج ہوتی ہیں۔ -- ا - تعیم جاذب ارض کے غیرمادی استنداد کی بنایر-جبزمن کے کسی رسیع رقبہ پر بارپیل سے ارتفاعوں کاشامدہ كيا جآئے تو ان كا باہم مقابد كرنے سے يہلے أن مي جاذب ارض کے غیرسا وی الشنداد کی نبا پرتقیع کرنیا ضروری ہے۔ اس غرض سے باہموم ان مشابات کو جاذبہ ارض ك اس قيمت كي روة ميس تحويل كريست بين جوكه عرض لبده م ميس سط سندر پر ہوتی ہے کہ یا ابت کیا جاسکتا ہے کہ 3=5 (1-201.05 2 1 1-1051 00 x.1) یہاں ج سے مراداس نقیام پر کی حب ذ کبر ارمن ہے حیر کاعض بلد لہ ہے اور حجی بلندی سطح سمندر سے ف سنتی ستر ہے اور ج عرض بلد من درج میں سط سندر پر جاذبه ارض کو تعبیر کرتا ہے۔ ہیں یہ معلوم کرنے کے لئے کہ باریما کا ارتفاع مہ عرض بديس سط سندريركيا بوگائين مشابده كرده ارتفاع كو = 91. x 00 x 1594 - 1 7 25. 406-1 ا فرب دینا جائے۔ ا وا ان کے علاوہ تعض اوقات شعریت اور بخاری وبادکی

بنا پر میں تھیج کرنے کی خرورت بیش آئی ہے۔ شعریت کی وجہ سے علی میں یارہ کی سطح مہوار نہیں رمعی للد محدب ہولی ہے۔

نلی کے اندر جو پارہ ہے اس میں سے کئی نہ کسی مقدار میں بخارات منطلتے رہتے ہیں جن کا میلان یارے سے ستون کو نیجے دبانے کی جانب ہوتا ہے۔

مبکن علطی واقع ہونے سے یہ دونوں اساب یارہ کے باریا کی صورت میں بہت کم وقعت رکھتے ہیں۔

یانی کے باریم کی صورت میں بخاری دباؤ نسبتاً زیادہ

قابل لحاظ ہوتا ہے

١٠١٠ - في ما نع بارسما- اس بارسيا مين ياره ياكسي اور سيال كاكوني ستون استعال نهيل كيا جاناايه آله محض ايك جوابد ممس یا صندو تی برستل ہوتا ہے جس سے اندر کی ہوا کا کھھ حصہ خابع کیا ہوا ہوتا ہے اس صدوق پر دھات کا بنا ہوا ایک یا ڈھک ہوتا ہے جس کی مرکت سے کرہ ہوائی کا وباؤ معلوم ہوتا ہے وصلنے کی اس حرکت کو جو ورحقیقت نہایت خفیف ہوتی ہے دو بیرموں کی مدرسے مفاعف رے ایک ڈائل پر سوئی کے ذریعیہ نا ان طور پر د کھایا جاتا ہے۔ اس ال کی درجہ بندی یارہ کے

ایک میاری باریا کے ماتھ اس کا مقابلہ کرنے سے ی جان

ا مع ما تع بارسیا بہن جھوٹا اور بکا بن یا جا کتا ہے اس یں فاص فائدہ یہ ہے کہ اس کو ایک جگہ سے دوری جگ آسانی سے نے جا سے ہیں لین یہ خرور ہے کہ اس میں وہ صحت سیسر بنہیں آئی جو بارہ کے بار با میں۔ امتلهنبرياا ا۔ ایک کان کے تعیر پارہ کا بارپیا ہم وے عشی ستریہ جا اوکوائی جگہ برتیل سے ایک باربیا کی بلندی کیا ہوگی جبکہ یارہ اورتیل کاضافی كُنْ فَيْنِ بِالرِّبِيبِ ١٩٥٥ م ١١ اور ٩ كرمون -ا ۔ یانی سے باربیا کی بندی ۱۰۳۳ سنی میتر ہے اگر ے ستی سیر نصف تطر سے ایک متدیر قرض کو یانی سے اندر ۵۰ میرکی گرائی تک ڈبویاجائے تو قرص پر کا مجموعی دباؤ معلوم کرو۔ سر-جب باره کا بارپیل ۳۰ یخ پر بو توگلسین بارپیل کی بی بر ۲۶ نے کے چڑھ سکتی ہے۔ اگر بارہ کی کانت اضافی ۱۳۶۹ ہو تو گھرین کی کتا نت اضانی معلوم کرو۔ اگر باریما کی علی کے اندر یارہ کی سطے پراد ہے کی ایک عول تیرائی جائے تو تاؤک بارہ کے ارتفاع پر اس کا کیا اڑ بڑے گا ہ ا ایک سابی باریل کی علی کا قطر انتی میتر ب اور وض کا ۵ ویم سنتی میر اگر علی سے افر یارہ کی سطح ۲۶۵سنتی میتر اور اونجی ہوجائے تو وریافت کرو که باریما کی بلندی میں در حقیقت کیا تبدیلی واقع ہوئی ہے۔ ۵- ایک سابی باربیا کی علی کا قطر الله ایج ہے اور وض کال ایک

الر إلى

عُون ج

1.1

کافت فعد

بال -

المر اندر ک

ب دباؤ۔

دباؤے دباؤے

ايا با

بائے کاطرن

176

ال

الر یارہ کی سطح ا ایخ اور اوٹی ہوجائے تو دریافت کروکہ باریا کی بلندی س درحققت کی تبدیلی واقع ہوئی ہے۔ ا ا- گیس کے دباؤ اور کثارنس کا باہی تعلق یہ آسانی سے تایا جاسکتا ہے کہ جب کسی کئیں یر کا دباؤ بدلتا ہے تواس کی کٹافت بھی بدلتی ہے۔ شیشہ کا ایک معولی گلاس لو اور اس کو اوند لم کر کے مانی کے اندر عموداً رصکیلو جوں جوں گلاس یانی کے اخدع ق ہوتا جائیگا یانی گلاس کے اندر اوپر جڑھٹا آھے گا۔اس سے ظا ہرہ کہ اس عل سے ہوا کا مجم کم ہوتاجاتا ہے، اب کلاس کے اندر کی ہوا کا دباؤ اس یانی کے دباؤ سے ما دی ہے جس کو یاس کرتی ہے اور مرکا یہ دباؤیانی کی سطے رکے دباؤے اور ہے۔ نیز جونک موفرالذکر دباؤ کر ہ ہوائی کے وماؤکے ساوی ہے جو ابتدار گلاس کے اندر کی ہوا کا دباؤ تھے اس لئے ثابت مواکہ جب ہوا کے جم کیا جاتا ہے تو اس کا دباؤ بڑھ جاتا ہے۔ اب ایک لڑے کی ہوائی بندوق پر فور کرو۔ گولی اہر نا نے کے لئے روکا تیزی سے بندوق کے نظارہ کوآ کے کی طرف ، حکیب نیا ہے اور اس علی سے ہوا کے حجم کو کا فی طور پر م كرديا ہے۔ يونك كولى ايك فاص رفتار كے ساتھ كلتى ہے اس نے ثابت ہوا کہ ہدا کے قر کے کم ہونے سے اس کا دہاؤ خرور بڑھرگیا ہوگا۔

1 4 וטק الا ىت 20 3

اتنا پارہ ڈالو کہ دونوں کیوں
میں یہ مساوی ہواری پر ہو۔
فرض کرو کہ ابن نمیوں ہیں
اس کی سط بالترتیب داورع ہے۔
ڈرصکنے کوکس کر بند کردو۔
ایسا کرنے سے ہوا کی کچھ
مقدار کرہ ہوائی سے دباؤ پر
نلی میں بند ہوجائے گی۔

ج میں سے اتنا بارہ ڈالو کہ لمبے بازو میں بارہ کی بندی گل پر آجائے۔ تب جھوٹے بازو میں بارہ کی بندی کسی نقطہ فی کا بندی کسی نقطہ فی کا بنجی ہوگا اس سے بہت نیچے ہوگا اس سے یہ تیجہ کلتا ہے سرم چھوٹے بازو کے اندر کی ہوا مجم میں کم ہوگی ہے۔

فرض کروکہ بارہ کے بارپیاکا ارتفاع اس وقت عن ہے اور نقطہ ق کی مرواری پر بڑے بازو س ایک نقطہ س ہے۔

تب بند بروا كا دباؤ

= نقط ق بركا دباؤ

= نقطه س بركا دباؤ

= سون س گ كا وزن + گ پركا دباؤ

غون ا

الح ا

وب کی

1

اونو تي بال

کے بعرا نہ

= ستون س ک کا وزن بستون عن کاورن = ستون رس ک + دن) کا وزن

ستون رس گ + ف) کا وزن ابتدائی دباؤ ستون من کا وزن ن + گ

> ميز ہوا كا ابتدائى فجم = در ل بیاش کاعل احتیاط کے ساتھ کرنے ترب ثابت ہوتا ہے کہ

س ك+ب آخرى د باؤ ابتدائى تجم ابتدائي دباؤ

ن آخری دباؤ! ابتدائی دباؤ = أخری جم ابتدائی جم ابتدائی جم اس طرح سے حجم کی کی سے متعملق کلیے مذکور تابت ہوگیا۔ ه ١٠ - بواسم يميلاؤكم معلى بأكل كاكليه حسب زيل

طریقہ سے ثابت ہوسکتا ہے۔ ایک برتن میں کھے یارہ ڈالو اور ایک نی ای ای الی او جی کے اندر مجھے یا رہ ہو اور جی کا سراج کھلا ہو۔ علی کو یارہ کے اندر اس طح عرق کرو کہ اس کا محل انتمایی رہے اور اس کا کھلا سرائے برتن میں یارہ کی سطے کے اندر ڈویا رہے اولاً علی کو اس طرح رکھوکہ بارہ کی سط کی کے اندر اور باہر برابر رہے۔ فرض کرو کہ کی کا دہ نقطہ جواب یارہ کی سط میں واقع ہے ب ہے ، بنا بریں نلی کے اندر کی بند ہوا کرہ ہوائی کے دیاؤ پرطول وب گیرتی ہے۔ تلى كو كجيه فاصلة بك ياره ے باہر اُنٹاؤ۔معلوم ہوگاکہ اندر کی ہوا کھیل گئی ہے اور یارہ علی کے اندر اوپر اُٹھ آیا ہے۔ فرض کرد کہ اب یارہ اور بند ہوا کی منتزک سطح دیر ہے۔ اگر تجرب کرتے وقت یارہ کے باریا کا ارتفاع ف ہوتو تی سے اندر کی ہوا کا ابتدائی دباؤج ک ف تھا۔

ہوتو نلی کے اندر کی ہواکا ابتدائی دباؤج کی ف تھا۔ ہوتو نلی کے اندر کی ہواکا ابتدائی دباؤج کی ف تھا۔ ہماں ک بارہ کی کتافت ہے ادرج جاذبرارض بیکن نلی کو او پراُٹھانے کے بعداندر کی ہواکا وباؤ وہی ہے جو بارہ کا حریرہے اوریہ دباؤ ع برکا دباؤ۔ جرک ×ح ع = ج ک (ف۔ حج) رن ؟

عرن شاه

الما متبارا الما متبارا المي مكيم

الروي) الروي ويرو

ال جون ديا الألامانس

1431 Evol

31/1/

الجي على

نیزابتانی اور آخری مجم بالترتیب وب اور و دے سادی بی بیایش کاعل اختیاط کے ساتھ کرنے سے یہ تجربہ سے معلوم ہوتا ہے کہ ون = روب ابتدائی دباؤ ابتدائی جم ابتدائی دباؤ آخری جم ١٠١- بائل كا كليه ويل سے طريقه سے بھی ثابت ہوتا ہے۔ جو درال وفعہ م، اے طریقہ کی ترمیم شدہ صورت ہے۔ ہوا کے جم کی کمی یا زیادتی دونوں پراس طریقہ کا کیساں اطلاق ہوسکتا ہے۔ وب اورج د دو فيف كى تليال بن جوربركى ليكدار نی سے ایک کارے سے باہم کمق کردی گئی ہیں۔ یہ نلیاں الرای کے ایک انتصابی قال کے ساتھ ساتھ ساتی ایک ہیں۔ وب کا ادیر کا سرا بند ہے لین ج رکے اور کا سرا کھلاہے قالب کے ساتھ ایک انتصابی

سرا کھلاہے قالب کے ساتھ ایک انتصابی بہانہ نصب کیا ہوا ہے اور ج د انتصابی بہانہ نصب کیا ہوا ہے اور ج د انتصابی کرکت ہے۔ ربڑی نلی اور شیقے کی کرکت ہے۔ ربڑی نلی اور شیقے کی کلیوں کے نیلے حصب میں بارہ کھے دیا جاتا ہے نئی او ب کے اوبر کے اوبر کے حصہ میں ہوا ہے جس کا دباؤگسی خاص

وقت یں ف + ع د سے تعبیر ہوتا ہے۔ جہاں نقط ع کی بندی وہی ہے جو ب کی ہے اور ف بارہ کے بندی وہی ہے وکت ارتفاع ہے کہ ارتفاع ہے کہ ارتفاع ہے کہ تلی جے دکو اویر نیجے حرکت رہے سے معلوم ہوگا کہ ہر حالت میں اب کے سے معلوم ہوگا کہ ہر حالت میں اب کے د

يعني فجم ٥٥ دباؤ

١٠٠- قرب قريب زمانه حال تك يهى فيال كيا جآما رباكه بألى كاكليد مرجم ألمجي فابل اعتبار اور صبح تجربوں کی بنا ہر اب يہ معلوم مواجه كم تمام كسيوں كے یے یہ گلیہ پورے طور پر سیج نہیں۔ بایں بہد اس کلیہ کو اُن گیبوں کے لئے جن کا مائے بنانا نہایت وشوار ہے (مثلاً ہوا۔ آگیجن کا میدروجن اور نائطردجن) قريبًا قريبًا ممل طور پرصحیح خال کیا جاسکتا ہے اکترکیس اس شرح کی نسبت جو کلیہ ندکور کی رو سے ہونی چاہیئے زیادہ دب جاتی ہیں یہ تجربہ سے ثابت ہے کہ سواے ائٹردوجن کے یاتی سب گیبوں میں جوں جوں دباو صدد واعتدال کے اندر بڑھت جاتاہے ، مجم اور دباؤكا طاصل فزسب كم بونا عاناتها وركيس كى الاعت جس قدرآسان ہوتی ہے اسی قدر مال فرب ندکورہ بالا س بیکی زیادہ نایاں ہوتی ہے رعس اس کے ہائیدروجن کی صورت میں جوں جوں دباؤ بڑھتاجاتاہے مجم اور دباؤ سے مال فرب میں بھی خفیون اسن فر ہوتا جاتا ہے۔ بوگیس ممل طور پر بائل کے کئیہ کے تابع یو کالگیس کہلاتی ہے۔

متذكرة بالأليس تقريباً كال كيس بي + ١٠٨ - فرض كردكر ابتداء ايك فاص كيت كيس كا دبادك جمح اور کن فت ک ہے۔ اب اگر اس کی تنیش متقل ہے اور دباؤ دیر اس کا جمح اور کافت ک موجائے تو ازروئے کائیہ بال てう=てりじ نیزک ح ادرک ح دونوں گئیس ندکور کی کیت کو ایر ک سرمین میں میکور کی کیت کو تعرکتے ہیں جو کمتعل رہتی ہے こひ = ひら عل تقیم سے ساواتات (۱) اور (۱) سے يس ح كسى ايك كيس كى صورت ميں جميث متقل رہتا ہے فرض کرو کہ اس کی قیمت م سے ساوی ہے اس کے مشقی۔ اگریہ مان یا جائے کہ ہواکی کُن فٹ اضافی سرا۔ وہے باره کی بارسیاکا ارتفاع ۳۰ ایج یک باره کی کُنافت اضافی ١ ٩ ٥ ٤ ١١ ١ ١٥ ج اورج كي نتيت ١٥٢٣ م تو ناب كروكم م كي نيب فط ثانیہ اکائیوں میں نفت رسیبًا ۲۰۱۹۸ ہے۔

7 .6 نيرس آك ك الاليون بين م ك تيت دريانت كرو جبكه ج امه کے برابر ہو اور بارہ کے باریا کا ارتفاع 24 ستی متر ہو۔ د= الما × ١٩٥٥ ١١ ع ع الم المنثل في ميع فك اور ک = ۱۰ ا ۲۰۰ م ۲۲ بونگر SIPXTYSTXIPSO 94 X TE = P: = معمر اور الم م القريا س ک ف نظام میں ۷= ۲ × ۲ ۹ ۵ ۶ ۱ × ۱ ۸ ۹ گزائن فی مربع سنتی میشر اورک = ۱۰۱۳ د گرام نی کسب سنتی میتر 9x1x1ma94.xx4 = 9x1x1m 8094x44 = p = ٠٠٠ الم ١٩٥٤ تقريباً ١-٩- احسى ا - ياره كا كانت اضافى ١٠٥١ سے ادر اسكا ياربيا ٢٠ إلى ہے گیں سے ایک بلیے کا جم ایک جھیل کی تہیرجو ،، افظ گہری ہے اك كمعب الخ ہے- بتاؤك جب لبلدسط برآئے كا يو اسس كا مجم كيا بوگا اگریانی سے ایک کھی فٹ کا وزن و ہوتوجیل کی تر دباد ى مريع فط

コーナンドンナン14・= نزجيل كي سط ير دبائ = ٢ دس × ٢ - ١ و = ١٣ و يس اگر عم مطلوب لا بوتو 71.7×1=9 44×7

: لا = ٢ كمعب الخ مشق ہے۔ یانی سے ایک کمب فث کا وزن ۱۰۰۰ اولس کے ہوا کے ایک کمعب فدف کا وزن ہے۔ اونس ہے اگر آبی باریل کا ارتفاع م فٹ ہوتو تا وک یانی کے نیے کس گرائی پر ہوا کا ایک بسبلہ دوب جائیگا۔ فرمن کرد کہ کہانی لا یر حاب مکور مین تیرسکتا ہے۔ یہ صورت مرکا اس وقت واقع ہوگی جکہ اس گرائی برہواکی کٹ فت یانی کی کانت کے عین برابر ہو۔ تب بائل کے کلیہ کی روسے ۷+ ۲۳ = گرائی لا پر بواک کن نت ۲۳ = کره بوائی کی کن نت بانی کی گنانت کیونکه کره بوالی کی گنانت : لا ۱۹۱۹ نظ = ه سیل سے قدرے زیادہ یا نی کے دندر اس گہرائی سے زیادہ یر صاب ڈوب حائے گا۔ اور اس سے کم گہرائی پر اوپر اُٹھ جائے گا۔ واا- كارشرى غواص- يه كلونا شينے سے ايك جون پر مسل ہوتا ہے جس کے بنیدے میں ایک سوراخ ہوتا ہے اس کو متوازن رکھتے کے لئے اس سے بندے سے ساتھ کھے وزن لگا ہوتا ہے جو عموماً ادمی کی شکل کا ہوتا ہے جونے کے اندر استمد ہوا رکبی جاتی ہے کہ پورا کھلونا یانی ے اندرسین تیرسکتا ہے۔ ویل کی فی میں میکھلونا ایک طوانہ کے اندرجی میں یانی ہے تیررہا

اشله نبری ۲۲

ا۔ ہم درجینتی گریتین سے بانی کے طاق سے بارہ کے ۱۰۰۰ می میر سے دہائد پر ہوا کی کٹا فتِ اضافی ۱۱۹۰۰ ومعلوم کی گئی ہے تباؤکہ میاری دبائو رینی بارہ کے ۲۰۰۰ میں میر) پر ہوا کی کٹا نت اطافی کیا ہوگی ہ

اللہ یہ معلوم ہے کہ جب پارہ کا بارہ یا ہم ہو ۲۹ اپنے پر ہوتو، اکمب النج ہوا کا وزن اس گرین ہوتا ہے کہ جب بارہ کے بارہ یا کا دزن اس گرین ہوجا دیگا تو ۱۰۰۰ کے اپنے ہوا کے وزن میں ارتفاع ۲۳۰۰ سر پانے ہوجا دیگا تو ۱۰۰۰ کے اپنے ہوا کے وزن میں

سي سويلي دا تع بوگي ې

الم الرائى برايك جاب كالحم م كعب الخ بواج تا و كالوك كسط سے نيم ان كى كالم الى برائى بر

اس کا ججم م محب ایخ ہوگا۔

مم-یہ ذرض کرسے کہ آبی بارہاکا ارتفاع من ہے بتاؤکہ ایک کلاک اوندھا کرکے پانی سے اندر کس گہرائی تک غرق کی جائے کہ ایکے

اندر کی ہوا کا جم ابتدائی جم کا ایک تہائی رہ جائے۔ نیز بتاؤ کہ ایک نخروطی گلاس کو اوندھا کرسے یانی سے اندر کس

اندر برط جائے۔

۵۔ اسطوانہ کی شکل کی ایک اشخانی نلی کو الٹاکرکے پانی سے اندر انتصاباً غرق کی گیا ہے۔ جب نلی کا عظی نقطہ ۵۔ و ۳۲ نٹ ک ا کرائی برہوتاہے تو تلی کے اندراس کے نصف طول تک یانی اوبر مراع آیا ہے۔ آبی بارساکا ارتفاع معلوم کرد۔

الم- ایک کیاں نلی کی جوٹی کھلی ہے اور بیندا بندھے اس کوال کرتے یارہ کے اندر آتنا غرق کیا گی ہے کہ اس کے ۲۵ سنتی سے طول میں الیس بجری رہتی ہے جس کا دباؤ کرہ ہوائی کے دباؤے مادی ہے بتاؤ کہ ملی کو کتنا اویر اٹھا یا جائے کہ اس کے ، صنتی میر طول میں

> - چائے دانی کے ڈھکنے میں جو ایک جھوٹا سوراخ رکھا جاتا ہے اور نزرزاب کے دربیں جو کای سوراخ ہو تا ہے اُس کے فوائد بیان کرو۔ ٨- ايك بجون بند اسطوان كے اندرجس كا طول ، قبط سے ايك نتارہ ہے۔جب فتارہ اسطوانہ کے قاعدہ سے ۱۱ الح کے فاصلہ یر ہوتو اندر کی ہوا کا دباؤ کرہ ہوائی کے دباؤرینی نی مربع ایخ 1 یونٹی کے ساوی ہوتا ہے قاعدہ کے ایک سوراخ میں سے اسطون کے اندر اس قدر اور ہوا مجری کی ہے کہ سے کی نسبت اسطوانہ ك اندر اب تين كني بوا برجاتي ب-الرنشاره كوم الخ ادراكف دیا جائے تو نشارہ کی دونوں جانب ہوا کا دباؤمحوب کرد- فشارہ اینے ابتدائی محل سے کتنے ایج اوپر اُنھے کہ یہ محرمتوازن ہوجائے۔ ٩- ايك غباره كؤلرگيس سے آدھا جوا جوا ہوا ہے۔جب ياره كا باربيا ٣٠ ين ہوتو فبارہ ہوا میں عین معلق رہ سکتا ہے ، اگر اربیا انزکر ۸ ایج برآ جائے توننا وكركما واقع بيوكا -

اگر کل غبارہ ہیں ۳۰ ایج کے دباؤیر کبس بھری ہونو کیا واقع ہوگا۔

۔ ا۔ گیس جمع کر نے کے لئے اسطوانہ کی شکل کا ایک برتن استعال کیا گیا ہے جو یا تی میں اوند ہاکیا ہوا ہے۔ اس کا فطر ہے ہو ہے اوراس کا وزن ، اور بیا ہوا ہے۔ اس کا فطر ہے ہوا ہوں سے سہارا وزن ، اور نہ ہونڈ ہے ۔ بناؤ کہ اسطوانہ کے وزن کا کو نسا حصہ با ولاس سے سہارا جائے کہ اس سے جوگیں میں آئے اس کا دباؤ باتی کے ایک ایج ارتفاع کے میا دی سو۔

ال ایک بائنے کی شینی سے اندر جوا ہے جس کا وباؤکرہ ہوئی کے وباؤسے مساوی ہے جب شینی سے ساتھ ہ اونس وزن اور کا دیا جاتا ہے تو یہ بانی بین عین شرسکتی ہے اس وزن کو بٹاکر شیشی کی گردن نیج کی طرف کرے اس آست سے نیج دبایا جاتا ہے تا بت کرد کرشیشی بانی میں عین شرسکی جب اندر کے بانی دبایا جاتا ہے تا بت کرد کرشیشی بانی میں عین شرسکی جب اندر کے بانی کی سطح بردنی سطح سے اا فٹ نیچ ہو۔ اور شیشی ڈوب جائیگی اگراس کو اور نیچ و با ویا جائے کا اور اوپر اگھ آئے گی اگر وبائو ذرا کم روبا جائے کا این بار بیا کا ارتفاع سے فٹ ہے اور بانی کے ایک کروبا کا ور نی کو ایک کا ایک کا کی سطے کے کا ایک کا ایک کا کی سطے کی کا در ن ۲۰ افس ہے۔

ما ۔ ایک ہوا بند اسطوانہ کی بلندی ہو کہ ہے اس اسطوانہ کے آرہ اسلوانہ کے اور آدھے میں بانی ہوا کا دباؤ کرہ ہوائی کے دباؤ کے ساوی ہے جو بانی سے ارتفاع هن سے دباؤ کے بلار ساوی ہے جو بانی سے ارتفاع هن سے دباؤ کے بلار ہے اسطوانہ میں مزید بلندی کی تک اور بانی اس طرح بجردیا گیا ہے کہ ہوا نکلنے بنیں بانی جس سے قاعدہ برکا دباؤ دگنا ہو جانا ہے شابت کروکم

アン・リーシャクーン

الله انصابی اسطوانہ کی افتی ترامض ایک مربع ہے جب کا ہر منبع ایک فت ہے ، اس کے اندرایک بے وزن فضارہ میسن کراتا ہے ۔ ابتداء فضارہ کے نیجے کی ہوا کہ فٹ طول کی عگر گھیر ہے سہوئے ہے اور اس کا دباؤ بیرونی ہوا کے دباؤ کے سا دی ہے ۔ اگرفتا رہ پر ہا کہ میں وئی ہوا کے قویہ ایک فٹ بنیجے جلا جا اگرفتا رہ پر ہا کسب فٹ اولا کہ ما جا کہ ہوا ہے تو یہ ایک فٹ بنیجے جلا جا اس کا دراگر علاوہ اذیں فشارہ بر ہ مکعب فٹ بانی ڈا لاجائے تو یہ اس کے اور اس کا دراگر علا وہ اذیں فشارہ بر ہ مکعب فٹ بانی ڈا لاجائے تو یہ اس فٹ اور بیجے چلا جا با سے اوراگر علا وہ اذیں فشارہ بر ہ مکعب فٹ اور آبی بار بسیاکا ارتفاع دریا فٹ کرو۔

سم اس ایک مجو ف اسطوانہ جس کا ارتفاع ف جے اوپر سے کھلا ہے اس کو افٹا کرکے یا نی اس کو افٹا کرکے یا نی کے اندر آنا ڈبویا گیا ہے کہ اس کا طول ک یا نی کے اندر آنا ڈبویا گیا ہے کہ اس کا طول ک یا نی کے اندر ہے ۔ اس کا طول ک مواج حکم گئیرے ہوئے ہے اس کا طول لا ذبل کی ساوات سے حاصل ہوتا ہے ۔

ビ×ビー(ジ+レービ)*ビン

جہاں ف آبی بیا کا ارتفاع ہے

ہو تو مخروط کے اُس معد کی بندی دریا فت کروجس کے اندر ہوا ہے۔ ك 1 -ايك بتلا مخروط جس كا وزن و سے ايك مائع كے اندر عين دوب ما ہے جبکہ اس کا قاعدہ نیجے کی طرف ہولین اگراس کا ماس نیجے کی جاب ہوتو اُسی گہرا ہے کہ و بونے کے لئے اس کے اندرم و درن اور رکھنا پڑتا ہے، نابت کروکہ کے وط کارتفاع ف مہرا الم جبان ف ائع ذكوركے إربياكا ارتفاع ہے۔ ١٨ - ايك متديراسطوان كا ايك سرا بند ہے، اس كا ارتفاع ٨ سے ادراس کی بیرونی اور اندرونی عمودی تراسوں کے رقبوں کی نبت >: الم ہے ، بندسرے کی موٹائی کو نظر انداز کیا عاسکتا ہے اور اسطوام کی کنا فت اصافی ۲ ہے، اسطوانہ کے کھلے سرے کو نیچے کی طرف كرك اسے يانى كے اندر د بويا كياہے، خابت كروكد اگر كھلے سرے کی گہرائی ۱۱ فٹ سے زیادہ ہوگی تو اسطوانہ خود بخور اور نیچے ڈوب حائے گا آبی ارسا ۳۳ فٹ پر ہے۔ 19 - ایک اسطوان کا ارتفاع ۵ فٹ سے اوراس کا محور انتصا، لی

سے اسطوانہ کے اندر ہوا ہے جس کا دباؤ کرہ ہوائی کے دباؤ کے سادی ہے ، اسطوان سے سنہ کوایک مینس کر آنے والے فتارہ سے بند کیا ہواہے جس کی کمیت ، ۳ پونڈ ہے ، اگرفتارہ اینے ہی درن سے ۲ فٹ نیجے اترجائے تو بنا د کم فشارہ کو اور م فٹ نیجے اٹار سے کے لئے اس پر

كنا مزيد دما و دالناير كا ٩

• ٢- ايك اسطوانه كے اغرجن كا محدانها بى ج ه و ٢ ٢ ١ يونظ وزن کا ایک فشارہ خوب عینس کرآنا ہے۔ اسطوانہ کے اندر کجیم ہوائے جس کا مول ا نئ ہوتا ہے جبکہ فتارہ کے اوپر سوفٹ کی بندی تک یانی ڈالا جائے کی این کے اندایک رسی کے زریعہ ایک کرہ آزامانہ سط یا گیا ہے جو یا نی کے امدیورا غرق ہو جاتا ہے ، اگر اسطوان کا فطر ابك فت موتو بنا وكرفشاره ادركتنا فيح انزجا يكا ؟ ٢١ - ايك انقاسطو الذك دوان سرے بند بس اوراس كے مين وسطیس ایک مجنس کرآنے والا فشارہ ہے جس کا وزن و ہے۔ فتارہ کے دونوں طاب ہوا ہے جس کا دباؤگرہ ہوائی کے دبار ١٦ کے ساوی ہے ، اسطوانہ کو ایک جانب سے اتنا اُسٹا اگا ہے کہ اس محور انق کے ساتھ زادیہ عد بناتا ہے، بناؤ کہ نتارہ جس مقام یہ پھر منوازن مو کا اس کا فاصلہ انبدائی مقام سے 1-1-1-1-1 بوكا جبال اسطوانه كاطول ١٢ سے د فتاره كارقيہ مے اور لم متقل مقدار 11 کو تعیرکرا ہے ۔ ٢٢ - ايك انتفاني اسطوان كا قاعده بندست اورير عداست بھرا ہوا ہے ، اس کا ارتفاع ف سے ادراس کے مذیر ایک بینس کر آنے والا بے وزن فتارہ ہے جس برآ مسترآ مسترا فی ڈالا ما اے -تا بت کرد کہ فتارہ کے ادیر اسطوانہ کے افدر یا نی گی اتنی مقدار ڈا لی جاسکتی ہے جواس کے ف ف ف طول کو بھردے بیٹے اس کے کہ یانی

ادپرسے بہنا شرفع ہو-اس میں ف آئی باربیعا کے ارتفاع کو تعبیر کرتا ہے۔ اگر ف مے من تو کیا واقع ہوگا ۔ 111 سے ایک گیس کے دباؤ انتہیش اورکٹا فت کا باہمی ارتب ط

تجربه سے ابت کیا جاسکتا ہے کہ اگر کسی کسی کی ایک خاص مقدار کا وہا و متقل ہے تو اس کی تبیش سے ہرایا ور جرسننی گرید سے اضافہ کے جواب بیں جواضافہ اس کے مجم میں واقع مو کا وہ آس مجم كا ٩ ٢ ٢ ٣ ٠٠ و (= المعلم تقريبًا) كنا موكا جوصفر وردبسنني كريد كىس ندكوركايىو-س اگر گئیس کی ایک خاص کمیت کا عجم ، سنتی گرمد مرح ہو اورعه مقدار ٩٩ ١٩١ . وكو تعبيركرے توتيكن ميں برامات ورقب سنتی گرد کے اضافہ سے گیس کے حجم بیں عدح کا اضافہ موگا اور بنابریں سن سنتی گر بدیر کل امنا فر عمے ت ہوگا۔ لہذا اگرت سنتی گرید ہر ہوا کے حجم کوس سے تعبیر کیا حاقے (ニューナリンマーニーフェナスーを نيزاكر ت منتي كريداور ٥٠ سنتي كرمديرك فتيس إلترتيب ک اور کب سوں تو اس لئ ك = = ا + عدت (ニューリンニン: مندرہ بالاکلیہ کو تعبض او فات محے لڑک کے کلیہ سے اور بعض و فا جارس کے کلیے سے موسوم کرتے ہیں۔ الاس دنعها تبل کا کلیه تام گیوں پرصادق آنا ہے جو سیس وبيب قربيب كالل مين ان كي صورت مين عدكي فتين أسس مقدار

714 یعنی سال کے منہایت قریب ہے۔ تبیش نا پنے میں اگر سنتی گرید تنیش بیا کی بجائے فارن ہیت استعال کیا جائے تو عرکی نیت نقریبًا 🖨 × 😅 ہوگی-آ کھو نکہ فارن ہیت میمانہ کے ١٨٠ درجة سنتی کرید میمانہ کے نوا درجوں کے ساوی ہوتے ہیں بینی ا فارن سین = ھاسنتی رید] مشق اسه اگر ہوا کی ایک خاص مقداد کا جحم ۱۰ سنتی گزید تبیش یر ۳۰۰ مكسب سنتي ميتر ہوتو اس كا مجم ٢٠ سنتي گريد پر (حب دباؤوسى رہے)معلوم كرد اگر ؟ سنتی گرید پر جم ح ہو تو Cx + x = C × -1 × 1 · + Z = 4 · · m.. × 12m = 2 : لهذا ۲۰ سنتی گرید پر حج مطلوب = ۲۰ + ۲۰ × سنتی گرید پر حج مطلوب m .. × 19m = 7 - 19m = = ١٠ من مير الله معب سني مير مشق ۲ گیس کی ایک خاص مقدار کا حجم ۱۵ سنتی گرید پر ۰۰ م کعب سنتی میتر ہے، اگراس کے دباؤ میں تبدیلی واقع نہ ہو تو بتا و کہ کس تبیش يراس كا تجم . . و كسب سنتي ميتر بو جا عيكا -فرعن کروکہ مطلوبہ شیش سے تب

ن ت = ۵۸۷ سنتی گردد. سال سفوان کرو کر مجھ گیس ، سنتی گریدیر ایک اسطوان کے اندر بند سے اور اسنے وزن کے ایک فتارہ کو نفامے ہوئے ہے كوكيس كا دباؤ حرب - الركيس كى كنافت ك. بونو اب اسطوانه کوانناگرم کرو که اس کی شیش ست سنتی گرید ہوجا فرمِن کرد کرکیس کی کتا فت اب ک ہے۔ نب کلیئہ جارلس سے ظا برے کہ ك = ك (١+عرت) ---٠٠٠ ر٢ (۱) اور (۲) کی روسے د=م ک (۱+ عدت) اس سے گیس کی تبیش، دبائر اور کتا منت کا بالہمی ربط معلوم ہونا ہے۔ میش مطلق -اگرکسی گیس کو بالتدریج شنڈاکرتے جا تیں حتی کہ اس کی متیش صفر درجہ سنتی گرید سے بھی بہت بہتے ہوجائے اور گیس مانع نہنے بلکہ جاراس اور باعل کے کلیوں کے مخت میں رہے تو کسی تبیش ت یر کیس کا دباؤ صفر موجا ملیکا جال لینی ت = - یا = - ۲۷۳ اس - سا ۷۷ درجہ کی تبیش کو ہوائی تبیش بیما کاصفر مطلق کینے ہیں اورکسی گیس کی تبیش جواس صفرسے ناپی جائے

شبیش مطلق کہلاتی ہے، تبیش مطلق کو بالعموم سے تعبیر کرتے يں = ا البذاح=م ک (۱+عرت) = م ک عر (الح + ت) = م ک عدت اب اگر کسیس کی ایک خاص مقدار کا حجم سے ہوتو دیے = م عد [ح × ک] = م عد × گیس کی کمیت = ایک مقدار متفل ا سلنے اگر کسی کمیس کی کوئی خاص کمیت دی ہوئی ہوتواس کے دباؤ ا در ججم کا حاصل مزب اس کی تبیش مطلق کے متناسب ہوتا ہے۔ مشق ا۔ آیا کرہ کے اندر ہواہے کرہ کے نصف نظر کودگا کردیا كميام ادر نيزاس كي سبش كو ، سنتي گريد سے ٩١ سنتي گريد كرديا كياہے نابت کروکہ ایسا کرنے سے آخری وباؤ ابتدائی وباؤکا ہے روگیاہے ما ن لوکہ بھیلا و کی قدر فی ورجسنتی گرید سريم سے -فرمن کروکه ابتدائی دباؤ د اور آخری دباؤ کے سے ابتدائی کنافت ک اور آخری کنانت ک ہے۔ چونکه کره کے نفف قطر کو دگنا کردیا گیاہے اس سے آخری جم ابتدائی مجم کا مکنا ہے [1 + 1] = (91 × 5+1) = = = = = :

1 = myn × 1 =

امثلهنميري٢٣

[ذیل کی اشار میں عدکو ہے ہے برابر فرض کرو] ا مصفر درجہ سنتی گرید کی تبیش اور بارہ کے ۲۷ سنتی میٹر کے و بائر پر جم محوب کرو

۱۱) اس ہوا کاجہامیم مسنتی میتر کے دباؤ اور ، ۴ سنتی گرید کی تبیش پر ۱۰۰ مکعب سنتی میتر ہو

(۲) اس بوا کا جس کا جم سبوائی کروں کے وباؤاور ۱۰۰ فادن بت

تيش يرس كعب فك بو-

الم الميس كى ايك فاص مقدار بإره كے اور إن دباؤادر و وسنتى گرير بر مكعب إن جگري ايك فاص مقدار بإره كے اور و وسنتى گريتيش برتنی جگر كھيرے كى و الدور و وسنتى گريتيش برتنی جگر كھيرے كى و الدو و وسنتى گريتيش بردواكى ايك فاص كميت والمعب الح حكم كي تي ہے ، بناؤكر باره كے م ه الح دباؤ اور د م الله بناؤكر باره كے م ه الح دباؤ اور د م عسنتى گريد تنيش براس كا جم كيا ہوگا و

مم - سط سمندرید تیش ، سنتی گرید اور اربیا ، ه علی میتر بر ب این ایک بیا اور اربیا ، ه علی میتر بر ب نیز ایک بیا اولی بود بی بر تبیش ۱۳ سنتی گرید ب اور باربیا ، ، م می میتر یک بود ای کا میتر بر ب و دون جگهوں بر بهوا کے ایک کعب میتر کے اوزان کا مقابلہ کرو-

عابد مرود ایک اسطوان میں دوگیسیں ہیں جن کے اختلاط کو ایک حرکت کرنے والا فضارہ رو کے ہوئے ہے۔ دونوں گیسیں ، استی گرید پر ہیں ادران میں

سے ایک کا جم دوسری کے جم کا ڈگنا ہے۔ اگرزادہ حجم والی گیس کی سیس کو ت مرکز اور جائے قوتا ہے کردکہ فضارہ الم الم عرف جگر میں سے حرکت کرے کا جماں لی اسطوانہ کا طول ہے اور عمر بھیلاؤ کی قدر فی درجم سنتی گر مرسے ۔

ایک کرہ کے امدر ہوا ہے ، کرہ کے نصف قطر کو دگنا کر کے اس کی اس کی مین کر بیا ہے ، اگر ہوا کے پیلاڈ مین کر بیا ہے ، اگر ہوا کے پیلاڈ کی تدر فی درجیسنتی گرید سانے ہوتو نا بت کرد کہ اندر کی ہوا کا دبا کہ پہلے کی قدر فی درجیسنتی گرید سالے ہوتو نا بت کرد کہ اندر کی ہوا کا دبا کہ پہلے کی نبیت یا دہ جائے گا۔

کے سے ، منتی گرید نبیش پر ہوا کے ایک سنتی میتر کھ کا وزن ان ان وگرام سے جبکہ بارسیا کا ارتفاع ۲ سنتی مینز ہے پارہ کی کتا فت ۱۰۰ وگرام سے جبکہ بارسیا کا ارتفاع کی عددی قبست ۱۸ ویت امراع کی عددی قبست ۱۸ ویت امراع کی عددی قبست ۱۸ ویت امراع کی عددی قبست دباؤ کی سنزح دباؤ کے ماتحت نقطہ انجاد سے لیکر نقطہ جوش کر بہوا کے پھیلا و کی سنزح اسے ۲۲۳ وا تک ہوتی ہے۔ ایک گرام ہوا کے لئے جنگے کی قبت محدوں کی ویت

۸ سے ایک فتارہ ایک اسطوانیں بھنس کرآ تاہے اور اس کے اندرآزا وانہ حرکت کرتاہے ' ابتداء اس کو اسطوانہ کے عین دسطیں رکھاگیا ہے اور اسطوانہ کو انتصابی اسطوانہ کے سرے بندکر دیئے گئے ہیں - جب اسطوانہ کو انتصابی میں مرکعا جاتا ہے تو فتارہ کا فاصلہ بالائی مرے سے اسطوانہ کے کا طول میں دکھا جاتا ہے تو فتارہ کا فاصلہ بالائی مرے سے اسطوانہ کے کا طول کا انتریب کا ایک گیا ہوتا ہے لیکن اگر دو نوں حصوں کی تبیتوں کو بڑا کر با لترتیب کا اور ت مطلق بیضیں ہیں توفیارہ کے جہاں ت اور ت مطلق بیضیں ہیں توفیارہ کے وسط میں آجاتا ہے ، ٹابت کروکہ اسطوانہ کی ابتدائی مطلق بھواسطوانہ کی ابتدائی مطلق

110 کیسوں کے آمیزہ کا دباؤ۔ یہ تجربہ سے تابت کیا جاسکتا ہے کہ اگر دو ظرفوں میں دوقتم کی گیسیں موجود ہوں اور دو بؤں ایک ہی شیش اور دباؤیر ہوں تو اُن کو ملا سے سے اِنکے أميزه كاوباؤ وبى ربديكا جويبك تفا بشرطيكه دويون كيسول مي سی تشمر کا اتخا د کیمیائی و اتع نه بهو-114 مے ووکیسیں ایک ہی تبیش پر ہیں اور اس میں سے ہرایک كا حجم ح سب ان كے دباؤ بالتر تبيب در اور در ہيں- اگران كو الدولا جائے اور آمیزہ کا مجم بھی ح ہوتة آمیزہ کا وباؤ حر + حر ہو گا بشرطیکہ تنیش میں کو نیا تبدیلی واقع مذہو -دوسری کیس کے جم کوا سے بدلوکداس کا دباؤ کے ہوجائے ، ت کلیہ بائل کی مروسے اس کا جم ح × دی ہوگا۔ اب سارے یاس دو مختلف گیسوں کے دو جم حاور حدید ہیں اور ہرایک کا دباؤ جے سے ان کو ملادو -و فعہ گزششہ کے تجربہ کی بنا برآمیرہ کا جم (۲+ح جند) اور وباؤ في بوگا-اب فرمن کروکہ آمیزہ کا مجم ح بنا دیا گیا ہے اور اس کے متناظ دباؤ کی فیمت د ہے۔ اب بائل مے کلید کی روسے 3x(=(3+3x2+2)=>x2

ا کاا۔ دوگیسوں کوس کے جج کے اور سے اور دیاؤ کے اور کے ہیں باہم لاکرایک ایسے ظرف ایس ڈالاگیا ہے جس کا حجم ح ہے۔ اگر تنیش نہ بدلے تو آمیزہ کا دباؤ محسوب کرو۔ دوسری گیس کو دباؤ جہسے جہید ہے آؤ انب بائل کے کلیم اب ہمارے یاس مجم حراور عمر فن کی دوگیسیں ہیں اورمراکی کا دباؤ د ہے ، حب سابق اُن کو الا نے سے جم ح + عرف م ایک آمیزه عاصل ہوگا جس کا دباؤ م ہوگا -اب وض کروکہ امیزہ کا مجم بدلکر ح اور بنا برس اس کا وہاؤ حکروہا گیا ہے۔ تب ہائل کے کلیہ کی روسے cx7= <x(5, +5, = (3, + 7) = < 7 + < 5. يدى مطلوب دباؤ= دبح + حركم ١١٨ - اگروفغه ١١١ كى اند ہمارے ياس متعدوكيسيں ہول جن میں سے ہرایک کا مجم سے ہو لیکن وباؤ بالترتیب د، د حرا ... و توجب أن كو الما نے سے بالا خرا ميزه كا حجم ح بناديا جائے تو آميزه كا دباؤ د + د + د + د ب بوكا! یہ کلیہ والن کے کلیہ سے موسوم سے - اس کو افاظ دیگر یوں بھی بیان کیاجا سکتا ہے: اگرایک فاص حمے کے اندر سبت سی کیوں کو بھر دیا جا ہے تہ ہر ایک گیس کا و با واتناہی

ہو گا جتنا کہ بافتی کیسوں کی عدم موجود کی بیں اس کا ہوتا ، لینی آمیزہ کا مجموعی واؤسب گیبوں کے انفرادی دباؤں کے مجموعہ کے سادی ہوگا۔ ستوں ۔ دوگیسوں کی کمینیں بالترتیب م اور م ہیں اور ہرایک کے دباؤ ا در کتافت کی نسبت با نترتیب که اورک اگران کو لانے سے شیب ش میں کوئی فرق مزائے ہو تا بت کرو کہ آمیزہ میں دباؤ کی سبت کتا فت کے .. Se+ Se 119- بارسا کے وربعہ بلندیوں کا معلوم کرنا اگر كرهٔ موائل ما لت سكون مين بو اور اس كي ميت ستلقل ہو اور اگراس میں ایسے نقطے سئے جائیں جن کی لمندیاں سطح زمین کے اوپرسال مصابیر میں ہوں (ص کا مفترک فرق بہت عِمولًا ہو) نوان نقطوں پر کے دماؤسلسلۂ سندسبہ میں ہو گئے۔ فرض كروكه ايك امتصابي خط برنفاط ن ن ، ن م ایک ساسل ایسا سے کہ ون = ن ن = ن ن = ن ن = ن = ہے جاں بر بہت چھوٹا سے ہوا کے ایک چھو سے اسطوانہ پر عور کرو جس کی افقی تراش ببت جهو تی سے ادر حس کا محور خطاستقیم و ن ن [نوط - جو كاب علم احصاء تكلات سے واقف مے أسے والميك اس موقع يضميه كتاب بذاكا مطالع كرے

جو کے برہت چوٹاہے اس نے ہے کی دوسلس نقاط کی درمانی ته میں ہوا کی کثافت کو مکیاں تصور کرسکتے ہیں۔ فرمن کردکہ نیجے سے نتر دع ہوکر اویر کی جانب ملل ہوں کی کُنَا فَتَیْں بِالرِّنْیِ کَی ، کی ، کی ، سی ہیں اور بنا برین ان کے دباؤ با تشامسل م کے ، م کی ، م ک ، م ک کر ، م ک کے دباؤ با تشامسل م کے ، م ک کو نا ، ن میں ۔ پیس ان دباؤں کو ہم بالتر تیب نقاط و ، ن ، ن میں ۔ پی کے دباؤ تصور کر سکتے ہیں و اور ن برکے رون کے دباؤں سی جو فرق ہے دہ جرز ون کے وزن کو سہارے ہوے ہے۔ اس لئے م کے عجی ب اسی طرح سے اسطوانوں تر نے لبدام کے = جکے یہ مكم-مكم= جكي ب مكرير - مكر = جكريد ابر [-] = 5 كسر=كر [ا- عنياءكر [المعنيا

كرة كرر، [المحمي] في [المحبي] وا یس کنا فنیں کے اکر اک کی است اور اس سے ان کے اگرت کے عین اوپرکٹا فت کے ہو توحب بالا D= - [1- 3/2] - - [- 3/2] -اگرہم ربر کی بجائے ف رکبیں جس کے برمعنی ہونگے کہ زمین سے بندی ف پر کتافت ک ہے تو ك = ك ال- ترم فرمن کردکہ منے = ی ت ك = ك [ا - ا] ك = ك [ا - ا] ك = ك ب اب ركولاانتها برائ ليكن ف كويستورستقل ركه حبى كا مفہوم یہ ہوگا کہ وال جن بتوں میں منعتم ہے ان کی تعداد کو لا انتہا رل واكراس يتب يونكه 3 = [-1] = 6

جس میں و سے مراد لوکاریوں کے بنیری نظام کا اساس سے 1 2 = S :

اس منابعہ سے بندی ف پر کی کتا فت سطح زبن پر کی کتا فت کی رقوم میں معلوم ہونی ہے۔ لیکن بیا کتا فت اس مفروض کی بناء برمحسوب کی گئی ہے کہ ج کی فیت ہر فیار منتقل رہتی سے اور یہ ام صریحاً زبین کی سطح کے او برمحدود فاصلوں تک ای درست معدر ہوسکتا ہے۔

علاوہ ازیں اس من شیش کو بھی غیر شغیر فرض کا گیا ہے جو ام دانع کے خلاب ہے کیو مکہ ارتفاع کے تامل لحاظ نفا وت سے تبیش میں بھی انقلات واقع ہوتا ہے۔

• ١٢ - باريبا كے يرصے سے دومقامات كى بلنديوں كا فرق

د فعہ ما نبل کے منالطہ سے ک یک و تا ا

وَمِن كروكه دومقا اب ندكوره بربار بيباع اورع برج، ت ع:ع= ک: ک رحب کلیرال)

: لوك و ع = -ج ن ا

بیں وو مظامت کا عمو دی ارتفاع فنوں میں حاصل کرنے کے لئے مقامات مذکورہ پر بار بیما کی جو بلندیاں ہوں ان کے دوکارموں کے فرق کو مقدار مستقل ہے۔ دوک برا سے صرب وینا بڑتا ہے۔

بہ میں میں میں میں میں میں ہے جو قیمت محسوب کی گئی ہے اس کی روسے اور جے اس کی اور لوک و ا = الے = اس کی اس کی روسے اور جے = ۱۹۶۴ اور لوک و ۱ = الے = الے علیم میں کا لین

سے مذکورہ بالا مقدار سنتقل کی مین نقریباً ۲۰۲۰ ہوتی ہے جبکہ طول کی اکائی دن مانی حائے۔

اگرس، گ، ث اکائیاں استعال کی جائیں تدو فعہ ۱۰۸ یں صم کی قبہت ۱۰۰ رہ ۱۹۵۷ معلوم کی جاچکی ہے۔ نیز جو نکہ اس نظام کے مطابق ج = ۱۸۹۱ اس سے بی

مقداد مستقل = روم ۲۵ × ۲۹ × ۲۷ منتقل = روم الم ۹ ما

= ٠٠٠٠٠ ا تقريبًا

مُشُون ا ۔ ثابت کروکہ بار بیباکا و بستی میتر سے ۵ مطنتی میتر بر اُجانا تقریباً ۱۰۵ میتر کے معود کو تغبیر کرتا ہے جہاں

15ACD-4=60 SJ 15AA.A1=64 SJ 65 MM M49 = 2 SJ مشوق الساكاياره ٣٠ الخ سه ١٥ الخ يراتر آئ ادراس . هم فط كا صعود تغيير مو تو تنا و كرجب باريما كا باره ٢٠ ايخ ير موكا لو اس سے ۱۰۰۰ مط کا اد نفاع تعیر ہوگا۔ ا ۱۲ - اب ہم ذیل میں ناقص باربیاؤں کے متعلق جن منالیں درج کرتے ہیں۔ مشنق ا - رہ ہوائی تے دباؤیر کی والمعب فظ ہوا کو ایک ایسے باریما کے خلامیں داخل کر دیا گیا ہے جو پہلے وی سنتی میز ریخا۔ اس عمل سے یادہ بنجے اُ ترجانا ہے اور ہوا ہ ا کعب سنتی میتر جگہ گھیرتی ہے ، بارپیا کا آخرى الرتفاع دريانت كرو-كرة جوانى كے وباؤكو الاسے تغيير كرد - نتب بائل كے كليد كے مطابق ن بواكا آخرى دباؤ = الله ا بارہ کے ستون کے ادیراب ہوا کا دباؤ کرہ ہوائی کے دباؤ کا سے ہے یعنی اب یادہ کے ستون کا طول ابتدائی طول کا ہے اور اس سنے اب يه حرف الله ٢٥ سنتي ميترب -مشوا ٢ - جب صحح باربياكا ارتفاع ٣٠ إيخ بوتو أيك اور باربياكا ادتفاع ٢٨ الح ہوتا ہے جبکہ موخوالذکر باربیا کی نلی کے ہے الح طول میں ہوا ہو۔ اگر صحیح باریما کا بارہ ٢٩ ایخ برا ما ئے تو تابت کردکانا فس بارسا الم ٢٠ إلخ بيروكا-

٢٣. حب کڑہ ہوائی کا دباؤ بارہ کے ، ۳ ایخ کے برابر ہوتو فرص کروکہ ہوا کے سنون کا طول لا ایج ہے ، اسلے جب اس کاطول ہے ہوگا تواس كا دباؤ في مربع ايج = ایک × کرهٔ موانی کا دبا و = ایک بره موانی کا دبا و = ایک كمعب ايخ إره كا وزن سے ـ لہذا نا قص بارسیا کے توازن کے سے صرور ہے کہ حب صحیح بار بیما ۲۹ ایخ پر ہو تو فرص کرد کہ نا قص بار بیما کا ارتفاع ما ایج ہے۔ اسلیے ہوا کا دباؤ فی مر بھ ایج 9 × 1-+1===

1-4" + 1= m. x 1-m1 + 1=19 3

اس مسا دات کا دوسرا عل بینی ۱۳۳ صریحا نا قابل تسلیم ہے مقنق سا ۔ جب صبح بار بیما کے ارتفاع عمد ادر بر ہوں توایک اقص باربیا کے ارتفاع حس کے اندر کچھ مواجے بالتریب الراور ب ہوتے بي - اگرنا قص مارسياج پر موتوصيح مار بيماكا ارتفاع محسوب كرو -فرص کردکہ ہوا کی مذکورہ بالا مقداد مار بیما کے طول لا کو گہیرتی ہے

جبکہ کرہ ہوائی کا وباؤ بارہ کے ت ابخ ں کے برابرہ و
ہبلی صورت بس ہواکا وباؤ عہ ہ لا ابخوں کے دباؤ کے ساوی ہے اور اس لئے اس کا طول اس دقت = $\frac{c \dot{c}}{3-1}$ × (([بیوب کلیائل]

ہبلی صورت بس کا طول اس دقت = $\frac{c \dot{c}}{3-1}$ × ([بیوب کلیائل]

ہور باربیما کی نلی کا کل طول = (+ $\frac{c \dot{c}}{3-1}$ لا

اور دوسری صورت بیں ہوا کا دباؤ = ہ - ب اور بہ جس فد طول کو
گیرے ہوئے ہے وہ = (+ $\frac{c \dot{c}}{3-1}$ (

 $\frac{(k+\frac{\omega}{2-k}-7)(-7-7)=\omega k}{(k+\frac{\omega}{2-k}-7)}$ $\frac{(k+\frac{\omega}{2-k}-7)}{(k+\frac{\omega}{2-k}+2)}$ $\frac{(k+\frac{\omega}{2-k}+2)}{(k+\frac{\omega}{2-k}+2)}$ $\frac{(k+\frac{\omega}{2-k}+2)(k+\frac{\omega}{2-k}+2)(k+\frac{\omega}{2-k}+2)}{(k+\frac{\omega}{2-k})(k+\frac{\omega}{2-k}+2)(k+\frac{\omega}{2-k}+$

امتله نبري ۲۲

ا۔ اس کی کیا وجہ سے کہ بامیریا کے اوپر کے حصتہ بی متوڑی سی ہوا

وافل کرنے سے الا مارہ بہت زیادہ نے اُڑ جاتا ہے میں اوج کے ایک حکوے سے جوہارہ کی سطے پر تیرا ہے یہ بہت کم نیجے درا ہے۔ الم - ایک باریمان انخ یر ب نلی کی عودی تراش کارقبہ للے مربع اپنج ہے اور یارہ کے اوپر کمل طور یہ ظاری ، بار بیا کے اندر با ہر سے ایک كسب ان إبوا داخل كردى كئى ب جس سے باره م ان يجے از جانا ہے۔ تنا وكه خلاكا جم يهل كننا عما-سا۔ ہواکا ایک بلبلہ جس کا مجم یارہ کے . س ایخ دیاؤ برایک کھانچ

ہے بارسیا کی بلی کے اندرجلا جانا ہے بلی کی عودی ترامش کارفبہ ایک مربع ایخ سے اور اس کے خلاکا طول ایک ایخ ہے، بتاؤکہ یارہ کتنا یہے

مم ۔ بار بیا کی ایک بکساں نلی کی چوٹی ظرف کے بارہ کی سطے سے ۳۳ ایخ کی بندی پرسے سکن بلی کے اندر کیے ہوا داخل ہوجا نے کی وجرسے إرسيا ٣ و ٢٨ ایخ بررہا ہے جبکہ کرہ ہوا فئ کا دباؤ بارہ کے ٢٩ ایخ کے سادی ہوتا ہے ؟ ایخ کے سادی ہوتا ہے ؟ بناؤ کدالاس بار بیا کا بارہ ٨٣ ء ٢٩ ایخ بر ہوتو اس سے کس فعاد

ا صلی از تفاع تعبیر مبوگا۔

۵۔ باربیا کی ایک کیسان بلی کی جوٹی طرف کے بارہ کی سطح سے ۳۹ ایج کی لمبندی پرے - الی کے اندر کچھ ہوا ہونے کی وجہ سے بار پیما ۲۷ انح پر ہوتا ہے جبکہ درحقیقت اس کو ۵ کر ۲۸ ایخ پر ہونا جا جیئے ابنا و کہ اگراریبا س ایخ بر موتواس سے درحقینت کتنا ارتفاع تعبر موگا ؟

٢- جب ميح بار بياس الخ ير بولو ايك نافص بار بياجكي نلي كے الد مجھر ہوائے ۲۸ ایخ پر ہوتا ہے ، اگر ان دو او ں اُلوں کو ہوا ہیں کے

تقابلہ کے اندر رکھر کا بلہ کی کچھ موا خارج کی جائے قوان کا یارہ بالترسيب ١٥ الج اور ١٩ ١ ١١ اخ يربونا جه - نابت كروك نا قص باريما كى لى كا وهطو جوظرت کے پارہ کی سطے سے نایا جائے مع دام ای ہے۔ ے ۔ میری اوس کی نی کی درجہ بندی ایجون میں کی گئی ہے جیوئی ساقیں یارہ ہم درج پر سے اور اس کے اوپر کے اس مصم کا طول میں میں جوا ہے ہ رائے ہے - دومری ساق بس الده مع درجه ير سے اورباريا اس وقت ٥ و ٢٩ اع كا دبا وُ طَا بركرتا ہے - بتا وُكم مذكوره بالا ٥ يخ بوا بركس قدر دباؤ ب اور نیز بتا وُکہ صرف بارسما کے وباؤ کے ماتحت یہ ہوا نلی کے کتے طول

کو گھیرے کی ۔

٨ - ايك كيال سوراخ والى لانمانلي كي ساقيل انتصابي بين ان يس سے ایک ساق کا سرا بندے اور دو بن ساقوں کے افرماؤی بلندی مك باره ہے - اگر تھلى ساق ميں اتنا ياره اور ۋال ريا عاع بي كے ٨ يع طول كو بجرك كے لئے كافي ہوتو بندساق كے اندريارہ ايك الح اویر چڑھ مانا ہے اور اگر مزید بران اتنا یادہ اور ڈالا جائے جو بلی کے اا اغ كو بھر سكے نو دوسرى سان ميں ارتفاع ايك اغ اور بڑھ جاتا ہے ، بارہ کے مارسا کا ارتفاع محسوب کرو-

P مد ایک بار بیما کی نفی کے اندیارہ کی سطے کے ادیر کچہ ہما ہے حبکی وج سے برار بیا ، ، ، ملی بنز برہوتا ہے جب کہ سیاری باربیا ٢١٠ على ميتريد جو - اندركى برواكا دباد تى مربع سنتى ميتر كداموں كے درن ميں دريا نت كرد جبكه باده كى كتافت امناني ٩٩ ٥ و١١٠ بدر ١٠ - ايك بارساكي خداد على كاسوراخ كيال بهودس كاخلاناقص

ہوئے کی وجہ سے حب اصلی بار بیما ۳۲ ایج پرمودا ہے تو یہ بار بیما ۳۱ ایک فلا ہر کرتا ہے اوراس کے خلاکا طول ایک ایخ ہوتا ہے اگر تبیش میں کوئی تعدیلی واقع منہ ہوتو بتا و کہ حب یہ افاقس بار بیما ہے 17 ایخ بر ہوگا تو اصلی بار بیما کینے ایخ بر ہوگا -

11 کے جب اسلی بار بیما کا ارتفاع ۳۰ ایخ ہوتو ناتص خلا وا سے باربیا کا ارتفاع ۸ ء ۲۹ ایخ ہو ای کے دباؤ ۸ ء ۲۹ ایخ ہو ای کے دباؤ کر کیا ہوگا۔ پرکیا ہوگا۔

۱۷ - ایک باریما ۳۰ پرخ پرہے اور طریسلی کے خلاکا طول ۲ پرخ ہے
اگر جداکا ایک حاب جوکرہ ہوائی کے دباؤ پر الی کے لیا اپنے طول کو گھیرا اسے خلاکے اندرواغل کر دیا جائے تو بناؤ کہ یارہ کی سطح ۳ یا نجیے اُتر حاسے گئے۔ نیز نابت کرد کہ جب نافص بار میما لا اپنے پر جو لؤ اصلی بار سیما

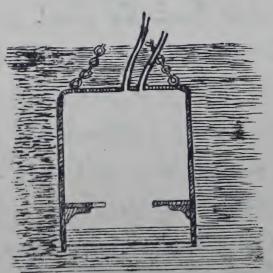
بارسيا ١٩ ايخ برمو گا قوتنا ؤكه كره بواني كا دباؤه ١ و ٢٩ ايخ بوگا-

مم ا سے ایک بارپیا کے اندر خلا سے طریبلی کا طول او آئے ہے اور جباسلی
بارپیا ج اپنے پر وہ تو یہ آلہ ب اپنے پر وہوتا ہے آگر یفظی نا قص خلاکی
دجہ سے پیدا ہو تو بتا او کہ اس آلہ کے ظاہری کے ارتفاع کے
منا ظراملی باربیا کا ارتفاع

- ピューマンタートン

سیالات کے خواص کی تشریح کے لیے آلات اور کلیں

اس تدر درنی ہوتا ہے جو نیج کی طرف سے کھلا ہوتا ہے اور اس تعدر درنی ہوتا ہے کہ ایم طرف سے کھلا ہوتا ہے اور اس تعدر درنی ہوتا ہے کہ اینے ہی درن سے بانی سے اندر بالیانی دوب جاتا ہے اور اس ہوا کہ جو اس سے اندر ہو اپنے ساتھ نیچے دوب جاتا ہے اور اس ہوا کہ جو اس سے اندر ہو اپنے ساتھ نیچے سے جاتا ہے اس کو ایک زنجیر کے دربیہ جو اسکے ادبر سے سے ساتھ بندھی ہوتی ہے بانی سے اندر لٹکا دیتے ہیں۔ خوطہ خور اس کے اندر شکیکر بندھی ہوتی ہے بانی سے اندر لٹکا دیتے ہیں۔ خوطہ خور اس کے اندر شکیکر



اگہرے یائی کی
تہ میں اترجائے
ہیں اور دہاں جو
کام جاہیں اطیبان
سے سرانجام دے
لیتے ہیں۔
بیوں جوں طون ذکور

بھوں جوں طرف ملور پاتی سے اندر اترتا جاتا ہے اس کے اندر کی ہوا کا دباؤ جو ہر صورت میں اس پانی کے دباؤ کے مساوی رہتا ہے جس کو یہ مس کرتی ہے بتدریج بڑھتا جاتا ہے۔ لیس بائل کے کلید کی روسے ہوا کا بختم کم ہوتا جاتا ہے اور بانی بتدریج فڑون کے اندر پڑھیتا آتا ہے۔

روا کے اس سکراڈکوروکئے کے کئے ظرف کی بالائی
سطح سے ایک نلی بیوستہ ہوتی ہے جوظرف کی ہواکو باہر کی
ہوا کے ساتھ وصل کرتی ہے۔ اس نلی کے ذریعہ ظرف مذکور
سطح اندرمصنوعی طور پر ہوا بھرتے رہنے سے بانی کی سطح
کو جس بلندی پر جا ہیں رکھ سکتے ہیں۔ اس سے علادہ اسی
طرح کی ایک اور نلی بھی ہوتی ہے جو خراب ہوا کے اخراح
کی غرض سے سکائی جاتی ہے۔

زنجیر کا تنا و طرن سے بقد مٹائے ہوئے بانی سے وزن سے بقد مٹائے ہوئے بانی سے وزن سے وزن سے اگر طرف کے اندر مزید ہوا بہب ندی جائے تو جوں جوں طرف نیمے انرتا جائے گا ہٹائے ہوئے بانی کا وزن کم ہوتا جائے گا اور بنا بریں زنجیر کا تناوُ

وم بدم برمہا جائے گا۔

الم اللہ معلوم کنافت والے بانی کے اندر آیک ظرف غواص الکایا گیا ہے۔ اگر اوبر سے مزید ہوا نہ بھری جائے تو الکایا گیا ہے۔ اگر اوبر سے مزید ہوا نہ بھری جائے تو (۱) دی ہوئی گہرائی الم بر ہوا کا سکڑاؤ

رس کرہ ہوائی کے دباؤ پر ہوا کی اس مقدار کا حجم جو اس المراني رياني كوظرت عد المركف كى فاطرف ين بعرى جانى جا سع-(۱) فرش کرو کہ ظرف کا طول بے ہے اور ا گھرائی یہ اس کے طول لایں ہوا ہوتی ہے۔ نیز زض کرو کہ کرہ ہوائی کے دباؤير باريماكا ارتفاع دن --اب اگر کرہ جوائی کا دباؤ ۱ ، خادت کے اندر کی ہوا کا وافرات اور یانی کے بچے کی اکانی کا وزن و جو تو 四二の [كليم يائل كي روسه] リーニーコー يس ٣ = و الم اور آوازن کے لئے صرور ہے كه جواكا دباؤ اور ياتى كا دباؤ ظوت کے اندر سطح سنترک يريانهم ساوي بون-

ت الله = ج بركا دباؤ = د (لا + لم) + الله = د (لا + لم + الله) = د (لا + لم + الله) الله دو يتمتول كو با م ساوى كرنے سے م الله كار ك سے د و يتمتول كو با م ساوى كرنے سے د و د لا + لم + دن)

・= いいしいいいいい یہ درجہ دوم کی ایک مساوات سے جس کی ایک اصل مثبت ہے اور دوسری منفی - ہمیں صرف مثبت اصل سے بحث ہے، تب ہوا کا دباؤ ظرف کے اندر = ب- لا (۲) اگر ظرف کی تراش کا رقبہ لے رہو تو خارج شدہ یانی کا بح له الله مو گا اس لئے اس کا وزن و له لا مو گا- يس اگر اظرف کا وزن و جو تو زنجير کا تناوً

كمل طور پر صحیح اور درست نتائج عامل كرنے كے لئے اس جواب میں اندر کی ہوا کا وزن جمع کرنا چاہئے لیکن چونکہ ہوا کا وزن ظرف سے وزن سے مقابلت المایت قلیل ہوتا ہے اسلے اس کو نظر انداز کرنے سے اہم غلطی کا اندیشہ ہنیں۔ رس وض کرو کہ طون کا تھے ج ہے اور کرہ ہوائی کے دبار پراٹس ہواکا مجم جو پانی کو دکی ہواری پر دکھنے کے لئے ظرف ذکورے اندر بھرتی بڑتی ہے ح ہے۔ اس صورت یں ہوا کا دبار طرف کے اندر = یانی کا دیاؤ د ید

= ((++++)+== ((+++++) یس کرہ ہوائی کے دباؤ m سنی ف جرید (۲+ح) جم ک ہوا ، دباؤ و را الم +ب + ف) پر حجم ح رکھیگی -اسلنے بائل سے کلیہ سمے مطابق

(ع+خ) دن=ح (أ+ به+ ن) ع=ح أب به جوجم مطلوبه م

۱۲۲ مشق ا - ایک ظرف غواص اسطوانه کی شکل کا ہے اور اور اسکی اندردنی کنجائش ۲۰۰ معیب فٹ ہے۔ ظرف فرکور جب شے کا بنا ہوا ہے اس کا مجم ۲۰ مکعب فٹ ہے اور ظرف کا وزن ۲ شن کا بنا ہوا ہے اس کا مجم ۲۰ مکعب فٹ ہے اور ظرف کا وزن ۲ شن ہے اور ظرف کا وزن ۲ شن کے بارسیا کے ارسیا کا ارتفاع ۳۳ فٹ ہو تو بنا ؤکہ کس گہرائی پر وزن آتار لئے جا بیس کہ ظرف اویرا کھنے کے عین نا قابل ہو۔

فض کرو کہ مطلوبہ گہرائی لا ہے تب اندر کی ہوا کا دباؤ = و (لا + ٣٣) جہاں ہ ایک کعب فط یانی کا وزن ہے۔ اور بائل کے کلیم کی روسے

اس دباؤ پر ہواکا مجم × در (لا + ٣٣) = ٣٣ × - ١ × در اس دباؤ پر ہواکا مجم × در الا + ٣٣)

اس کے خارج شدہ یانی کا مجم دیکوں میں)

mmx + .. =

يز چونکه اس ياني کا وزن ٢ ش مونا جا ہے ، اسلنے

44 - x (-+ + A) = + 4.) = + 4. × 4

1 = 44 + 44 = N

اوط خران کے اندر کی ہوا کو سس کرنے والے پانی سے داؤ اور ظرف سے بیندے پریانی سے دباؤ کے درمیان جو تفاوت ہے اس کو متق ہا میں نظر انداز کردیا گیا ہے۔ مشق الله دفعہ ۱۲۳ کے ظرفت غواص کے اندر سوڈا واٹر کی ایک ایسی بوتل کھولی گئی ہے کہ اگر اس کو بیرونی ہوا میں کھولاجائے تو ارس سے جم ح کی گیں فاج ہوتی ہے۔ ناست کرو کہ رہے کا تناؤ بقدر و ن ح کے کم ہوجاتے اس میں من کے مربوں کو نظر انداز کردیا گیا ہے۔ دفعے سرا کے مطابق ・ニーいー(い+り)カナン جب بوئل کھولی جاتی ہے تو فرض کروکہ لاکی تعیت لا+ ما ہوجاتی نیزگیس کا ابتدائی مجم اور ظرف کے اندر کی ہوا کا مجموعی عجم رونوں ملکر من ریاد کے سے تعت ظرف کے دیا + سے طول کو بعرتے ہیں لیں بالی کے کایہ سے (لا+ ما) (لا+ ما+ (+ ف = (ب) + رح) ف .. (ا) ساوات (۱) کو (۲) میں سے تعربی کرنے سے 1 [0+11+1+1・1]= 2000 ولكر يك ببت بحوالي اس لخ ساوات بالاسے يہ نتجم نکاتے کہ ما بھی بہت چھوٹا ہے اور بنابریں ما کے مربع کونظراندانہ كي جاكت بي اس امركا لخاظ ركمة موس ساوات (١١) يول

بھی لکھی جا سکتی ہے۔ リートリーリーリー LA). اب زنجيم كا ابتدائي تناؤه و- لدلام اور زنجير كا آخرى تناؤ = و- لـ [لا + ما] د پس تناؤی کی = رما و= حون بسادات دم مساوات (۱)سے ノノハナーシャント امتله تمبري ۲۵ ا۔ اسطوانہ کی شکل کے ایک ظرف غواص کا ارتفاع ہفت ہے، ظرت کو یانی سے اندر آئا آثارا گیا ہے کہ اس کی یو بی ۸۰ فط کی گہرائی يرآجاتى ہے۔ اگريانى كے باريماكا ارتفاع ہے ساس من ہوتو اندر کی جواکا دیاؤمملوم کرد -٢- اگرايك خوب غواص كو جواست يميشه بحرا جوا ركها جائ تو بتاؤ کہ کس گرائی ہواس کے اندر کے بار پیا کا ارتفاع ، س انج سے الا این مو جائے گا جیکہ بارہ کی کثافت اضافی ہے ١١ فرض کی جائے س- یا نی کے اندرایک ظرف غواص کے نیجے اُترفے سے یارہ لے ۱۲ ایج اور چڑھ جاتا ہے، بناؤکہ ظرف سطح کے نیچے کس گہرائی پر ہے۔ ریارہ کی كنافت اضافي = ٢١١١)

م - اسطوانہ کی شکل کے ایک ظرت عواص کا ارتفاع و فط ہے

اس کو بان کے مندر اتنا غرق کر دیا گیا ہے کہ اس کے اندر کے پانی کی سطے باہر کے پانی کی سطے سے ، افٹ نیچ ہے ، اگر بانی سے بار پیچاکا ارتفاع ۱۲ فظ ہو تو بتا کو کظرف کا بیداکس گہرائی ير ہے۔ نيز اگر ظرف كى تراش كا رقبہ ٢٥ مربع فط محولو بناؤك كرہ ہوائی سے دباؤ يركى ہوا كاكتنا جم ظرف سے اندر عمرا جا کہ ظرف کے اندر سے کل پانی خارج ہو جائے۔ ۵- ایک ظرف غواص کو جس کی گنجائش ۱۲۵ کعب فٹ ہے تکین یانی سے اندر ۱۰۰ فط کی گہرائی سک غرق کیا گیا ہے۔ اگر تمکین یانی کی کٹافت اضافی ۲۰۶۱ ہو اور پانی کے بار پیاکا ارتفاع مرفظ ہو آو کرہ موائی کے دباؤ پر ہوا کی جو مقدار ظرف کو بھر سے اس کا مج دریافت کرد ۔ ہے۔ اسطوانہ کی شکل کا ایک طرف غواص ہے جس کا بیندا پانی کے نیجے ا فط کی گرائی پر ساکن ہے ، ادبر سے ہوا پیپ کرکے اندر سے یانی کو کلیتہ فاج کر دیا گیا ہے۔ جو موا اب ظرف کے اندر ہے اس کی کمیت کا مقابلہ اس ہوا کی کمیت سے ساتھ کرو جو کرہ ہوائی سے دباہ پر ظرت کو میں جرنے کے لئے کافی ہو ياني كا باربيا مه فط ير ---ے - اسطوانہ کی ٹنکل کا ایک نطرف غواص ١٠ فث اونچا ہے - اسکو یانی سے اندر اتنا غرق کیا گیا ہے کہ یانی اسکے اندر ۲ فظ اوپر یڑھ آتا ہے۔ اب اسے اندر آئی ہوا اور پیپ کردی جاتی ہے جو کرہ ہوائی کے دباؤ پر ظرف کا ہم واں صد بھر سکے ایسا

اكرنے سے بانی ایک فٹ نیچے اتر جاتا ہے۔ ظرت كی جون كی گرائ اور نیزیانی سے باریما کا ارتفاع معلوم کرو-٨- اسطوانه كى شكل ك ايك ظرف غواص كو اتنا غرق كيا كيا ب کراس کے دسویں حصہ میں پانی جڑھ آنا ہے ، اگر یانی کے باریجا کا ارتفاع ساس فط و ایج بهو اور یاره کی کتافت اضافی ۳۶۵ ہو تو بناؤ کہ ظرف کے اندر ایک معمولی بار بیما کا ارتفاع کیا ہوگا، نیز معلوم کرو کہ ظرف سے اندر بان کی سط باہر سے بانی کی سطح سے کتنی سیحی ہوگی ۔ 9- ایک ظرف غواص کو کیساں رفتار سے یانی کے اندر غرق کیا جاتا ہے اور بدرایے پیپ اس سے اندر منوار اتنی ہوا داخل

كى جاتى ہے كہ ظرف ہيئے ہوا سے عين بحرا رہنا ہے - معلى کرد کہ جوں جوں ظرف بنیج اترہ جانا ہے اس ہواکی مقدار (یعنی کمین) جو بدراید پری داخل کی جاتی ہے نی تانیہ کس شرح 9 4 5 12

- ا- اسطوانہ کی شکل کے ایک ظرن غواص کا جم ح اور ارتفاع ت ے جاں ف یانی کے بار بھاکا ارتفاع ہے ، ظرف کو یانی کے اندر اتنا غرق کی گیا ہے کہ اس کا نجلا سراسطے سے پیجے دن ا کی گہرانی پر ہے ، اگر اب ظرف کے لیے حصہ میں بانی ہو تو تابت كردك ظرف سے اندر جو ہوا ہے اس كا جج كرہ ہوائى سے دباؤير

-8 2 2 [19 + w] =

١١- اسطوانه کی شکل سے ایک ظرت عواص کو بانی سے اندر غرق كياكيا ہے، جب ظرف كے اندر الله صدين بانى بحرمائے تو ظرف کی چوٹی جس گہرائی پر ہوتی ہے وہ اس گہرائی کی ہے ساتنی ہے جكہ ظرت کے اندر ليے حصہ میں یانی ہوتا ہے ، تابت كروك ظون کا ارتفاع یانی سے بار پیا سے ارتفاع کا یا ہے ١٢ - ايك ظرف عواص كي جولي مين أيك جيمونا موراخ كرديا كيا ب كيا ياني أندر جائے كايا موا باہر آئے كى و ١١٠ لكرى كا ايك كرا ياني مين آدها دوبا رستا ہے ، اس كواكي ایسے ظرف عواص کے اندر ڈال دیا گیا ہے حب کا ارتفاع .افٹ ادر قطر م فظ ہے اور جس کی جوٹی یانی کی سطح سے بنچے یہ فظ كى كرائى يرے - اگريانى كے بار يماكا ارتفاع ١٣٣ فظ مو اور ہواکی کتافت اضافی کرہ ہوائی سے دباؤیرک ہو تو بتاؤ لکڑی کا كتنا حصہ اب يانى كے اندر دوبا رہے كا۔ سما۔ ایک مخروطی ظردن نخواص کو جس کے محور کا طول ١١ فط یانی کے اندر آنارا گیا ہے ، جب اس کا رائس سطح سے ہے ہم نظ كى كہائى ير ہوتا ہے تو ظرف كے اندر م فط كى اونجانى سك يانى چڑھ آیا ہے کیانی کے باریما کا ارتفاع معلوم کرو۔ 10- اسطوانہ کی شکل سے ایک ظرت غواص کو یانی کے انداتنا غرق کیا گیا ہے کہ اندر کی ہوا اس کے اندرونی جح کا سے حصہ تھیل ہے اس کے بعد ظرف میں آئنی ہوا اور ہم دی جاتی ہے جس کی مقدار اندر کی ہوا کے نفعت کے سادی ہے ، بتاؤ کہ ظرن عواص کو

ادر کتنا غرق کیا جائے کہ اس کے نصف صد میں ہوا رہ جائے۔
۱۹ – ایک ظرف غواس کی ادنجائی نب فٹ ہے اس کے اندر
یارہ کا ایک بار پیا ہے جس کا ارتفاع با ہرکی ہوا ہیں دن اپنج
ہوتا ہے اور اندر کی ہوا ہیں دن اپنج کوف کی چوٹی کی گہرائی
یانی کی سطح کے نینچ محبوب کرد جب ظرف کی شکل (۱) مخروط ہو
یانی کی سطح کے نینچ محبوب کرد جب ظرف کی شکل (۱) مخروط ہو
در) اسطوانہ ہو۔

ا - ایک کے ظرف کی کٹافت بانی کی کٹافت سے زیادہ ہے ، فرات کا منہ شہرے کی طرف کرکے اس کو بانی سے اندر و حکیلا گیا ہے، فارت کرکے اس کو بانی سے اندر و حکیلا گیا ہے، فارت کرکے فاص گہرائی تک فرق کرنے سے بعد اس کا توازن

افیر قائم ہمو بائے گا۔

۱۸ – ایک فران غواص کی شکل اسطوانہ کی ہے اور اس کا ارتفاع کر ہے ، فران کو یائی کے اندر اتنا غرق کیا گیا ہے کہ اس کی چوٹی کی گہرائی یائی کی سطح کے ینبیج جب سے اور اس وقت فران کا اُدھا صد بائی سے بھر جانا ہے۔ اب اگر اتنی ہوا اور بہب کی جائے کہ فران کا سب بینی فاج ہموجائے تو تابت کرد کہ فاصلہ ہم ہن ۔ ہن اگر فران کاسب بانی فاج ہموجائے تو تابت کرد کہ فاصلہ ہم ہن ۔ ہن اور ینبیج اتر جانے سے اُدھے ظران میں پھر بانی بھر جا کے گا ارتفاع ہے۔ اور اندرونی نصف قطر ہم فٹ کے ایک فران کو یائی کے اندر اتنا غرق کی اور اندرونی نصف قطر ہم فٹ کی اس کو یائی کے اندر اتنا غرق کی اور اندرونی نصف قطر ہم فٹ کی اس کو یائی کے اندر اتنا غرق کی گیا ہے کہ اس کی چوٹی ۱۰۰ فٹ کی گہرائی بر ہے ۔ اب اگر فرون کے اندر کی ہوا کی تیش یہ سفتی گریہ سے ۱۵ شنی گریہ کردیائے

اور پانی کے بار پیاکا ارتفاع اسوقت ہو نط ہو تو تابت کرو کہ أنجير كا تناو ٢٤ يوند زياده بهو جاعي كا-- ٢- اسطوانه كي شكل كا ايك ظرف غواص ہے جس كى عمودى تراش کا رقبہ لے ہے ، ظرف کو بانی سے اندر لٹکایا گیا ہے اور اس کی ہموار جوٹی کی گرائی سطح آب سے را ہے اور اندر کی ہوا ظرن سے طول ب کو گھیرے ہوئے ہے، ایک آدمی جوظن سے اندر سلے تخی پربیھا ہوا تھا' ظرن سے یانی میں گریڈنا ہے اور تیرنے لگتا ہے۔ اگر آدمی کا حجم رعم ہو اور اس کی کا اضانی ض مو تو تابت کرد که دا) ظرت سے اندریانی ادیر چراه جاتا ہے اور (۲) یانی کی جو مقدار اب ظرف کے اند ہے وہ بسلی مقدار کی نسبت کم ہے۔ نیز سہارنے والی زنجیر کے تناؤ میں جو تبدیلی واقع ہوئی ہے [جس ہواکو آدی ہٹائے ہوئے ہے اس سے وزن کو نظر انداز िन ग्रा नि (١) ابتدا میں ظرف کے اندر کی ہوا کا حجے = ل (ب عم) اگر ظرت کے اس حصہ کا طول جس سے اندر اُخر میں ہوا ہے ب - به بو تو اس وقت موا کا جم = ل (ب - ب) - آدی كا وہ جم جو بانى سے باہر ہے۔ = روب-به)- (رعم- رض عم) کیونکہ جو یانی آدی نے ہٹا دیا ہے اس کا جم رض عہ ہے

= ر (ب-ب-عد + عدض) پس اگر ہوا کا دباؤ ابتدا میں ۳ اور آخر میں ۲۴ ہو تو بائل سے کلیہ سے

ل (ب عم) × ۴ = ل (ب ب عم + عمض) × ۳ لا کین چونکه دفعه ۱۲۳ کے مطابق

ت ارتباء الرباء الرباء الرباء التاء التاء التاء التاء التاء الرباء المراء التاء ال

جوبہ بیں درجہ دوم کی ایک مساوات ہے، ظاہر ہے کہ اس کی ددسری رقم منفی ہے اور تیسری مثبت۔ اس لئے اس کی اصلیں مثبت ہیں۔

ینی بہ متبت ہے جس سے یہ معنی ہیں کہ پانی اوپر چڑھ

رد) اگر ظرف کاکل ارتفاع من ہو تو اس سے اندر پانی کی مقارر ابتدا میں

= ر (دن-ب) اور آخریں = ل [دن- (ب-ب)]- اس پانی کی مقدار جس کو آدمی نے ہٹا دیاہے = ل (دن-ب+ب)- رعدض

اليس ياني كي مقدار ابتدايس-ياني كي مقدار آخريس = رعرش - ربه - ر (بر - عدض) (۲) لكين مساوات (١) نشكل ذيل بجي لكي باسكتي ہے (بدعمض) (بدر اب الدعم عض (ب عم) دائیں جانب کا دوسرا جرو ضربی صریحاً منفی ہے اور بائیں جانب کا رکن متبت ہے اس لئے برے عدض منفی ہے ؟ لهذا مساوات (۲) سے بائیں طانب کا رکن مثبت ہے۔ لیس یانی کی جو مقدار ظرف سے اندر آدمی سے گرنے سے سے تھی دہ اس مقدار کی نسبت زیادہ ہے جو بعد میں ظرف کے اندر ده جاتی ہے۔ (٣) ابتدامین زنجیر کاتناد = ظرت کا دزن + آدمی کا وزن - ہائے ہوئے یانی کا دنن = ود رعه ف و- رب و أَهُر مِين ألْمُحِيد كا تنادُ = ٩ - ار (دي-ب) د ن ابتلانی تناؤ - آخری تناؤ = اعد ف بدربه د = رو (عدض - ب) = مغبت ، جيسا كه مساوات (١) ميں لیس رنجیر کا تناؤ پہلے کی نسبت کم ہو جاتا ہے۔ ٢١ - ايك ظرف غواص كو يانى ك أندر اتنا دويا گيا ك اسکی جوٹی سطے کے نیجے گرائی ا پر ہے اور اس سے اندرجو ہوا ہے اس کی بندی لا ہے اب ظرف کے اندریانی کا

ایک دول اویر تھینجا جاتا ہے جس کا وزن ایک تعلیل مقدار و کے ساوی ہے۔ اڑ بانی سے بار بیا کا ارتفاع دن ہو تو ا ارو کہ زنجیرے تناؤیں تقریباً ت + را کا اضافہ ہوجاتا ٢٧ - اسطوان كي شكل سع ايك خون غواص كا ادتفاع أو ب اور اس کا اندونی ججم اتنا ہے کہ اس سے اندو وزن کا یانی آسكتا ہے۔ فرون كو يانى كے اندر اتنا غرق كيا گيا ہے كرا كے بالا ترین نقط کی گرائی گ ہے ، اگر نیش ت سنی گریہ سے بھاکہ حت سنتی گرید کردی جائے تو نابت کرو کہ سہارنے والی النجير کے تناؤ بين تقريبًا عدرت، دن) الله عدرت الله عددت الله عدرت الله عددت الله عد کی کمی واقع ہو جاتی ہے جہاں دے بان سے بار پیما کے ارتفاع کو تعیر کڑا ہے اور عد کم سادی ہے۔ سا۔ ایک ظرف عیاص کی شکل مخوط کی ہے جس کا ارتفاع ر ہے ، فرت کو یان کے اندر اتنا عرق کیا گیا ہے کہ اس کے دائس کی گہرائی گے ہے کابت کروک ظرف کے اس صد کی اونجائی جس کے اندر ہوا ہے ساوات لا + لارن +گ)= رف سے عاصل ہوتی ہے جاں دن یانی کے باریما کا ارتفاع ہے۔ اگر اندر کی ہوا کی تیش سے سے بڑا کر (سف + سے) کردی ما تو تابت کردکہ سیادنے والی زلجیر کا تناؤ بقدر معن دی و سے

کم ہو جاتا ہے جہاں وسے مراد اس بانی کا وزن ہے جو تخوط کے اندر آسکتا ہے ، عد پھیلاؤ کی قدر ہے اور عد کے ربوکو نظر انداز کردیا گیا ہے۔ ٧ ٧- ايك خارف غواص اسطوانه كي شكل كا به اور اس كا ارتفاع ب ہے۔ طرف کو یانی کے اندر اتنا غرق کیا گیا ہے کہ اس کا بالاتين نقط گراني لا ير ع اگر باري سے چڑھ جانے سے ظرت کی چوٹ پر دباؤ بقدر کے بڑھ جائے تو تا بت کروکہ زنجہ ے تناؤیں تقریباً در [الرابان + باب] کی تبدیلی واقع ہوگی جہاں دے سے مراد بانی سے باہماکا ارتفاع ہے۔ ١٢٥ - يكارى - يمي كى ساده ترين شكل ايك معولى بحکاری ہے اس میں ایک مجوت اسطوانہ اوب ہے جس سے سرے پر ایک چھوٹی لوشی ج ہے۔ اسطوانہ کے اندر ایک محسس کر آنے والا ہوا سند فشارہ ہے ، یحکاری سے سرے کو مائع سے اندر ۔ رکھر فتارہ کو باہر کی طرف کھنچتے ہیں جو آینے ساتھ اور كى ہواكو بھى ياہر نے آتا ہے اور فشارہ سے شيے جس صد میں اس طح سے خلا واقع ہونا جائے تھا اس میں باہر کی ہوا کا دباؤ مانع کو دھکیل دیتا ہے۔

جب اس طح سے سیّال کی کافی مقدار بچکاری سے اندر کھنچ آئی ہے تو بچکاری کو مائع کے باہر فکال لیتے ہیں اور جب نشارہ کو اندر کی جانب دھکیلتے ہیں تو ٹونٹی ج میں سے مانع بڑے زور سے نکلتا ہے۔ ١٢١ - تام پيول كى بنياد چوسنے سے على ير كى ن کسی طح کے خسلا بیبا کیا جانا ہے اور کڑہ ہوائی کا دیاد اس ظل کو بھرتے سے لئے مانع کو اندر دھکیل دیتا ہے۔ اسی اصول کو زمانہ سلفت کے محققین اس طح بیان کرتے تھے كة قدرت خلاسے نفرت كرتى ہے " يه بہت بعد ميں ثابت ہوا کہ قدرت کی یہ نفرت یانی کی صورت میں مما فٹ کی اونجائی سے تجاوز ہنیں کری۔ ١٢٤ - كفلمندن كا استعال جوس بمب اور بهوا بمب مي کیا جاتا ہے۔ کلندن اس طح سے بنے ہوئے ہوتے ہیں کہ وہ ہوا کیانی یا کسی دوسری چیز کو ان سوراخوں میں سے جن ير وو لك موت مول ايك جانب ميل لو گزر نے ديتے ہیں لیکن دوسری جانبیں ہیں گزد نے دیتے ا تا ہم ہترین م سے کھلندنوں میں سے بھی سیال کی کم و بیش مقدار رستی رہتی ہے۔ معمولی قسم کی پیکنی میں کھلندن چمڑے کی کیک چھوٹی ہے۔ یتی ہوتی ہے جو ایک گول سوراخ کو بند کئے رہتی ہے۔ جب کھکنی کو کھلایا جاتا ہے کو ہوا اس کے اندر داخل ہو جاتی ہے ، لیکن حب اس کوسکیٹرا جاتا ہے تو یہ بنی مضبوطی سے سوراخ پر دی جاتی ہے اور اس کے راستہ سے ہوا باہر فکلنے ہنیں یاتی ۔

ایک اور قسم کا گھلمندن دفعہ ۱۳۷۱ کی شکلیں نبردکھایا گی ہے۔ یہ محض دھات کی ایک گولی ہوتی ہے جو ایک گول سوراخ پر ٹھیک آجاتی ہے۔ جب اوپر کے دباؤ کی نسبت نیچے کا دباؤ زیادہ ہوتا ہے تو گولی ادبیر اُٹھ جاتی ہے اور یال اندر داخل ہوجاتا ہے۔ اگر چہ نظری طور پر دباؤ کی خفیف ترین تبدیلی سے بھی اگر چہ نظری طور پر دباؤ کی خفیف ترین تبدیلی سے بھی کھلندن کو اوپر اُٹھ جانا جا ہے لیکن علی طور پر کھلندن کے اُسے کے لئے اس کے دونوں جانب کے دباؤں ہی معتدیہ فرق ہونا فروری ہے۔ A ا - معمولی مید یا جوس مید - اس تع کے میب یں ود اسطوانے وب اور ب ج ہوتے ہی اور اویر کے اسطوانے کی تراش کا رقبہ نیجے کے اسطوانہ کی تراش کے رقبہ کی نبت زیادہ ہوتا ہے۔ لین طول میں نیے کا اسطوانہ زیادہ ہوتا ہے اور اس کے نیجے کا سرا اس یانی کی سطح کے نیجے ڈوبا رہتا ہے جس کو اٹھانا منظور روتا ہے اویر کے اسطوانہ کے اندر ایک انتھالی سلاخ Li il E C 2 E E E U? G UM فشارہ دع لگا ہوتا ہے فقارہ میں ایک کھندن ف ہوتا ہے جومرت اويركى جانبال سكتاب يا فقاره انتمالي سمت مي ب سے جو دونوں اسطوانوں کامتقی ہے ل کے جاں میا کا دانہ عل سكتا ہے ب يرايك اور كھلندن ت ب اور يد يجى اويركى طرت کانا ہے۔ سلاخ کو ایک بیرے یا خدار بیرم ک حک کے وربعہ طلایا جاتا ہے۔ بیرم کا نصاب حير ج اورك يرقوت اللائي جاتى ہے۔

میس کاعل - فرض کرو کہ ابتدا میں نشارہ اویر کے اسطوانہ کے تخلے سرے بر ہے اور ابھی پانی نیچے سے اسطوانہ یں داکل ہیں ہوا۔ ک پرشاتولی سمت میں توت سانے سے نشارہ ع داویر أعما نب اور اس كا كلندن ف بند ربتا م اس ك يه ادیر کی ہوا کو بھی اپنے ساتھ باہرے جاتا ہے۔ اس طرح فشارہ مذکور اور کھلندن ن کے درمیان جو ہوا ہے وہ لطیف ہوجالی ہے اور اس کا دیاؤ اُس ہواے دیاؤی نبت ہو ب ج کے اندر ہے کم ہوجاتا ہے۔اس کا نتی یہ ہوتاہے کہ کھلندن ن اویر کی جانب کھل جاتا ہے اور ب ج كى كچھ ہوا اوير كے اسطوان ميں على جاتى ہے۔ اس طرح ے ب ج کی ہوا کا دباؤ کرہ ہوائی کے دباؤ کی نبت كم بوجاتا ہے اور وض سى سے كھ يانى اسطوان ب ج میں چڑھ آتا ہے۔جب فشارہ ک پر بہنچیا ہے تواس کی دکت کی سمت بدل جاتی ہے اب اس کے اور ن کے ورمیان جو ہوا ہے وہ دب جاتی ہے اور اس کا دباؤ بڑھ جاتا ہے جس سے فشارہ ن تو نبد ہوجاتا ہے سکن فقارہ دی کھل جاتا ہے اور ہوا ایس عل جاتی ہے ہواکا یا فراج جاری رہا ہے جب تک کہ فتارہ ن پر محرزاجا اورسلی طرب کا دور پورا نہ ہوجائے۔ چند باراسی طح ضربی لگانے سے یانی سطح ب سے اویراآجاتا ہے

معولى بيب بشرطیکہ ب ج کا طول یانی سے بار پیما سے ارتفاع سے کم ہو يب سے چلنے کے لئے يہ ايک بہايت اہم اور ضروري شرط ہے۔ [جونحه کھلندنوں میں سے کچھ نہ کچھ ہوا رستی رہتی ہے ایس لئے علی طور یر یہ خردری ہے کہ ب ج کا طول آبی بارہما کے ارتفاع سے چند فنط کم ہو ختارہ کی ایک اور ضرب لگانے سے کچھ یانی اس کے ادپر چڑھ آئیگا جو نشارہ کو اوپر کھنچے وقت دہانہ میں سے بابرنکل جائیگا اور نیز فشارہ کے نیجے کا پانی اس کے ساتھ ساتھ او پر حوصتا آئیگا بشرطیکہ طول ج ل بانی کے باربیا کے ارتفاع سے اگر مُدُورة بالا سفرط بوری نه ہوتو بانی ب ادرل کے

درسیان کسی نقط سے تک چڑھیگا۔ اور نشارہ کو ب سے ادپر طینجے وقت مرت وہ یانی جوب ب سے اندر ہے اوير أتحييكا۔

١٢٩- دو اسطوانوں کی بجائے جن کا اویر ذکر ہوا ہم مرت ایک اسطوانہ سے کام نے سکتے ہیں بشرطیکہ کلمندن ن جو ادیر کی جانب کھلتا ہے فتارہ کی سعت کے سب سے الله على عدرے ينج لكا يا جائے۔

يه خروري نهي كه فيع كا أسطوانه سيدها موايد كسي شكل كا موسكما ہے لین یہ خرور ہے کہ اس کے اور کے کنارے بسے یانی کا فاصلہ بارہا کے ارتفاع سے تحاوز نہ کرنے یائے۔

چونک بالعموم یانی کے بارسیاکا ارتقاع سم فٹ کے قریب ہوتا ہے اس کے نشارہ کے سے کیے نقطہ کا فاصلہ حوض سے سے فطے سے قدرے کم ہونا جا ہے تاکہ بیب جل سے۔ ٠١٠- فشاره كي سلاح كاتناؤ- نرض كرد نشاره كارتباد یانی سے پارسیا کا ارتفاع من اور یاتی کے تیم کی ایک اکائی کا فشارہ کے اور اور نیے کی سطول پرجو دباؤیں اُن کے فرق پر فتارہ کی سلاخ کے تناؤ کو غالب بڑنا بڑتا ہے۔ اولاً فرض کرو کہ باتی نقطہ ب یک ہیں جڑھا بلکاس ك مع ويد-ب قے کے ادیری ہواکا دباؤ = بان کا دباؤ فی ہے = (1:52-1x30=1(4-50) یس فقارہ سے نیجے کی سلم پر دباؤ رید و (ب- ح ف) ے اور اور کی سط پر دباؤ که بد و حب سبے۔ بندا اگر مطاوب تناورت وتو (シャク×ノ=(ひで-(ショノ×ノ+に) : = = (x ex 5 0) ا نانیا فرض کرو کہ بانی ایسے نقطہ ب تک پہنے گیا ہے جو کھلندن ک سے اوپر ہے فشارہ کی سطین کے کسی نقط رکادیاف = (× (+ (+ (+ ()) + ()) نيح كي سطح مي تقط بركا دباؤ = و دب - و مع (د و (دب جر)

ディン・ハメタ(ローライン・ローン×リーにより、 シスメンニン:

بہذا دونوں صورتوں میں سلاخ کا تناؤ یا تی کے اُس ستون کے وزن کے ساوی ہے جکی تراش کا رقبہ نشارہ کے رقبہ کے مادی ہواور جس کا ارتفاح اُس فاصلہ کے برابر ہو جو بہب کے اند اور باہر کے بانی کی سطوں کے درمیان ہے۔ اسا۔ ن وین ضرب سے بل کی جس بلندی میں یاتی چڑھ جاتا

ہے اس کو محسوب کرد۔

دفعه ۱۲۸ کی شکل اور حروف لیکر فرض کرو کہ ن وین طرب کے شروع مين نقطه لا عك ياني الع چکا ہے اور ن وین ضرب نے آخریں یاتی نقطہ لا تھے - ج الله على

فرض كروكه فاصله مع لانه والاند اور قاصد ج لان = لائنزقرش كرد

كدب ل = ل اور على كاطول ج ب = ج اوير كي على بال كى تراش کا رقبہ ر اور علی ب ج کی تراش کا رقبہ مے۔ فرض كروك جب ياني كي سطح لان يرب اور فشاره حب يك تو اُس بواكا دباد جولان سے اور ہے ١٦٠ ہے اور برونی بواكا دباؤ ١١ ہے ن H= H+ و × لان (دند اس) (۱)

جب یانی کی سطح لان پر ہواور فشارہ ل پر تو فرض کردکہ لانے کے اويركى زواكا دباؤ ١١ سے تب M=TF+ (x) (1) اب فرب کے شروع میں نمیرے جس حصہ کے اندر ہواہ اس كاطول = كن ب اور اس لنے اس كا جم = ب × لان ب (1-0) - = > (= - 10-1) ضرب کے آخریں ہی ہوا ہے جو اوپر کے نل کے ب ل طول کو اور نیز نیجے کی تلی کے لان ب طول کو بھر دیتی ہے اس کے اس کا بھر اس وقت = بدلا ب+ر بدب ل ليني = برج - لاي) + د × ل اس بائل کے کلیہ سے H×{ト(シーレー) = H {ト(シーレー) +トトトトトトトト يس ساواتات (١) اور دم) سے (n- (x / (3 - / کین اگریانی کے بارہا کا ارتفاع ب ہوتو تو ۱۱ = د ب اس لئے ١ (ب- لان،) رج - لان،) = (ب- لان) {١ (ج - لان) + رل}(١) يه ورجه ودم كى ايك مساوات ب اور اگر لان معلوم بوتواس سے لا کی قیمت محل سکتی ہے۔ اگرن كو بالتواتر اكر اسكى ... قىتىس دى جائيس تومساوات بالاسے وہ ارتفاع عال ہوسکتے ہیں جاں تک بہلی دوسری تيري ... مزب كے آخرس بانی جڑھ جائے گا نيز يونك لا ج

سے اور سلی خرب کے خروع میں پانی کی بلندی کو تجرکرتا ہے اسلتے یہ عرفاصفرے الیس مذکورہ بالا ارتفاع ذیل کی مسا داتوں سے عاصل ہون کے۔ 「中子」(ローに) (ト(ゴール)+しし) ト(ロード)(ラード)=(ロール)(ナー(コード)) ト(ヤーは)(マーは)=(ヤーは)イ(マーは)+しし ١٣٢- اگر بڑے ال میں یانی چڑھ آنے سے بیٹت آخری کمل ضرب ن دین ہوتو دفعہ ماقبل سے ضابطہ میں خفیف سی تبدي كرنى يرعى -فرض کرو کہ (ن +۱) دین طرب کے آخر میں یانی کی بلندی ب کے اویر ما ہے تب دفیۂ سابق کی مساواتیں دا) اور (۱) حسب ومل بهوجانتگی-(1) · · · · · · · · · · · · · · · · · (1) H= H+ 6(2+1) ... (1) نيز ١ (٢ - لان) فيم ك روائيل كرفيم بد (ب ل - م) ینی ر (ل- ما) اختیار کریتی ہے اسلے بائل کے کلیہ سے (01-1) - xx = (1-1) - x"H (カーマ)×((レーリ)=(ルーターロ): يتي ر (ب-ع-ع-ا) (ل-ا) = ر (دع - لن) (ح- لن) اس ساوات سے ماکی تیمت کل سکتی ہے۔

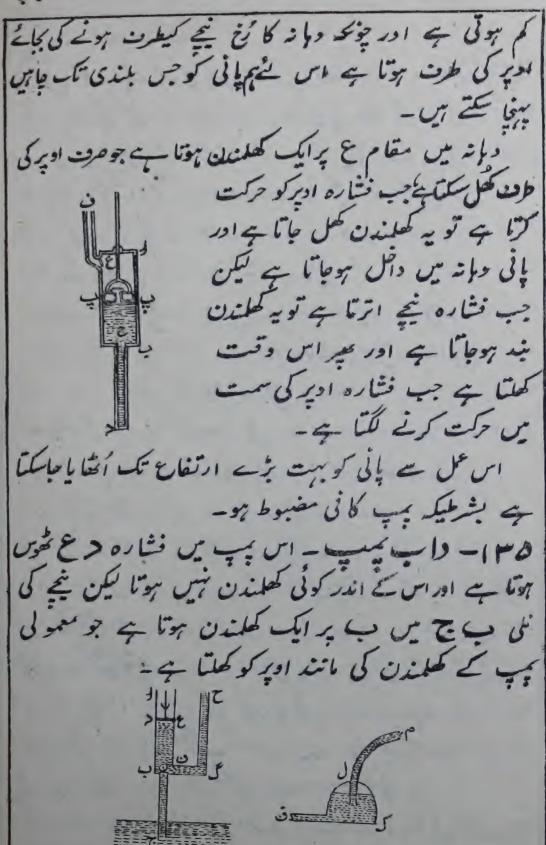
ضرب ما بعد میں یانی ال میں سے تھنے لگتا ہے۔ ساس استن ا- ایک معولی بیب کا برانل ۱۸ انح لبا ب اور اس کے نیچے کا کنارہ یائی کی سطح سے ۱۱ فظ ادبیا ہے، اگر چھوٹی نلی کی تراش بڑے ال کی تراش کا ہے ہو تو با او کہ بہلی طرب سے آخریں چھوٹی نلی کے اندریانی کس بلندی ک ادیر چھیگا جکہ ای کے بارسا کا ارتفاع ۲۲ فظ ہو۔ فرض کرد کر بڑے تل اور نلی کی تراشوں کے رقبے باترتیب ر اور سے رہیں اور مطلوب بلندی لا فط ہے۔ نی کے اندر کی ہواکا حجم ابتدا میں دھے رید ۲۱) ینی ور کو کو نے سے اور اپلی فرب کے اثنا میں جب نشارہ اننے بالا ترین عمل میں ہوتا ہے اس دقت فجم 「サーイ」ノ= デ×ノ+(ガートノ)×ノボ= تب بائل کے کلیہ کی روسے اس کا دبار 7-44 M = (Nx-1)- M = جاں ہ اہر کی ہوا کے دباؤکو تعبر کرتا ہے۔ یں جب یانی لا اونجانی تک تھا رہے تو اس کے نیجے کے سرے بر ہوا کا دباؤ 17 کے ساوی ہوتا ہے اور اور کے رے را × × ۲۰۰۰ کے 11 = 6 K + H × H × H = H :

 $H = P \times H \times \frac{17}{N^2 - 10}$ $H = H \times Y^{2}$ $H = H \times Y^{2}$

· = +++ + + + · - ' :

٠٠ لا = ٧ فك

مشق ٢- ايک معولي پپ کائل ٢ في با ب ١٥١١ س کا کيلا مرا بانی کی سطے سے ۲۷ فٹ کی بندی پر ہے اگر ال کی تراش کا رتبہ نلی کی تراش کے رقبہ کا وحن ہو اور یانی کے بارسیا کا ارتفاع ٣٢ فك روتو تباؤككتي خربوں سے إنى ال كے اندر چڑك آيكا۔ ياں ل= ٢٠ = ٢٠٠ ر= ٢ بر اور ف = ٢٢ لبذا دنعه ۱۳۱ کی مساوات دیم) ہوجائگی۔ (rx- 16-1) (ry- 16-1) = (ry- 16) (ry- 16+ rxy) = (rr - Ko) (~r - Ko) اس فے لا = الاء۔ + ٢ (ساوات کی دومری الل ۱۲- لان - اللی جو بهارے مفید مطلب نہیں) اب لا = كبب طلائے سے بلے يانى كا ارتفاع = . 17=7+リ=リイ=7+リ=ン: اس طح سے لا = ۱۱ لا = ۲۲ لا = ۳۰ جو کی کے لول سے زیادہ ہے س پانچیں خرب کے آخریں اِنی ٹل کے اندر چڑھ جائیگا اس کے چھی خرب سے آخریں یہ دہانہ یں سے بنا خروع ہومائیگا۔ صورت ہے اس میں ال کی جوئی بند ہوئی ہے اور فشارہ اس جوٹی کی ایک سنگ گردن میں سے عیرتا ہے جس کے ع یں سے نہ ہوا گزر سکتی ہے اور نہ یاتی۔ اس کے وہانہ کی تراش سمولی بہت کے وہانہ کی تراش سے



اویر کے نل سے ساتھ ایک اور انتصابی علی گ ح ملحق رہوتی ہے اور ان کے مقام انتصال یا ملتقیٰرایک اوم کھلندن من ہوتا ہے جو باہر کی طائب کھلتا ہے۔ فتارہ کی نزولی حرکت سے ہوا من میں سے فارج ہوجانی ہے اورصوری وکت سے کھلندن ف او بند ہوجاتا ہے لین ن کمل جاتا ہے اور معنولی میپ کی طرح یا نی ب ج میں جڑھ آتا ہے، جب سود مرتبہ ہی علی کرنے سے یانی کی ہمواری ب سے اویر ہوجاتی ہے تو فٹارہ کی نرولی ورکت سے یانی دے سے گزرکر نی کے ح میں داخل ہوجاتا ہے لیکن صوری حرکت سے من بندہ ہوجاتا ہے اور یانی بڑے کل میں واپس بہیں آسکا۔ اسی طی کی مسل خربوں سے بالآخر یانی کو اسے ارتفاع سنحایا جاسکتا ہے جو فشارہ سے دباؤ اور بہب کی مضبوطی بر منحفر ہوتا ہے۔ واب بہے کا جو بیان اور ہوا ہے اس سے ظاہرہ گ ح یں سے بانی کی مسلسل رو بنیں تعلیگی بلکہ یانی مرت اسسى وقت كليگا جكد نشاره نيج كى طرن جارا بو-اس غرض کے بنے کہ یانی کی دھارسلس کلتی رہے بض اوتات کی دے گ ہے۔ ہے ہیں ایک جمرہ سگا دیے ہیں جی کے اندر کھے ہوا ہوتی ہے چرہ کے اندر سے ایک علی ل م علی ہے جس کا ایک سرا جرہ سے بیندے کے بہت قریب رکھتے ہیں اور دوسرا جقدر جاہی بند کیا جاسکتا جب نثاره رع نج اتررا بوتو اس جره کی بوا دب ماتی ہے اور ساتھ ہی انی نلی ک م میں سے اور دھیا اجا جب فشاره اويركو جاريا بوتو كملندن حن بند بوجاتا ي اور جمرہ کے اندر سے پانی پر فشارہ سے دباؤ کا اثریہیں رہا اس طمع جمرہ کے اندر کی وہ ہوا جو فشارہ کے دباؤ مے زیرعل سکوگئی تھی اپنے ابتدائی حجم پر واپس آجانے کی كوشش كرتى ہے، اسكا تيج يہ ہونا ہے كر جرہ كے اندركے یائی برمسل دیاؤیرا رہا ہے اور یہ یائی کی کے اندر ومکیلا جاتا ہے اس ملح کی ل م سے بانی کی ایکسلل و المار ملتي رئي ہے۔ ١٣٧- آگ بجهانے كا الجن - آگ بجهانے كا دشى بن مولا ریک داب ہے ہوتا ہے جس کے اندر ہوا کا ایک جرہ ہوتا ہے فرق مرت یہ ہے کہ اس میں ایک کی بجائے ووئل وب اور ؤک ہوتے ہی اور یہ دونوں ہوا کے جمرہ کے ساتھ غسلک ہو تے ہیں۔ این نلوں س دو نادے و اور کر ایسے ہوتے ہیں کہ جب ایک فارہ نے کو جاتا ہے تو وورا اور اُٹھا آ اہے۔ فثاروں کے سرے طاورط ایک ساخ ط م طک ساتھ

بیوت ہوتے ہیں جو ایک ثابت نصاب م کے گرو گھوم ملتی ہے' اس قم کے انظام سے قریب قریب ایک سلسل وطار حال ہوتی ہے کیونکہ جب فٹارے اپنی حرکت کی سمت بدلتے ہیں تو ہوا کا مجرہ اپنے دباؤکی وجہ سے روکا نسلسل قائم رکھتا ہے۔

امتله تمبری ۲۹

ار بارہ کے ایک باربیا کا ارتفاع ۲۸ باخ سے اس انج ہوجاتا ہے اگر بارہ کی کٹافت اضافی ۱۷ و۱۱ ہو تو بتاؤکر اس تبدیلی کے جواب میں اس بانی کے ارتفاع میں جو معولی بہب کے وربید اُنٹھا یا جاسکتا ہے کیا تبدیلی واقع ہوگی۔

الم ایک معولی بب کے ذریعہ گیس سے تیل سے ایک کنوئیں سے تیل کان منطور ہے اگر تیل کی کثافت اضافی ہ ، مو اور پانی کا بابعا اس فطے ہ اِنی بر ہوتو بتاؤ کہ بب کا بجلا کھلندن کنوئیں میں تیل کی اسطے کے اوبرزیا وہ سے زیا وہ کتنی اونجا ئی برگایا جاسکتا ہے۔

الم ساد کی لبر سے ایک تالاب بانی سے عبر گیا ہے جبکی کانت اضافی اس سے مولی بب کے اوبر دیا ہو آئی اور بیا کی ایک ایسے معولی بب کے ذریعہ خالی کرنا مقصود ہے جس سے تل کا بجل کھلندن تالاب کی سطح کی ہوتو کی مواری بر ہے آگر بانی سے باربیا کا ارتباع میں نظے مولی بوتو بی برائی کیا ہوسکتی ہے کہ اس کو ایک ایس طوح خالی کرنا مکن جو سے زیادہ گیرائی کیا ہوسکتی ہے کہ اس کو اس طوح خالی کرنا مکن جو۔

ایک بہب کے لکے ایک نٹ طول میں جو بانی آسکا ہے اسکا وزن ایک گین (۱۰ بوئٹر) ہے ہیب کا دہانہ کنوئیں کے یانی کی سطح سے ۱۰ نش اونجا ہے اور برضرب میں بیب کا نشارہ ہم ایخ حرکت کرتا کرتا ہے بتاؤکہ ہر ایک ضرب میں کتنے فیط بوئڈ کام ہوتا ہے کہ ایک میں کتنے فیط بوئڈ کام ہوتا ہے کہ ایک میں کے اوبر ۲۹ نظر کی بلنگا ہے اس کے نشارہ کی ضرب کا کل طول ۲ ایخ ہے اورا سی سعت کا سب سے نجلا مقام نمایت کھلندن سے ہم و ایخ اورا سی سعت کا ارتفاع ۲۳ فیٹ ہو تو بتاؤکہ بیب سے نل کے اندر پانی کے اوبیا کا ارتفاع ۲۳ فیٹ ہو تو بتاؤکہ بیب سے نل کے اندر پانی بیغ سے یا ہیں۔

اور اس کی ٹراش کا رقبہ بل کی ٹراش کے رقبہ کا ہے۔ اوپر ۱۹ نٹ ہے اور ۱س کی ٹراش کا رقبہ بل کی ٹراش کے رقبہ کا ہے ہے اگر بانی کا بارچا معلوم کرد کہ فشارہ کی ضرب کا طول کیا ہوناجا ہے کہ بہل صرب کے آخر میں بانی ٹل کے اندر واقل ہوجائے۔ نیز بناؤکہ اگریہ معلول ایک فیص ہوتو بہلی ضرب کے آخر میں بانی کس بلندی تک چڑھ میگا۔

ے در اُٹھائی بہب سے ذریعہ بانی کو ایک ایسے مقام کک بنیا نامقعود ہے جبکا انتھابی ارتفاع میں ہنیا نامقعود ہے اگر فشارہ کا رقبہ ۱۰۰ فرج اِنح مجو تو اس کے لینے وزن کے علاوہ اُس بڑی سے بڑی توت کی مقدار معلوم کروجو فشارہ کو اُٹھانے کے لئے درکار ہوگی۔

ھر۔ ایک دباؤیب سے فشارہ کا رقبہ امریع اپنے ہے اس بہ سے فشارہ کے اوپر ، و فث کی بناؤ کہ فشارہ کو کھایا جاتا ہے بناؤ کہ فشارہ کو

بلانے کے لئے کئی قوت درکار ہوگی۔

9- ایک دباؤ میب سے دریعہ ایک منوٹیں سے تالاب تک یانی اُٹھانا مقعود ہے بہت کے فشارہ کا قطر لا ایج ہے اور فشارہ کا بینداکنوی كے بانى كى سطے سے ، وف اور اور تالاب كے بانى كى سطح سے ، وف ینے ہے اگر کھلندنوں کے اوزان اور رگر کو نظر انداز کیا جائے تو بناؤكه (۱) نشاره كو أنظاف اور (۲) فشاره كو دبانے كے لئے كمازكم کتی قوت درکار ہوگی جبکہ اِنی کے باریما کا ارتفاع ۲۲ فٹ ہے۔ ١٠ جب باني معولى بب كے دان تك بہن جائے تو بتاؤك اسكے بعد کی ہرایک خرب میں کتنا کام کرنا بڑتا ہے۔ ١١- ایک دبار بب سے زربید بانی کو م میترکی گہرائی سے اٹھاکر 4 بیر ک بدندی تک بہنیانا مقصور ہے اگر فشارہ کا تعطر ۲۰ منتی میر ہو توفشارہ کو اویر اُٹھانے کے لئے اور نیجے دبانے کے لئے اس کی سلاخ پرج وتیں لگانی بڑسکی اُن کی جا گانہ مقداریں معلوم کرو۔ ١١- ایک معولی بب کے اسطوانہ اور تل کی تراشیں باہم ساوی بی اور نشارہ کی بیلی طرب سے اسطواتہ کے اندر بانی جس بلندی تک اوپ چڑھتا ہے اتی ہی مزید بلندی تک دومری خرب سے چڑھتا ہے فابت کرو کہ پانی کے بارہا کا ارتفاع کنوئیں کی سطح اور فشارہ کی ورمیانی فاصلہ کی بڑی سے بڑی اور چیوٹی سے جیوٹی تعبتوں کے ادسط مالی کے سادی ہے۔

ساا- ایک معولی بہت کا نیلا کھلندن بانی کی سطے کے اویر ۱۰ نظے کی بندی پر ہے اور نل کا رقبہ نیجے کی نلی سے رقبہ کا ماگنا ہے اگر

پانی کے باربیا کا ارتفاع مہم فٹ ہو اور بہلی ضرب کے آخر میں پانی نیج کے کھلندن کی عین مجواری مک اجائے تو فشارہ کی سعت کا طول محبوب کرو۔

ام ا- ایک بیب لا بجلا کھلندن بانی کی سطح سے ۲۰ نظے کی بلندی برہے نشارہ کی خرب کا بورا طول ہ بئ ہے اگر نجیے کھلندن سے نشارہ کا فاصلہ اُس وقت جکہ یہ اپنے سب سے نجیے مقام پر بوس بن ہوتو بتاؤ کہ بیب کے اندر بانی پڑھ سکتا ہے یا نہیں نیز دریانت کروکہ زیا دہ سے زیادہ کس بلندی تک بانی چڑھ سکتا ہے۔ بانی کے ارد کا ارتفاع مہ فاط ہے۔

ہرہ و ارتفاع مہم من ہے۔ (چنکے نشارہ ال کے بنیدے کے کھلندن مک نہیں بنج سکتا اسلے اللہ میں ان سر میں کا سائے

ظاہر ہے کہ نشارہ کے مین کھندن تک بینجنے کی صورت میں جس گہرائی سے بانی اعطانا مکن تھا اب اس کی نسبتاً مقابلة کم گہرائی سے بانی اعطانا

مكن سوكل

16 ابت کرو کہ دوسری ضرب کے آخر میں بانی ٹل کے اندر آجائیگا اگر منا [ا۔ جہے] [ا۔ جہے] ۔ ف (ایج + ن ل ۔ ای ل کے اندر آجائیگا اگر منا [ا۔ جہے] ۔ ف (ایج + ن ل ۔ ای ل کے طول ہیں ف بانی کے جہاں جہاں جہاں جہاں جہاں جہاں ہے طول ہیں ف بانی کے اور او بر کے طول ہیں ف بانی کے اور کے اور ن وہ نسبت ہے جہ بڑے ٹل کی تراش کے رقبہ کو جھوٹے ٹل کی تراش کے رقبہ سے ہے۔

عسر المشينوں كى دوسرى تسم ميں ہوا بب خامل بي ان كے ذريعہ ايك ايسے ظرف بي سے جس ميں فلا بيدا كرنا مقصود بو بروا خابے كى جاسكتى ہے۔

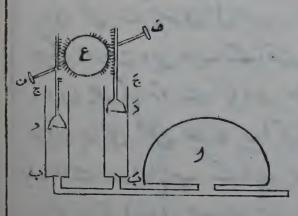
449

اسمینس کا ہوا میں۔ یہ بہب ایک اسطوانہ ب ج برشمل ہوتا ہے جس میں ب اورج یر دو کھلندن ہوتے ہیں جوادی کی طرف کھتے ہیں اور ان کھلندنوں کے ابن ایک فشارہ طِنا ہے اس فتارہ میں دیر آیک اور کطندن ہوتا ہے اور یہ بھی اور بی کی طرف کھتا ہے۔ یکھنن ست امتیاط کے ساتھ حى الوس ہوا بند بنائے ما ہے ہیں۔ اسطوان ج کے کیلے سرے ب کو ایک علی کے ورابعہ ظرف یا قابلہ و کے ساتھ جس میں سے ہوا فارح کرنا مقصور ہوتا ہے نسك كرويا جاتا ہے۔ فرض کرو کہ بیب چلانے سے بیلے نثارہ ب برہے جب اسکو اور اُٹھایا جاتا ہے تو اس کے اور ب کے درمیان فلا میدا ہوجاتا ہے اس سے اس ہوا کا داؤ جو ب کے نیے ہے کھلمندن سے کو کھول ویٹا ہے اور جوں جوں فشارہ اور اُکھتا باتا ہے قابلہ کی ہوا کھلندن سے یں سے واقل ہوکرنشارہ ے نیج کی جگہ کو تھرتی رہی ہے۔ نیز اس علی کے اثنا میں د کے اور کی ہواکٹیف ہوتی جاتی ہے جبکا تیجہ یہ ہوتا ہے کہ ج یر کا کھندن ادیر کو کھل جاتا ہے اور ہوا تکل کر کرہ ہوائی یں داخل ہوجاتی ہے۔ ج بر النجار فشاره نیج ازن شروع کرتا ہے اسطح سے اسکے اور جاکے دریان

ج ہوا ہے وہ نشارہ سے داؤ کے زیرعل کثیف ہوتی جاتی ہے جسکا تیجہ یہ ہوتا ہے کہ کملندن ب تو بد ہوجا تا ہے لین کھندن دکھل جاتا ہے اور جوا اس میں سے کل کر نشارہ سے اور کی جگہ میں مجرجاتی ہے۔ اس سے زاہر ہے کہ ایک ممل خرب سے ب سے نیجے کی ہوا کی چھے مقدار خارج ہوجاتی ہے۔ بعد کی برایک ضرب سے ہوا کا ہی جم ریکن بندرج ہونے والے دباؤیر) فاج ہوتا رہتا ہے تے کہ مالآخ ظرت کے اندر کی باقیاندہ ہوا کا دباؤ کھلندنوں کو اُکھانے ے لئے کاتی ہیں ہوتا ۔ ینے کی جانب فتارہ کی حرکت کے دوران میں ج پر کا کھلمندن بند ہوجاتا ہے اور فشارہ کے اوپر کی ہوا کا دباؤ کرہ ہوائی کے دیاؤی نسبت بہت کم ہوتا ہے ، اس کئے کھکندن ج کا فالمرہ یہ ہے کہ فشارہ کا کھکندن نسبتاً زیادہ آسانی سے اویر اُٹھ سکتا ہے ، عسادہ از ایں اویر کی طرف فضارہ کو حکت دینے یں جو کام کرنا پڑتا ہے کھلنان ج کی وجدسے اس میں ہی بہت تحقیق - g 6697 معا- ہوا کے اخاج کی شرح - فض کروکہ قابلہ رجسیں وہ ملی بھی شامل ہے جو قابلہ کو اسطوانہ کے ساتھ وصل كرتى ہے) كا تج ح ہے اور اسطوان كا فجم ادبر اور

انیج سے کھلندنوں کے درمیان سے ہے۔ نیز فرض کرو کہ تا بنہ سے اندر کی ہوا کی ابتدائی کٹافت ک ہے اور پہلی نصف فرب کے بعد کتافرے کے بس ظاہر ہے کہ جس ہواکی کٹا نت ابتدا میں کے تھی اور حجم ح اب ایکی النانت ك ب ادر فيم (ع+ح) ب-بندا بائل کے کلیہ کی رُوسے ک xح=ک (ح+ح) اسلے کہ = جے ×ک . . . (۱۱)
جب نشارہ بھر ب تک اُتر آنا ہے تو ہوا کا مجم ح فارح ہوجاتا ہے اور قابلہ کے اندر جو ہوا رہ جاتی ہے اس کا فجم ح ہوتا ہے اور کا فت کے ۔ یری عمل ایک دفعہ اور کیا جاتا ہے اس لئے اگر دوسری پوری طرب کے بعد قابلہ سے اندر کی ہوا کی کا فت کے ہونو مرکا کہ = عجر ×ک = (ع م) ک اس طح سے میسری کمل فرب کے آفریں گانت (ع م م) ک ہوگی اور ن دین ضرب کے آخریس کٹافت (ح اسے) ک ہوگی۔ اس جلہ کی روسے کٹا فت صفر تھی ہیں ہوسکتی میں نظری طریق پر بھی عمل خلاکا پیدا کرنا نا مکن ہے۔ ایک خاصے عدہ ہوا پہیے کے ذریعہ ہوا خارے کرنے سے قابلہ کے اندرکی ہوا کا دباؤ انتہائی صورت یں پارہ کے الے دباؤے کم نہیں ہوسکتا ہوا ہے ذرایعہ جو قلیل ترین وبای عاصل کیا جاچکا ہے وہ شاید مندرجہ بالا دیا و کا ایک

جوتھائی ہے۔ منشق ا۔ اگر ہوا بہب سی قابلہ اس سے نل کا ہو آہ بناؤکہ کم ازکم کتنی شربوں سے اندر کی ہوا کی کٹا نت ابتدائی کُ نت کے نصف سے کم ہوجائے گی۔



ایک ایک فشارہ ہوتاہے۔
این دونوں نشاروں کو
ایک ساتھ ایک دندانہ دار
برخ ع کے ذریعہ چلایا جاتا
ہے جس کے دندانے
فشاروں کی سلاخوں کے
فشاروں کی سلاخوں کے

وندانوں میں چنسے رہتے ہیں؟ اس جنح کو دستہ ف قن کے وربعہ کھایا جاتا ہے۔

جب ایک فشارہ نیج اثرتا ہے تو دوسرا ادیر چڑھتا ہے شکل میں بائیں جانب کا فشارہ نیجے اتر رہا ہے اور وامن جانب کا اوير چرفط رم ہے۔ اس ساخت کے آلہ کا ایک فائدہ یہ ہے کہ ہوا کا دیا و جوایک طرف تو ایک نشاره کی رأسی حرکت ین سراحت پیدا کراہے دوسری طرف دوسرے فتارہ کو پنیج آنارنے میں مدد دیتا ہے۔ اس بیب ے ذریعہ ہوا کے اخراج کی شے کو اسی طرح محسوب کیا جاسکتا ہے جس طرح سین کے میت میں کیا گیا تھا۔ اس صورت میں ہر آیک تل کا مجم ح ہے اور ن ہرایک فشارہ کی عزبوں کی تعداد کے نصف کو ظاہر کڑا ہے یعنی یہ ظاہر کڑا ہے کہ ایک نشارہ اسینے اسطوانہ میں کتنی دفعہ عیرا جبکہ اوپر کی طرف اور نیجے کی طرف دونوں سمتوں میں اس کی دونوں حرکتوں کو شمار کیا جائے الس بی سے ہوا ہے بی بھی ابتداء ایک الل معا اس وقت میمین پہنے کے مفار مقا فرق مرف اس قدر تفاكه اس ميں اسطوانه كى جوتى كھلى تقى -اسالی واب سا۔ ارم کا داب یا ایک آلہ ہوتا ہے جس سے قابلہ کے اندر کی ہوا کا دباؤ دریافت کرتے ہیں ہے دو قسم کا ہوتا ہے، سلی قسم سے داب یما کی علی ایک چھوٹے سيفي ارباكي سي وي يواني عياسين ايك جيواتي خدار على ہوتی ہے کئی کی ساقیں تقریباً سادی طول کی ہوتی ہیں ایک شاخ کے اند یارہ کے اور لایر ظلا ہوتا ہے لیکن دوسری ساق کاسراج قالمہ کے اندر کی ہوایس کھلا ہوتا ہے جیسے جیسے فابلے اندر کی ہوا کا دباؤ کم ہوتا جا آ ہے فلا والی نلی سے اندر یارہ کی سطے سیجی ہو کی جاتی ہے اور دونوں نیبوں کے اندر یارہ کے ارتفاعوں میں جو فرق ہوتا ہے وہ قابلہ کے اندر کی ہوا سے دباؤکا ناپ ہوتا ہے۔ دوسری قسم سے داب پیا میں باریماکی ایک سیدی نلی ہوتی نے اس علی سے اوپر کا سرا قابلہ کی ہوا سے محق ہوتا ہے اور خیلا سرایارہ کے ایک برتن کے اندر دوبا ہوتا ہے جو کرہ ہوائی میں رکھا ہوتا ہے بوں جوں قابلہ کی ہوا کا دباؤ کم ہوتا جاتا ہے كرة موانى كے وباؤكى وج سے بارہ على كے أندر اور جڑھتا جاتا ہے اور علی سے اندر پارہ کا ارتفاع اس فرق کو ظاہر كرتا ہے جوكرة بوائی كے دباؤ اور قابلے كے اندر كى ہوا كے وباوس الو-اسمار ایکسیش سے ہوا ہیے میں نشارہ کی سعست کا لحول ف ہے ال کی جوٹی سے فشارہ کے بالا ترین محل کا فاصلہ و ہے اور ال مے بنیدے سے نشارہ کے سب سے نیلے اول کے ناصلہ ب ب اگر کرے ہوائی کی کتافت کے ہوتو بتاؤکہ قابلہ سے اندر کی ہواکی رن+ در (ن + ن) (ن + ن) أنتها كى كثانت

فرض کرد کہ جب کسی طرب کے شروع میں نشارہ و لینے سب سے غلے مقام پر ہوتا ہے تو اس کے اور ب کے درسیان کی ہواکی کافت ک ہوتی ہے کا ہر ہے کہ اس وقت نشارہ اور ج کے درمیان ک ہوا کی کٹا مت بھی کے ہوگی کا خط ہوشکل دفعہ ۱۳۵ - نیز فرض کرو کہ تابلہ کی ہوا کی کٹانت کے ہے۔ اب الرجم كنافت كي من مزيد تخفيف كرنا جابي تو عزدرب كجب فرب البعد میں نشارہ ج ادیری طرف اُٹھایا جائے تو کھلندن ب ادیری طرف کھل سکے۔ جب فشاره الين بالاترين عل من بينيكا توكنانت كب والى ده بواجوف + وطولك المعرب موئے تی اسکی کانت ف و کی ہوجاتی ہے اور وہ طول و کو گھرتی ہے اس ادير كا مكلندن كل سكا اگر (1) 52 5 3+00 نزاس فرب سے کافت ک والی ہوا جوطول ب کو گھرے ہوئے تی وه اب ایل جاتی به اور کافت دید بر طول دن + ب کو گیرتی ہے کیں نیے کا کھندن ادیر اٹھی اگر کے کے جاتے ۔ . 4 637 86 = (+) 131 (1) سِ قابلہ کی ہواکی کُ فت رف + ای رف بنی کم انہیں ہوگئی جب کثافت اس مقدار تک بنج عالی تو بیب کاعل بعده بے سود رہ گا اس سے یہ بھی ظاہر ہے کہ کیوں ہر ایک خرب کے آخریں فشارہ کو اپنے انتہائی مقام کک لے جانا خروری ہوتا ہے یہ امرخاص کرائس صورت میں بہت خروری ہے جب قابلہ کی ہوا کی کثافت اپنی انتہائی قیمت کے قریب آ بہنے۔

نل کا طول او یا ب جو نشارہ کی مارسے محفوظ رہتا ہے تظویت کی اسے۔ کیلاتا ہے۔

اس تحقیقات میں کھلندنوں کے اوزان کو اعاط صاب میں نہیں لایا گیا۔
اسی طرح سے یہ بھی ثابت ہوسکت ہے کہ عاکس بی کے ہوا بہب
میں ہواکی انتہائی کُٹ فت ب کے ہوتی سے جہاں من فتارہ کی طرب کا طول ہے اور ب ال سے بینیدے سے فتارہ سے سب سے فخل محل کا فاصلہ ہے۔

الممار منتف موا پر ایس این مقدد کے افاظ سے ہوا بیب مقدد کے افاظ سے ہوا بیب کا عین متفاد یا الک ہے بین اس کی مدد سے کسی ظرف کی بیب کا عین متفاد یا الک ہے بین متا دیا دہ کرتے ہیں۔

سیر کشف ایک طرت و ترجیل ہوتا ہے اس ظرن کے ساتھ ایک اسطوانہ ج ب ساتھ ایک اسطوانہ ج ب ساتھ ایک ایک ایک فشارہ در جیتا ہے اس فشارہ کے اندر اور نیز اس کے اور ظرف لاکے درسیان ایک ایک کھلندن

ہوتا ہے یہ دونوں کھندن نیجے کی طرف کھتے ہیں۔

جب نشارہ دکو نیمے وحکیلا جاتا ہے تو اس کے اور ب کے درمیان کی مواکثیف ہوجاتی ہے جس کی دیہ سے کھندن ب ممل جاتا ہے اور ہوا ظرت و کے اندر داخل ہوجاتی ہے۔ جب نشارہ ب يربخ جاتا ہے تو اس كى بازگشت شروع ہوتی ہے اس وکت کے اتنا میں ظرت و کے اندر کی ہوا کا دباؤ کھلندن ب کوبندر دیتا ہے لیکن کرہ ہوائی کا دیاؤ کھلندن د کو کھول دیتا ہے اور ہوا د اور ب کی ورمیانی جگہ میں تعریباتی ہے مطاکہ فثارہ بھرانے بالاترین مقام ج پر پنج جاتا ہے۔ اب جونشارہ کو اندر دھکیلا جاتا ہے تو د اور ب کی دربیانی ہوا ظرف کے اندر داخل ہوجاتی ہے۔ ظرف میں ایک روک ڈواٹ ع لگی ہوتی ہے جس کی مددسے جب چاہی ظرت کو بند کرسکتے ہیں۔ سیکلوں کے اندر 世色之声的 جی قم کے بیب کو استعال کرتے ہیں وہ بھی ایک منفدہوتا جوساخت میں ورا انتلف ہوتا ہے۔ اس میں نشارہ کی سلاخ رج اندرسے کھوکھی ہوتی ہے اسکا ایک سراج بالميكل كى ريزك منه كے ساتھ بنسلك ہوتا ہے اور درسے سرے دیر ایک کھلندن ہوتا ہے جو کھوکھلی سلاخ کے اندر کی طرف گھلتا ہے۔ بب فشارہ بیرونی تل و ب کے ایک رے

ب یر ہوتا ہے تو باہر کی ہوا ب یر سے سوراخ میں سے الل کے اندر دائل ہوجاتی ہے کیم الل کو آگے دھکیلاجاتا ہے اورجب نشارہ ب سے آگے کل طبتا ہے تو اور دی درمیانی ہوا کا تعلق باہر کی ہوا سے منقطع ہوجاتا ہے بعدازایں یہ ہوا کثیف ہوکر کھلندن دکو کھول لیتی ہے اور سانکل کے کھلندن میں سے ربڑ کے اندر داخل ہوجاتی ہے۔ اکثر اوقات ب پر کا سوراخ نہیں ہوتا للکہ فتارہ کے سرے دیے چیڑے کا ایک گول فکڑا ہوتا ہے جو دند ۲۱۱ کے کڑے سے مشابہ ہوتا ہے۔ یہ محکوا نل میں عین مفیس کرآتا ہے جب نل کو مجھے کھینیا جاتا ہے تو یہ جھڑا ہوا کو اندر دافل ہونے ویٹا ہے لکین جب نل کو آگے دھکیلا جاتا ہے تو یہ اندر کی ہوا کو باہر مكلف نہیں دیا۔ باہر کی ہوا کے ساتھ تعلق ب برے ایے حصوئے سو راخ کے وراید قائم رکھا جاتا ہے۔ سام ا - مکتفہ کے اندر کی ہوا کی کثافت - فرض کرد کہ ظرف و کا ج ح اس کے اسطوانہ کے اُس حصہ کے جوب سے نیے ہے ج ہے ادر اسطوانہ کے اُس حصہ کا حجم جو نشارہ كى سعت يامانت كے بالاترين لقطہ اور ب كے درميان یس فشارہ کی ہر ضرب سے کرہ ہوائی کے دباؤ پر ہوا کا ح جم ظرت کے اندر دائل ہوتا ہے اس کئے بن ضربوں کے بعد مکتف کے اندر جو ہوا ہوگی اس کا حجم کرہ ہوائی کے دباؤیر

هرابب

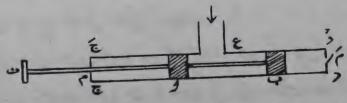
3+0 5 kg-اگر اندر کی ہوا کی اتبدائی ثانت ک ہواور ن طربون سے بعد کثانت کی ہوتو کرح+ ن ح)=ک ×ح 5 20+2 = 5:

مشق سین کے ہوا بہ اور ایک کشف کا قابلہ مشترک ہے ابن دونوں کے تل برابر ہیں اور ہرایک تل قابلے کے بے صاوی ے اگر مُتف کی م فرس سگائی جائیں اور بعد میں ہوا بی کی و فرس رگائی جائیں تو نابت کروکہ اندر کی ہواکی کن فت تقریباً وہی رہی ۔ اگر ابتدائی کنانت ک ہو تو مکشفر کی مربوں کے بعد کنانت = عبد مناح ک

- 4 C

نیزیپ کی ۲ طربوں کے بعد کثافت = جاک × (حربی کی ۲ ظربوں کے بعد کثافت = جاک × (حربی کا د اللہ کی د د کر اللہ کا د اللہ کے د اللہ کا د اللہ کے د اللہ کا د ا 5 13 - 14 = 11 - 10 =

ایس آخری کثانت ابتدائی کٹانت کے تقریباً سادی ہے۔ ممم ١- تيك كا بوايب - عام طورير اس طح كا يب زیادہ استعال میں آتا ہے اس میں دو فشارے و ادر ب ہونے ہیں جن کو ایک سلاخ کے ذریعہ وست دی سے ول



کیا ہوتا ہے ان نشاروں سے بعید ترین دخوں کا درمیانی فاصلہ

اسطوانہ ج ر کے نصف طول سے قدرے کم ہوتا ہے اسطوانہ کے وسطیں ایک راستہ ع ہوتا ہے جو دوسری جانب تابلیں کھتا ہے جس کی ہوا شکان منظور ہوتا ہے جب فتارہ ب دیر ہوتا ہے جب فتارہ ب دیر ہوتا ہے جب قتارہ ب دیر ہوتا ہے جب قتارہ ب کیا ہوا شکان منظور ہوتا ہے جب فتارہ ب کیوکھ لا ہوتا ہے کیوکھ لا اور ب کے بعیدترین رخوں کا فاصلہ لے ج کر سے کچھ کم اور م پر دو کھندن ہوتے ہیں جو دونوں باہری طرف کھند ہیں۔

شکل بالایں فشارہ ب کرکی جانب حرکت کر رہا ہے اور ہوا کو مم میں سے باہر نکال رہا ہے جب ب کر براور بنابری اور استہ سے سے دائیں جانب ہواتا ہے تو قابلہ کی ہوا کا تعلق اور اور ج کی درمیانی جگہ کے ساتھ قائم ہوجاتا ہے افزارہ کی بازگشت کے دوران میں او اور ج کی درمیانی ہوا دب کربراستہ کملندن م فابح ہوتی جاتی ہے اور جب بالآخر او ج براور بنابریں جب راستہ ع کے بائیں جانب بہنج جاتا ہے تو قابلہ کی ہوا فشارہ کو اندر لینی دائیں جانب دھکیلتے وقت کھلندن م میں ہوا فشارہ کو اندر لینی وائن ہوا ہوتی ہے یہ اور کی درمیانی عبد کو معبر دیتی ہے یہ ہوا فشارہ کو اندر لینی دائیں جانب دھکیلتے وقت کھلندن م میں ہوا فشارہ کو اندر لینی دائیں جانب دھکیلتے وقت کھلندن م میں میں خوا ہو ہوتی ہے۔ فشارہ کو اسی طرح آگے پیچھے چلانے سے قابلہ کی ہوا خابح ہوتی ہے۔ فشارہ کو اسی طرح آگے پیچھے چلانے سے قابلہ کی ہوا خابح ہوتی ہے۔

سمیٹن سے ہوا بہب میں دو کھندن ہوتے ہیں ایک قابلہ سے اندر اور دوسرا فشارہ میں جو ظرف کی ہوا سے خاص حد تک لطیف ہوا ہے ۔ لطیف ہوں سکتے ۔

لین اس بہ میں ان دونوں کھلندنوں کی خرورت نہیں ہے اس طی سے اس میب کے ذراید ہوا کا زخراج زیادہ مدک مكن ہے اس لحاظ سے اس بيب كوسمين سے ہوا بہب بر فوقیت مال ہے۔ ۵۷۱-جب ہوا کا افراع بہت بڑی صدیک درکار ہوتا ہے جیا برقی چرافوں کے گولوں میں تو مندرجہ بالا ساخت کے ہوا میب کام نبی دیتے کیو کے ان یں ایک فاص حدیر سنجکر کھلندن کھل انیس سکتے اور اس لئے ہوا کی کٹافت میں مزید کمی واقع نہیں ہوسکی یس لاجالہ کسی اور قسم کا بیب استعال کرنا پڑتا ہے اسیخل کا ہوا ہیب اس غرض کو پورا کڑا ہے۔ اس الر میں شینے کی ایک انتمالی کی وب ح ہوتی ہے جس کا نیلا سرا بارہ کے ایک برٹن کے کے اندر ڈوبا ہوتا ہے اور اور کے سرے برجی بارہ کا ایک برتن ع لگا ہوتا ہے۔ اس نلی کو ب بر ایک شیقے کی علی سے وربعہ قابلہ کے ساتھ وصل کیا ہوتا ہے جس کی ہدافارح كرنا مقسود ہوتا ہے۔ طول ب ك بارہ كے ناریم کے ارتفاع سے زیادہ ہوتا ہے۔ ظرت ع کا یارہ نلی و ب ج س سے نیے گرایا جاتا ہے نقط ب سے گزر نکے بعد یہ جو نے جو نے نظروں میں تقیم ہوجا تا ہے

بن کی درمیانی عگریں تابد کی ہوا ہوتی ہے جربرات دب

اتی ہے پارہ کی وصار اس ہوا کو ظرف گ کے اندرلیاتی ہے جہاں سے وہ کرہ ہوائی میں مل جاتی ہے۔

اس علی سے ب د کی ہوا کا دباؤ کم ہونا جاتا ہے شے کہ الآخر پارہ کے گرتے ہوئے تطروں کی جین جین کی آوار سے معلوم ہوجاتا ہے کہ ان کے ساتھ ہوانہیں آرہی ہے اس وقت نمی بی ہوتا ہے۔

ان ب ک میں پارہ کا ارتفاع بارہ کے باربیا کے ارتفاع کے تقریباً ماوی ہوتا ہے۔

اس بات کی اصفاط رکھنی جائے کہ طرف ع خالی نہونے باس بات کی اصفاط رکھنی جائے کہ طرف ع خالی نہونے بار بار طرف ع میں سے دوسرے برتن سے اندا گرتا رہتا ہے اس کو بار بار طرف ع میں طرف ع میں اندا گرتا رہتا ہے اس کو بار بار طرف ع میں طرف ع میں اندا گرتا رہتا ہے اس کو بار بار طرف ع میں طرف کے میٹر ہائے رہنے ہیں۔

اشله نبری ۲۷

ا-سیٹن کے ہوا بہ کے قابد اور نل کی بہی نسبت دریانت کرد جکہ چوتی ضرب کے سخریں قابد کی ہوا کی کٹانت اور ابتدائی کٹانت میں نسبت ۱۸: ۲۵۲ مو-

اور اسکے فنارہ کی خرب کا طول مم اِن بیٹ اگر اس کے قابلہ کی گناش اور اسکے فنارہ کی خرب کا طول مم اِن ہے اگر اس کے قابلہ کی گناش اس کعب اِن ہوتو مرکمل خربوں کے بعد نل کے اندر کی ہوا کا جو داؤہ ہے ایس کا مقابلہ ابتدائی دباؤ کے ساتھ کرو۔

م - ایک ہوا بیب سے نل اور قابلہ سے جموں کی نسبت ا: ١٠ مے بنز

ایک اور ہوا بہب سی بہی نسبت ۱: ۵ ہے۔ ٹابت کروکہ فشاروں کی تین صودی حرکتوں کے بعد دونوں قابلوں کی ہوا کی جو کانیس ہونگی ان کی نسبت ۱۰۲۸: ۱۳۳۱ ہوگی۔

مم- ایک دو نامے ہوا بب سے ہرایک نل کا بچے تابلہ سے جم کا بہ بنے ا بتاؤک بب کے دستہ کی جار کمل خربوں کے بعد قابلہ کی ہوا سے دباؤ بیں کیا کمی واقع ہوگی۔

۵-ایک ہوا بیب کا قابمہ اس کے ٹل کا ہگنا ہے بتاؤ کہ کتی طوں کے بعد اندر کی ہوا کی گافت ہے دا) ہے درای ہے کہ ہوگا۔

بعد اندر کی ہوا کی گافت ابتدائی گافت کے دا) ہے درای ہے کہ ہوگا۔

اس ایک ہوا بیب سے ٹل اور قابل کے جموں کی نسبت ہے ہے اورایک دوسرے ہوا بیب بیں بہی نسبت ہے بتاؤ کہ دوسرے بیب کی کتنی ضربی گفتی ضربی کتنی ضربی گفتی ہو بیلے بہت کی جمہ ضربیں کرتی ہیں۔

اکھیمہوا کا دہی درج بیدا کوئی بو بہتے بہت کی جمہ ضربیں کرتی ہیں۔

عدایک قابلہ کی ہوا خارج کرنے کے دوران میں بہت کی ، اضربوں سے بعد اس سیفن کھی (داب بیا) کا بارہ جو بہت کے قابلہ کے ساتھ لمتی ہے ، ایک بعد اربیا کا ارتفاع ، ایک بیا ہوگا۔

ان بیا کا بارہ کس ارتفاع ، ایک ہے بتاؤ کہ ، ب ضربہ صرابوں کے بعد داب بیا کا بارہ کس ارتفاع برہوگا۔

ایک ہوا بہ کے ختارہ کی ایک کمل خرب کا طول اور ایخ ہے نشارہ کی ایک کمل خرب کا طول اور ایخ ہے نشارہ کی بالاترین محل کا فاصلہ نل کی جوئی سے اور نیز اس کے سب سے نجلے ممل کا فاصلہ نل کے بیندے سے لیے ایج ہے، نابت کرد کہ قابلہ کی ہوا کا دباؤ کے مہدائی کے دباؤ کے جان صد سے کم نہیں ہوسکتا۔

9- ایک کمنف ہوا بہب سے نل کی گنجائیں . مکعب سنتی میتر ہے اور اسکے تا بدی کا بدا ایک کرہ ہوائی کے تا بدی ایک کرہ ہوائی کے

برایر ہوتو بتا و کہ م ہوائی گروں کا دباؤ پیدا کرنے سے لئے کتی خربوں کی فرورت ہوگی۔ ١٠- ايك كمنف بهوا يب كے ال كا تطرايك الخ ہے اور طول م الح اس کے ذراید ایک سیکل کی رہا سے اندر ہوا بھرنا مقصود ہے جسکا قط ادر طول ہوا بھونے کے بعد بالترتیب ایک ای اور . م ایج ہیں اگر ابتداً ربر باكل فالى بوتو تناوك ربرس دو بوالى كرون كا دباؤيدا كرنے کے لئے کتی فربوں کی خرورت ہوگی۔ ا ا ۔ ایک کشفہ کے فشارہ کا رقبہ ہ مربع ان سے اور اس کے قابد کا جم فشارہ کی سمت کے جم کا النا ہے فشارہ کو حرکت دینے کیئے ج توت لگائی جاتی ہے اس کی مقدار ۱۱۵ یونڈ وزن سے تجا وزنہی كرسكتى تباؤكه اس توت مے وربع زيادہ سے زيادہ تني مكل فرس سكائى جاسکتی ہیں جیکہ کرہ ہوائی کا دباؤنی مربع انے ما یونڈ وزن کے مساوی ہو-ا ایک منف سے اسطوان کا گل حجم ب ہے لیکن اس سے فجم کا وہ حصہ جس میں فتنارہ میرسکنا ہے مرت ج ہے ثابت کروکہ قابدی ہواکا دیاؤ ب کردں سے تخاوزنہیں کرسکتا۔ سا۔ ایک سین کے ہوا بیب کا قابد اس سے ال کا مرگنا ہے تباؤکدادہ کا کھلندن کھکنے سے قبل نشارہ یا نجویں صعودی ضرب میں ضرب مذکور کی کونسی کر طے کرلیا ہے۔ سم ا- ایکسمین سے ہوا ہیں میں ادبر کا تھلندن اسوقت کھاتا ہے جب خنارہ اپنے راستہ کا تین چوتھائی کے کرمیتا ہے ضرب کی اجدا میں تابلہ کی ہوا کی کٹا فت معلوم کرد۔

10- ایک بولنے کی نلی جکی تراش کا رقبہ ایک مربع ایک ہے مسدددہوگی ہے کہ ،م خرب ایک کمٹف ہوا ہیں کے ساتھ رگا کر دیکھا گیا ہے کہ ،م خرب کے بعد نلی کے اندر ہوا کا دباؤ کر ڈ ہوائی کے دباؤ کا ہم گفا ہے اگریب کے نیل کی گنایش ۵۰ مکعب ایک ہو تو تا بت کرد کہ رکا وٹ نلی کے منہ سے تیے اہم فنظ کے فاصلہ پر ہے۔

19- ایک کشفہ اورسمیٹن کے ہوا پہپ کے نل برابر ہیں اور قابلہ مشکر اور قابلہ مشکر کے ہوا پہپ کے نل برابر ہیں اور قابلہ مشکر کے جم کا ۲۰ گنا ہے اگر مکشفہ کی ۲۰ فربی کا گنا ہے گا بات کرد کہ قابلہ کی مہدا کی کا فت تابت کرد کہ قابلہ کی مہدا کی کشفہ کی مہدا کی کا فت تقریباً دی مہدا کی جو اترا میں تھی۔

الم الم الكور الكراك ا

マラン(シーマ) アシーマン

۱۸-ایک کمنف کے بل کا فجم ح ہے اور بل کے اُس صد کا فجم جو نیل کے بنیدے اور فشارہ سے سب سے نجلے محل کے درمیان ہے ح ہے اگر کھلمندن اس وقت کھلیں جبکہ اس کے دونوں جانب کے دباؤں کا فرق د ہو تو تباؤکہ قابلہ میں جو زیادہ سے زیادہ دیاؤ پیدا کیا جاسکتا ہے دہ (۱۱-د) جے - د ہے جہاں ۱ کرہ ہوائی کا دہاؤ ہے۔

19- ایک ہاس بی سے بہب سے قابلہ کا جم و ہے اور نس کا ب اگران سے بہت کا جم اس میں نشارہ نہ بہنے سکے ج ہوتو ابت کرد کہ ن طربوں کے بعد کثافت کرہ ہوائی کی کتافت کی

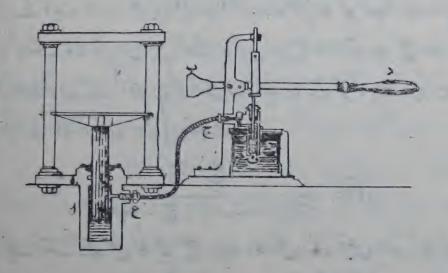
جے + (اور بے) (اللہ بے) (ہوگا۔

الم ا - برا ما کا شکنی ۔ اس شین کا تذکرہ بیش ازیں دفعہ ۱۲ میں ہوبکا

اس کی مدد سے بہت بڑا دباؤ ڈالا جاسکتا ہے اسکی ساخت

صے ضروری حصے دباں دکھائے جاچے ہیں جوشین درخقیقت

استحال کی جاتی ہے اس کی اتصابی تراش ذبل کی شکل میں دکھائی گئی ہے اس کی اتصابی تراش ذبل کی شکل میں دکھائی گئی ہے اس کی اتصابی تراش ذبل کی شکل میں دکھائی گئی ہے اس کی اتصابی تراش دبل کی شکل میں دکھائی گئی ہے اس کی اتصابی تراش دبل کی شکل میں دکھائی گئی ہے اس کی اتصابی تراش دبل کی شکل میں دکھائی گئی ہے اس کی اتصابی تراش دبل کی شکل میں دکھائی گئی ہے اس کی ایک جھوٹے تھوس موسل کو بیرم دب کر کے ایک جھوٹے تھوس موسل کو بیرم دب کر کے



دریعہ جلایا جاتا ہے جب یہ مول اور کو اٹھتا ہے تو کھلندن من بھی اور اُٹھ آتا ہے اور اس کے نیچے کے حوض میں سے مائع اور چڑھ جاتا ہے جب موسل کو نیچے دبایا جاتا ہے ہ من پرکا کھلندن بند ہوجاتا ہے اور الغ ج ع کے ایک کھلندن میں سے گزرکر او کے اندر دافل ہوجاتا ہے۔
جب یہ شین ایجاد کی گئی تھی تو اس کو پورے طور پر آب
بند بنا نے کے لیئے بڑی دشواری واقع ہوئی جن اسطوانوں کے
اندر فشاروں کی سلافیں پیرتی ہیں ان کی درزوں میں سے
اندر فشاروں کی سلافیں پیرتی ہیں ان کی درزوں میں سے
اندر فشاروں کی سلافیں جاتا تھا۔

الآخريشكل چركاك كاريا كلويش كے فلاستون كاريا كار

اس کار کو آب بند بنانے کے لئے پہلے بیل سے مبگولیا جا آپ اور میراس کے قدر کو نیچے کیطرف کرکے درز کے منھ بر بہنا دیا جا آپ جب بانی فشارہ اور درز کے بہلوڈں کے بیچ بی سے نظلے کی کوشش کرتا ہے تو اس کے دباؤ کی دجہ سے کالرمضبوطی سے فشارہ کے بہلو کے ساتھ جمٹ جا تا ہے جنا یہ دباؤ زیادہ بوتا ہے اتنے ہی زیادہ زور سے یہ فشارہ کے بہلو کے ساتھ جنتا ہے اس طرح پانی کا اپناہی دباؤ اس کو باہر کلنے سے جنتا ہے اس طرح پانی کا اپناہی دباؤ اس کو باہر کلنے سے درکے رکھتا ہے۔

کم اسیفن ایک آلہ ہوتا ہے جس کی دجہ سے ہم مائع سے بھرے ہوئے ظرفوں کو فالی کرسکتے ہیں۔ اس میں صرف ایک خمدار نلی او ب ج ہوتی ہے جس کی ایک شاخ او ب درسری شاخ ہے کی نسبت لمبی ہوتی ہے۔ میشن کومائع سے بھراجا تا ہے بھراس کے دونوں موں اورج کو سیفن کومائع سے بھراجا تا ہے بھراس کے دونوں موں اورج کو

بندرے آلہ کو اُٹٹا دیا جاتا ہے اس کے بعد چوٹے سرے ج کو ظرت کے مانے کی سط کے نیجے رمحكر دونون سرون كو كهول دياجاما ہے یہ خیال رکھا جائے کہ سرا ل ظرت کے مانے کی سطے سے ہمیشہ شجا ہے۔ اب انع ویں سے بہنا شرع ہوتا ہے اورجب تک کرراج مانع کی سطے سے نیچے رہتا ہے یہ مانع بہتا رہتا ہے۔ آله مذکور کے عمل کی تشیع - فرض کرد کرسفن کا بالا ترین نقطه ب ہے ب یں سے آیک اتصالی خط کھینے جوظرت کے اِنی ك موارى سے مراور لين ت كزرنے دالے انقى خطے ل ير ملے نیز فرض کرو کہ دن میں سے گذرنے والی فقی سط مستوی شاخ ب رسے قریری ہے۔ اب اُن قونوں پر خور کرد جو دکت شروع ہونے سے عین سلے سیفن سے مائع برعمل کرتی ہیں۔ فى يركا دباؤ = ن يركا دبار = كرة بوالى كا دباؤ نيز لرير كا دباؤ = قى يركا دباؤ +ستون ل عم كا وزن اسلنے مائع کا جو دیاؤ لریہ ہو دہ کرہ بوالی کے دیاؤ سے

زیادہ ہے ہیں لا پر کا مائع بہنا سروع کردیگا اور شاخ ب اوکا مائع اس كى عكرير آجائيكا اس طبح ب يركيم ظل بدا بوجا الما سین درحقیقت اگرشاخ م ب کاطول بارہ کے بارہا کے

ارتفاع عن سے کم ہو تو ظرف کا بانی کرہ ہوائی کے دباؤی وجہ سے علی ج ب کے اندر بالتدیج چڑھٹا رہگا اور اس طح سے المیں سے ایک سلسل وطار تھی دیگی۔ سيفن خود بخود جلنے والا آلہ ہا ور مالع کی او کئی بمواری سے نجی محواری مائع کے بہتے میں جو کام ہوتا ہے اسے قویت جا ذبہ سرانجام دیتی ہے۔ ممااسین سے چلنے کے لیے جن دوشرطوں کا پورا ہونا لازی ے وہ سے ویل ہیں۔ دا اسرال ریا اگری سرا مانع کے اندر ڈویا ہوا ہو تو اس مائع کا ارتفاع اس طرت کے مائع کی سطح سے نیجا ہونا جا ہے جس کوفالی کرنا نظورہ ورند مانع کا جو دباؤ لربر ہوگا دہ کرہ ہوائی سے دباؤ سے زیادہ مونے کی بجائے کم ہوگا اور مائع اویں سے بنا شرق نہیں کریگا۔ رم) سیفن سے بالاترین نقطہ کا جو ارتفاع ن پر کے مائع سے ہوہ اسی مانع کے بارہا کے ارتفاع سے کم ہونا جا سے اگر ایسا نہ ہوگا تو كرة ہوائی كا داؤه ب كے ارتفاع والے ستون كو سہارنے كے نا قابل ہوگا ارتفاع ن صورت میں ب کا بڑے سے بڑا ارتفاع ن کے اوپر تقریباً ہم فط ہوسکتا ہے اور پارہ کی صورت میں تقریباً ۳۰ انج ٩٧١- منفن سے ذریعہ ایک برتن میں سے یانی بامر بہر رہا ہے اگرکرہ ہانگا دباؤ سلے معدوم ہوجائے اور میرقائم ہوجائے تو تا و کرکیا واقع ہوگا جکددا) سیفن کا کیلا سرا پانی میں غرق ہو (۲) یائی کے اندرغرق نہ ہو۔

بیل صورت میں دونوں شاخوں کے اندر کا پانی پہلے اپنے اپنے فارت کے اندر کا بانی پہلے اپنے اپنے فارت کے اندر گرجا میگا اورسیفن کے اندر طلا ہوجا کیگا۔ دباؤ کے دوبارہ عود کراتنے پر

سيفن كاعل شروع بوجائيكا-

دوسری صورت میں سفین کی دونوں شاخیں بہلے حسب معول خالی موجاً شکی اور دباؤ کے عود کرانے پر ہوانلی کے کھکے منہ میں سے داخل ہوکا۔
ہوکر اس کو عجرد کی اور سیفن کاعل دوبارہ ازخود جاری نہیں ہوگا۔

المتلانمبري ٢٨

اللہ برتن سے اندر حس کی اونجائی ہو فٹ ہے کیہہ بارہ ہے اس کی اور اس کی وجہ ہے کہ ایک سیفن سے دریدہ تمام بارہ کا نکان نامکن ہے۔

مع داسلوازی کی کا ایک برتن جس کی بلندی بانی سے بارہ کا نکان نامکن ہے ارتفاع سے مساوی ہے تین جو نھائی بانی سے عبرا ہوا ہے کہ برتن میں ایک ہوا بند ڈھکنا ہے حس سے ایک ہوا بند روکھنا ہے ایک سیفن گزرتی ہے سیفن کا بالاترین مقط ڈھکنے کی سطح میں ہے اور اس کی لمیں شاخ کا سرا برتن سے بیند سے کی مہواری برہے ثابت کرد کہ ایک تہائی بانی سیفن سے عمل سے نکا لا جاسکتا ہے۔

مرداری برہے ثابت کرد کہ ایک تہائی بانی سیفن سے عمل سے نکا لا جاسکتا ہے۔

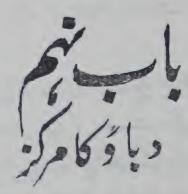
مرداری برہے ثابت کرد کہ ایک تہائی بانی سیفن سے عمل سے نکا لا جاسکتا ہے۔

مرداری برہے ثابت کرد کہ ایک تہائی بانی سیفن سے عمل سے نکا لا جاسکتا ہے۔

مرداری برہے ثابت کرد کہ ایک تھائی بانی سیفن سے عمل سے نکا لا جاسکتا ہے۔

مرداری برہے ثابت کرد کہ ایک تو بتا ڈکہ کیا دانع ہوگا۔

(中)



س ایب میں ہم جندالیس سطوں یر کے دیاد کے مرکز ازر نومعلوم كريكے جو مائع کے اندرغرق ہوں ان میں سے بعض تتائج قبل ازاین دفعہ سم میں تبائے جاچے ہیں۔ ا ۱ ا ۔ ایک ستوی پترا انع کے اندر عرق ہے اس پرکے وباؤے مرکز کے معلوم کرنے کاعلی طریقہ حسب ذیل ہے۔ فرمن کروکہ مستوی بیترا ۱ ب ج ہے، اس کے محیطیر کے سب نقطوں إب، ج، بي سے انتصابي خطوط أول، いいっていいい كينينو جومائع كى سطح سے لترتيب نفاط أن ت ج ، برملين جواسطوا اس طرح سے ماصل موتا ہے اس کے توازن برعور وأوكامركز

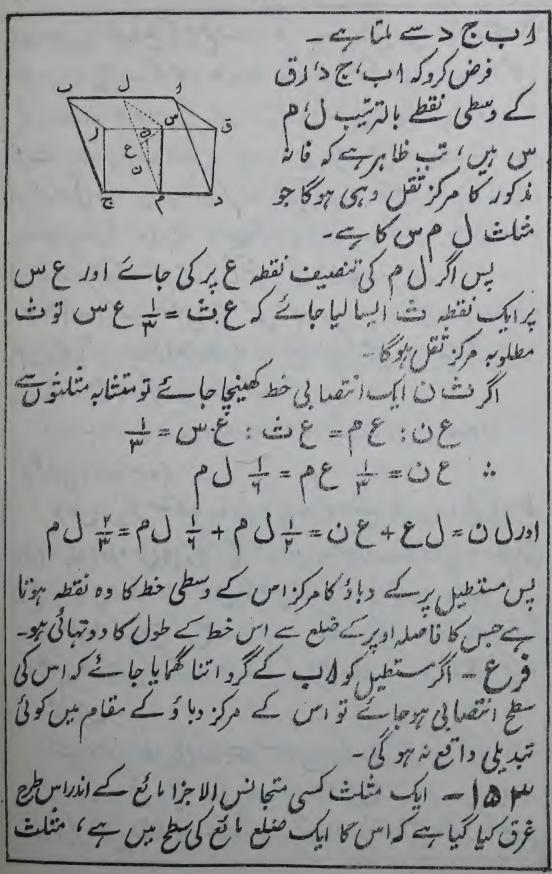
جو قوین اس کی مختی عظم پر علی کرنی ہیں وہ سب کی سب متوازى الافتى بين السليم المتصابى سمت بين ان كاكوني جزو تربیعی سہیں ہے ۔

جو قویش مستوی فاعده ا ب ج ید عمود وار میں دومتوازی قونوں کی ترکیب کے صوابط کی روسے ایک قوت واحدیں تركيب دى جاسكتي مي (دكيه علم سكون وفعي سه) اوري توت و ب ج برعمود وارعل كرني لب اوريترے كے دباؤك مرزن یں سے کررتی ہے۔

اس توت واصر كا انتصابي جزو تركيبي بموحب دفعه ٥٣ سطح يركا عاصل انتصابي واؤسيه اس لين يه قوت لازماً اسطوا مذکور کے وزن کا توازنہ کرتی ہے جو اسطوانہ کے مرکز تقل ث یں سے نیچے کی طرف عل کرتا ہے۔اس سے ظا ہر ہے کہ ف ایک انتصابی ضطمستقیم ہے۔

يس اگرايك غرق شده رشوي سطح كے فيط يركے ہر ايك نفظه سے الع كي سطح نك أتعما بي خط لينع جائش اوراس طرح جوسالي اسطوار بنے اسکے مرکز تقل میں سے ایک انتصابی خط محمینیا جات توسط سنوى يركاده نقط جال موخرالذكرانتمالي خطسط مكورس ملیکا سطے یر کے داؤ کا مرکز ہوگا۔

اگر ا ب ج کی سطح مسنوی انتصابی ہوتو بطاہر منذکرہ بالاعلى سود مندنه مو كالكين اس صورت پراس طرح غور كرو-فرمن کر دکسطے ستوی ارب ج انتفایی نہیں ہے



فرعن كروك مثلث لابج كا قاعده ب ج ما يغ كي سطين

درع کی

ب اور مثلث کی سطح سمت انتصابی کے ساتھ کوئی محدود زاویہ بنائی ہے۔ اویس سے

یر کے دباؤگا مرکز وربا فت کرد ۔

ایک انتصابی خط ار کھینچوجو مائع کی سطح سے ریر ملے۔ نب بوجب دفعها ١٥ مطلوبه مركز وباؤوه نقطه بهو كا جها ل

الى ذواربين الطوح اب ج ركے م كر تقل ف بيں

كزرنے والا انتصابى خط متلك لا ب ج سے لمتا ہے۔

اب ب ج کی نعیب دید کرواور ۱۵ پرع ایک ایسانقطه

لوكه دع = الله اللي طرح عربر ف ايك ايا نقط لو كة ع بت = لم عرا تب (علم سكون دفعه ١٠٤ كى روسے) ت

مركز تقل ہے اب جركا بيل اگرف يں سے ايك انتهابي

خط کھینیا جائے جو ارب ج سے ن پر لے لون مطلوب مرکز

وماؤ بوگا-

شفابر شلول سے عن: ع ا=ع ف: عد= ١:٧

1> =1=1> =1=1E == 0E:

ムンナーロンナナリンニーロとナビンニンン:

پس مرکز دباؤ ن خط وسطی د لاکی تفییت کرتا ہے۔

دباؤكا مركز

قرع - اگر نقطہ لاکی انتصابی گہرائی ب ج کے نیچے عدمیو، مائع کے اکا فی مجم کا وزن و مواور کے مثلث کے رقبہ کو تعبیرے تو مجوعی دباؤجون پرعل کرتا ہے = و × △ × مثلث کے مرکز تقل کی گرا تی = ex Ax= اس سے ظاہر ہے کہ مثلث پر کا مجموعی دباؤ دوبرابر ہوتوں کے ما ہے جو اور اج کے وسطی نقاط برعل کرتی ہے اور ہرایک En Lex Ax a Louis ممتیا ول تبوس مثلث کے قاعدہ ب ج کے متوازی خطوط کھننے سے مثلث کو نہایت چھو سٹے لیکن ماوی عرص کے بیٹھار ٹکرو وس افرص كروكه ن ي ي هاور نَ فَي مَ السي دو تكري من جوبالترنتيب ب ج اور إ سے ستاوي الفضل بين ليني در= الأ جو نکہ عرص رس ادر رس باہم ساوی ہیں اس کئے ن ق ى ه اور ن ق ى هر كے رقبى الترتيب ن ق اور ن ق کے متناسب ہو نگے نیزظاہر ہے کہ ن ی ق ھ کے ہرایک نقطے پر کا دباؤ بالآخرر د کے شاسب ہے اور ن ی ق کے ہرایک نقطريركا دباؤ بالآخرر كے نتاسب ہے۔

194

اس سے نی بر کا گل دباؤ و ن ق × در シン×はらいがとりといい

 $1 = \frac{11}{11} \times \frac{10}{11} = \frac{11}{11} \times \frac{10}{110} = \frac{11}{11} \times \frac{10}{110} = \frac{11}{11} \times \frac{10}{110} = \frac{11}{110} \times \frac{10}{110} = \frac{10}{110} \times \frac{10$

يس ن ى اور ن ى پر كے دباؤ ؛ ہم ساوى ہى اور ادكے وسطی نقطہ و سے ساوی فاصلوں پرعمل کرتے ہیں اس لئے

ان کا حاصل ویس سے گزرتا ہے۔

اسی طرح ٹکروں کے کسی اور ایسے ہی ذوج کے لئے۔ يس نابت ہواكہ يورے مثلث يركے دباؤكا مركز ويرب

جو حظ وسطى د لا كا وسطى نقطه سے-

مم 10 - ایک سنان ما نع کے اندراس طرح ع ق کیاگیا ہے کر اس کا ایک رائس مائع کی سطح میں سے اور مقابل کا کنارہ متوادی

الافنى ہے استلف يركے دباؤكام كر معلوم كرد-

وفن کروکه و ب ج ایک شلت سے جس کارائس و مائع

كى سط میں سے اوركنارہ ب ج متوازى الا فق سے - ب ادر ج يس سے انتصابي خط يعني جو مانع كى سطح سے بالترتيب نقاط رادم

ق پرملین تب دنعه ۱۵۱ کی رو

سے مطلوبہ مرکز دیا و وہ نقط ہے جس پر وب ج ق ر کے مرکز تقل می

سے گذرنیوالا انتصابی خطشلت

- 4 Line 2 - 4

چونکہ ب جے متوازی الافق ہے اسلے یہ رق کے سادی ہے المبندا اگر منظیل مب ج ق رکا مرکز ع ہو تو (اب ج ق ر) کا مرکز نقل ع ایک ایک ایسا نقطہ ن ہے کہ اور اب ج ق ر) کا مرکز نقل ع ایک ایک ایسا نقطہ ن ہے کہ اور ملے ت وید ملے ت دی کا وسطی نقطہ ہوگا۔

ف میں سے گزرنے والا انتهابی خط ن کینیج جو لاد سے

تب ن مطاویه مرکز دباؤ ہوگا۔ متنابہ شانش سے لان: لاح = لاف : لاع = ہے ن لان = ہے لاد

اسلے مطلوبہ مرکز دباؤ خطور سطی کو شدیت ۱: ۱ میں تقیم کرتا ہے۔

المحا۔ ذیل میں گذشتہ دنعات کے تا بح کے ماصل کرنے کا ایک ور طریقہ درج کیا گیا ہے۔

طریقہ درج کیا گیا ہے اس طریقہ میں رقبہ کو پہلے بہت پہلے گروں مقدار اور مرزعادم کیا گیا ہے۔

مرزعادم کیا گیا ہے جن میں سے ہرایک پرکے دباؤ کی مقدار اور مرزعادم کیا بق مام رقبہ پر کے دباؤ کا مرکز دریا فت کیا گیا ہے۔

المحا۔ ایک منظیل مائع کے اندراسطح

عرق کیا گیا ہے کہ اس کا ایک صلع مائع کی مرکز دریا فت کیا گیا ہے۔

مرط میں ہے کہ اس کا ایک صلع مائع کی دریا فت کروہ مرکز دریا فت کروہ دریا فت کروہ

کے ساوی ہیں اور ل سے بالرتیب ت ، عرب ، سوت اس فاصلوں پر عمل کرنے ہیں۔

يس اكرمطلوب دباؤك مركزكا فاصله ل سے للا بوزوسب وف د فعد ۱۱۱ علم سکو ده. ال = الن × (1-0) × 40 4 1-0 x 47 +. (1- じり) じ (1-じ) اب ن كو لا انتها برلا دو حسس الله بالاخرصفر بوجائكا-: لا = المنك مسب سابق [ونعم ١٥١] لیتجرصری اگرستطیل ی جائے ایک متوازی الاضلاع سیا جائے حس کا ایک صلع مائع کی سطے میں ہونو بھی دفعہ بڑا اور دفعہ ۱۵ کے نبوت برقوار رہتے ہیں -ے 10 - ایک مثلث کسی ائع کے اندر اس طرح عزی ہے کہ اس کا رأس مارنع كى سطوس سے اور مقابل كاكنارہ منوازى الانن ہے ، مثلث یرکے وہاؤکا مرکز معلوم کرد-فرص كروكه الد = خرجال د قاعدہ بے کا وسطی نفظہ ہے مغلت کے قاعدہ بج کے منوازى خطوط منتقيم بالمابي جن

سكون شيالات

ومن والے پتلے لکردوں میں تقیم کرو اور فرمن کرد ایسے مکرے ن بن تب خط او نقاط ح اح اسد حراسد دند، تقیم ہو جا کیکا جن میں سے برایات کروے کا عرض نے ہوگا۔ استاب مثلق سے برج = احد × ا جبال ا قاعدہ

سے کا طول ہے۔

اسك يلك مرد مرج ج ب بالرقبه هدا درين عداد ينراس مكراك كا مركز تفل جو هر درب كا وسطى تقطه ب قريب قریب و بر منطبق ہوتا ہے اس گئے اس کی گہرائی سی صدرے کے يس برج د بر يركاكل وباد صريع دي اب اس فكرس يرك دباؤكا مركز قريب قريب درب اوراس کافاصلہ اے بے کے جے۔ ا سلنے متوازی قوتوں کا مرکز معلوم کرنے کے طرفیے کے

مطابق لا = ع (برایک جزو پر کا دباؤ × اسکے مرکز دباؤکا فاصلی) 3 17 1 7 5.6 7 8 che,

(Y5 x 1/2)

فیمتوں کے لئے

 $\frac{\left\{\frac{\dot{0} + (1 - \dot{0})}{\dot{V}}\right\}}{\dot{V}} = \frac{\left[\frac{\dot{v}(-\dot{0}) + \dots + \dot{v} + \dot{v}}{\dot{v}}\right] + \frac{\dot{v} \cdot \dot{v}}{\dot{v}}}{\left[\frac{\dot{v}(-\dot{0}) + \dots + \dot{v} + \dot{v}}{\dot{v}}\right]} = \frac{\dot{v} \cdot \dot{v}}{\left[\frac{\dot{v}(-\dot{0}) + \dots + \dot{v} + \dot{v}}{\dot{v}}\right]} = \frac{\dot{v} \cdot \dot{v}}{\left[\frac{\dot{v}(-\dot{0}) + \dots + \dot{v}}{\dot{v}} + \dot{v}}{\dot{v}}\right]} = \frac{\dot{v} \cdot \dot{v}}{\dot{v}} = \frac{\dot{v} \cdot$

الی الیک شلف کسی الع کے انداس طرح دوبا ہوا ہے کہ اس کا فا عدہ

الی کی سطح میں ہے ، مثلث برایک افتی خط کھینجا گیا ہے جواس کے مرکز

وبا و میں سے گزرتا ہے ، خابت کردکہ یہ خط مثلث کو ایسے دوحصوں یں

تقیم کرتا ہے جن بر کے مجموعی دباؤ باہم مساوی ہیں۔

سے ایک کمعب منا صندوق کا ایک ہے دران دھکنا ہے جوایک قبضہ

کے ذریعہ اس کے ایک کنارو کے گرد بلا تناف گھوم سکتا ہے ، صندوق

کے گرد ایک رسی بند حی ہے جواس کنارے اور نیزاس کے باقی تین

متوازی کناروں کے دسطی فقطوں پرسے گزرتی ہے ، صندوق کو بانی متوازی کنارہ او برکی طرف ہے کہ اس کا ڈھکنا انتھا بی ہے دور قبصنہ والا

کنارہ او برکی طرف ہے ، تا بت کردکہ رسی کا تناؤ بانی کے وزن کا

ایک تبنا کی ہے ۔

سے بھرکراس طرح دکھا گیا ہے کہ اس کا ڈھکنا انتھا بی ہے دور قبصنہ والا

بنا ہوا ہے ، اس کے ایک کارہ کو ایک اضفا بی دیوار کے ساتھ قبضہ کے ذریعہ اس طرح لگا دیا گیا ہے کہ یہ کنارہ منوازی الا فتی ہے اور صندوق کا ایک مربع دئے دیوار سے مس کرتا ہے ، اگر اس بنے کو ہٹا کرصندوق کے اندر پانی بھرا جائے اور پانی با ہر نہ نیلے تودھا ت کا وزن فی کھب ف ف در پافت کرد جبکہ کھعب کے ایک کنارہ کا طول لو فیٹ ہو۔ در پافت کرد جبکہ کھعب کے ایک کنارہ کا طول لو فیٹ ہو۔ کا دو ایک ستطیل انتے کے اندراس طرح ڈبویا گیا ہے کہ اس کے دو کنارے افتی کے متوازی ہیں اوران کی گہرائیاں با در بیب مائے کی سطے کے بیجے کا اور جب ہیں ، نابت کرد کہ اس کے مرکز دباؤ کی گہرائی کے بیجے کا اور جب ہیں ، نابت کرد کہ اس کے مرکز دباؤ کی گہرائی کے بیجے کے اید جب بین ، نابت کرد کہ اس کے مرکز دباؤ کی گہرائی کے بیجے کے بیجے کا اور جب ہیں ، نابت کرد کہ اس کے مرکز دباؤ کی گہرائی کے بیجے کے بیجے کا اور جب ہیں ، نابت کرد کہ اس کے مرکز دباؤ کی گہرائی

[ستطیل کے اُن اصلاع کو خارج کرد جوافقی اصلاع برعود ہیں حتیٰ کر یہ اُنع کی سطیل کے اُن اصلاع کو خارج کرد جوافقی اصلاع برجود ہا و ہے دہ اُن متطیل کی سطی سے ہرایک کا ایک صلع کے مجموعی دباؤ کے فرق کے مساوی ہے جن میں سے ہرایک کا ایک صلع مائع کی سطی میں ہے ان موخوالذکر مستطیلوں پر کے مجموعی دباؤ اور نیز اِن دباؤں کے مرکز دفعات ۳۹ اور ۱۵۱ کی روسے معلوم کرو اور پیم علم سکون دفعہ ۱۱۱ کے مطابق علی کرو]

۵- ایک سخون کے متوازی امنلاع کے طول النزسیب و اور بسبی اور ان کا ورسیانی فاصلہ ف جه ، اگر سخون کو مائع کے اندراس طرح غرق کیا جائے کہ اس کی سطح میں ہونو تابت کیا جائے کہ اس کی سطح میں ہونو تابت کیا جائے کہ اس کی سطح میں ہونو تابت

كروك وباؤكا مرزيان كى سط كے ينے ولا + سب ب الرائ ير بوگا-

 ◄ ایک ذوار بعثه الاصلاع الب ج د کسی ائع کے انداس طسیح غرق ہے کہ اس کا صلع ہے حمائع کی سطح میں ہے اور اضلاع اد کوبج جن کے طول بالترسیب عد اور بہ میں انتصابی میں ا تابت کروکہ وبار کے مرکزی گرائی ل (عرا + بدم) (عد + بد) ہے 4- كمعب كي شكل كم ايك صندوق كا ايك ظيك آيوالا وزني وهكاب جو عظیے قبصنوں کے ذرایعہ ایک کنارہ کے ساتھ لگا یا گیا ہے - صندوق کویانی سے عبرا گیاہے 'صندوق کواس سے قاعدہ کے خلف کناروں کے گردجن زاوہوں میں سے کھانے سے یا نی عین تکلنا شروع ہو جائے ان کے ماسوں کا تعالمہ کو ٨- وقد ١٥١ كي صورت كو دفعات ١٥٢ اور٣٥١ كي صور لون كا فرق سمجهكر دباؤكا مركز محسوب كرو-A 4 ایک ستوی رقبہ کو کسی متی سن الاجزا مائع کے اندر غرق کیا گیاہے، اس کے مرکز تقل کی گہرائی اور وباؤ کے مرکز کی گہرائی ب سے اگراس رفیہ کو بغیر کھا نے کے اور نیے کرویا جائے تو دباؤگے مركز كانيا مقام درما فت كرو-فرعن كروكه نيلي صورت يس اين كى سطح ب ج يرسے اور م كر " نقل اور مركز وما و ما لترتيب ف اور ن به بین -اب فرصن کرد کدر قبه کو فاصله ف اورسیج کردیا گیا ہے یا با نفاظ دیگر پہلے مائع کے اوپر مزید مائع گرائی ف تك مردالي --

m-0 ابتدائي حالت مي مجموعي دبار كرا و مقاجو ن برعل كرما تما (ونعه ۳۹) جہاں رقبہ مفروصنہ لا سمے سادی ہے اور مائع کے اکالی اس الغ کے اور مزید الع ڈال ویف کا نیتجہ بیر ہوتا ہے کدتب لك برجزديد دباؤ بره جانات اوريه اصافاس دباؤك سادى جو گہرانی ف کی وجہ سے پیدا ہوناہے ، یعنی رقبہ رکی ہراکائی بر دباؤ و ف زياده موجانات، السليران مزيددباو لا عاصل رون کے ساوی ہے جوٹ پر عل کرتا ہے۔ اب وت اود ف اف برعل كرتى م اوداد او ن بر على كرتى ہے، ان قونوں كا ماصل جس نقطه ن ميں سے على كرتا ہے وہی نقطہ صریحاً دباؤ کا نیا مرزہے۔ متوانی تو تو ل کی ترکیب کے صنوا بط سے فاہر سے کدن خط ن ف يركا ايما نقط سے ك ن ن : ن ف = الجوف : الح إ = ف : إ المار الرست وفدين ب ج كے كرد سار الرسينے سے بع كين في كيران لاه و × (ب + ت) + رف و× (ف+ف) ن + ۲ ف + فب

يس دباؤ كے نئے مركز كى گہرائى نئ سطے كے نيچے - دباؤ كے ابتدائی مرکزی گہرائی ابتدائی سطے کے نیچے

= نا+۱ ار ف + ارب - ب = ن× ۱۲-ب ن = ف × ۱۲ - ب ن = ف × ۱۲ - ب ن = ف × ۱۲ - ب ن م الم ن م الم ن م الم ن م الم ن يس ياني كي سط كے نيجے دباؤ كے مركز كى كرائى بس مندرج بالا مقدار کا امنا فہ ہوجا اسے -يزن كى گهرائى ب ج كے نيجے - ن كى گهرائى ب ج كے نيجے ف المراف + و ب المراف + و ب المراف ال یہ مقدار ہمیشہ شفی ہوتی ہے۔ يس رقبه مين دباؤكام كرفاعات ف + 1 اوبر جرفه جائا ہے نیز دوسری عالت میں دباؤ کاجوم زہے اُس کے اور قبے مرازعل کے ورمیان انتصابی فاصلیہ ف المراب اورظام سے کہ یرمعکوساً ایسے بدلتا ہے جیسے ف + او لینی معکوساً ایسے بدلتا ہے جیسے سطے کے میچے مرکز تقل کی گہرائی -اس سے ظاہرہے کہ جوں جوں گہرائی زیادہ ہوئی جاتی ہے وہا و کا مرکز ، مرکز تنقل کے زیا وہ فریب آتا جاتا ہے ، یس لائنہا كرائي يردونوں مركز ايك دوسرے يرمنطبق ہوجائيں كے ہ او اگر کسی رقبہ برکے دباؤ کے مرکز کا مقام معلوم ہوجیکا كرة مواني كے وما وكونظر اندازكيا جائے توأس طالت ميں جبكه وا

کے وباؤکو بھی ملحوظ رکھا جائے دباؤکے مرکز کامقام سخین ہوسکتا ہی فرص کروکہ اُس سیال کے بار بیا کا ارتفاع جس میں رقبہ فرکور و بویا گیا ہے فر بھوٹ کرہ ہوائی کے وباؤکو لمحوظ رکھتے ہوئے سنے مرکز کا دباؤکی تعیین کے لئے مائع فرکور کے اوپر ملبندی ف تنے مرکز کا دباؤکی تعیین کے لئے مائع فرکور کے اوپر ملبندی ف تک یہی مائع بھرا ہوا وص کرلینا جا ہے جیسا کہ دفعہ مرہ اکی شکل میں کیا گیا ہے۔

الااستی - بناؤکر ونعہ ۱۵۱کی صورت میں وباؤکا جو مرکز ہے اس کے متام بر اس کرہ بروائی کے دباؤ سے جو آبی بارپیا سے ارتفاع ف کے سادی ہے کیا اثر بڑیگا۔

بس صورت میں ہواکا وباؤنہ ہوسطیل برکاکل دباؤ و مب × مید × و کے مساوی ہے اور نقط ن برعل کرتا ہے جہاں مساوی ہے اور نقط ن برعل کرتا ہے جہاں ل ن = مید

کرہ ہوائی کا وباؤ کے جب × من × ج کے سادی ہے اور نقط ع برعل کرتا ہے جہاں ل ع = جب ل کے گرد معیاد اثر بینے سے ہیں معلوم ہوتا ہے کہ وباؤ کے نے ورکز کا فاصلہ ل سے

امتله تنبري ۳۰

ا- ایک مربع پترا انتصاباً یانی کے اندر مین غرق ہے، پھرا سکو گہرائی ب تک اور ڈبویاگیا ہے، اگریترے کے کنارہ کا طول و ہو تو تابت کروکہ دباؤ کے مرکز کا فاصلہ مربع کے مرکزسے 17 + 17 میں ہے ٢ - ايك شلف كا قاعده السع اورارتغاع ف ، مثلث كويا في ك اندرا تنصابی طور پراس طرح غرق کیاگیا ہے کہ تا عدہ مذکور سنوازی الافق ہے اور رأس او يركى طرف ہے، اگر قاعدہ كى گہرائى يانى كى سطے كے نيچے ك ہوتو مثلث كے مركز دباؤكى كبرائى دريا فت كرو-مع - اگرگز مشند مشق میں متلف کواس طرح انتصا اً دویا حائے کہ اس کا رأس ييے كى طرف مور رائس كى كہرائى يانى كى سطح كے بيے گ مواور اسكا تا عدہ ستوازی الا فق ہونو دباؤ کے مرکز کی گہرائی درمافت کرو۔ الم منا دى الاصلاع مثلث جوكا برايك كناره ٢ ما الم فضي یا نی کے اندر انتصاباً اس طع و بویا کیا ہے کہ اس کا ایک صلع یا نی کی سطع میں ہے، اگر یا نی کا بار بیا م س فٹ بد بولو خلت پر کے داؤ کے مرکز کی گہرائی دریافت کرد ۔ ۵ - ایک سناف کوکسی مائع کے انداس طرح عزق کیا گیا ہے کہ اس کا تا عدہ ما نے کی سطے میں ہے اور رأس نیجے کی طرف ، خلف کے مركز نقل کی گہرانی ماسے کی سطے کے نیجے گ ہے ، کرہ ہوائی کے وباؤ کو نظر انداز كر كے مثلث كے مركز و باؤكا مقام دريا فت كياكيا ہے ، نابت كروك اگر كرة بوالى كے دباؤكو لمحوظ ركھا جائے تو دباؤك مركز كانيا مقام يہلے مقام

متناسب ہوں -

سے إ ك ف اوير ہوگا جان ت يانى كے باربيا كارتفاع ہے ٢ - اگرستن ما قبل مي ستلف كا قاعده متواذى الافق بوا در راس ما نع كى سطح ميس، تو متناظر فاصله معلوم كرو -ے ۔ کسی سنوی رفیہ پر کے وباؤ کے مزکر کا مقام معلوم سے جبکہ کرہ ہواتی کے دباؤکو نظر انداز کیا جائے اگر ہوا کے دباؤکو بھی الموظ دکھا جائے تو تاسبت مردک مقام مذکور ذبل سے کلیدی مردسے محبوب ہوسکتا ہے: اول الذكر صورت مين مركز تقل ادر مركز دباؤكي جو گيراعيا ن بي أن دوبوں میں مانع کے بار پہا کا ارتفاع جمع کرو ، تب ان مجموعوں کواہ میں جونبت ہے دہی سنبت ندکورہ بالاگہرائیوں کو آخرا لذکر صعدت بس ہوگی، يزدباؤك دواؤل مركز ايك خطاستقتم يرداقع بوسك بع مركز تفتل س سے گزرتا ہے۔ ٨ - ايكمنوى رقبه يا تي كے الد كمل طور يرغرق سے اور اس كى سطح انتسابی ہے، دفیہ مرکور کو گھو سے کے بغیر ایک انتصابی سطے مستوی میں کیساں رفتار کے ساتھ نیجے آبارا جاتا ہے ، خابت کروکر و باؤ کا مرکز رقبہ کے ہندسی مرکز یں سے گزرنے والے فقی خط کے قریب ایسی دفتارہے آنا جاناہے جو ہندی مرکز کی گہرائی کے مربع کے بانعکس متناسب ہے ۔ ا الم الله مثلث محمي متجان الاجزاستال كاندووا ہوا ہے تابت کروکہ اس پرکے دباؤکا مرکز اُن متوازی تواق ا کے مرکز پرمنطبق ہوتا ہے جو مثلث مذکور کے اصلاع کے وسطی نقاط برعل کریں اور جن کی مقداریں ان نقاط کی گہرا یوں کے

فرص کروکہ ال ب ج ایک مثلث ہے جس کا راش الم مانع کی طع میں ہے اور قاعدہ ب ج کسی علی میں ے۔ بج کواٹنا خارج کروکر سطع کی سے کے پر ملے ، فرص کروکدا صنلاع ب ج ا ج 1 ا ك ك وسطى فقا الترتيب دع عن بي اورج ك ب ك كے وسطى نقاط بالرتيب ع ان ہيں۔ اک کو کہ سے تعبیر کرو اور نیز فرمن کروکہ نقاط ب اور ج کی كرائمان لاك كے منتجے بالتر نتيب بر اور جرمین، تب مثلث لاب ك كارقبه = ل برك وفدم ١٥ نينج مريح سے ١ ب ك يركا مجوعي وا و دو تو يوں کے ساوی سے جونفاط ف اور ف پر عمل کرتی ہیں اور جدا گانہ ا و کے با کے ساوی ہیں۔ لیکن میر دو تو بیس ان تمین و و ق کے مساوی ہیں جن میں سے دو بالتر تیب نقاط اورک پر على كرتى ہيں اور كمحاظ مقدار جدائے نه له بدا كے مساوى ميں اور نیسری ب پرعل کرتی ہے جو الے سا کے ساوی ہے جہاں اسی طرح مثلث اج کے برکا مجموعی دباؤ تین تو توں کے مادی ہے۔ ان میں سے دوقو بیں جو صدا گان لہ جاکے سادی ہیں واورک برعل کرنی ہیں اور تمیسری الم جرا ہے جوج برعل اب اب ج برکامجوعی داؤ اب ک اور اج ک برکے مجموعی دہاؤں کے فرق کے ساوی ہے اسلنے یہ ذیل کی تو تو ں کے ساوی ہے۔ البرقوت له (برا - جرا) ب يرقت المبرا ج برقت الرجر ادرک بر قوت لہ (با - جا) ر ۱)
نیز چونکہ بک : ج ک : : به : جه اسلیے ک برعل کرنے والى اكب قوت (ب-ج) بيرعل كرف والى قوست - جا إدر ج برعل کرنے والی قرت، بدا وونوں کے حاصل کے ماوی ہے [کم علمسكون وفعدساه اس کی بنا پریہ فرص کر لبنا جا کر سے کہ ک پرعل کرنے والی قوت = بدروت - لرج (برجم) اورج يروت لدب (برجم) یس قوتیں (۱) مساوی ہیں ذیل کی تو توں کے 1 يرتوت لد (برا - جرا) ب ير قوت ١ له با- له جه (به + جه) يعني له (به-جه) (٢ به + جه) ع يرتوت - ٢ لم جا + له ربه + جم) ينني له (به - جم) (به + ٢ جم) اب مثلث البع كارفنه هد المسابع - كرم لندا لدرب - جر) = كا در الرب - جر) = درك یس تویش (۲) دیل گرقوں کے ساوی ہیں: (シャマナ) シャスシー・(キャウ) シャストリーラスト

اوری پروس فی (به ۲۲ م.) يعنى ف بروت ولط× بير، ع برقوت ولم × جم اور ديروت (=+ =) <u>\(\tilde{-} = \)</u> گویا جیع عن پر کی قونیں ان کی گہرائیوں کے متناسب ہیں۔ اب مثلث كوفا صلى عد اور شيعي كرود اور فرص كروكه باورج كى نئى كرائياں بالنزتيب براورجر بس نب بر = قد + بر اور حد عد + جد متلف كو اورنيح غرق كردين كا ازیہ ہوتاہے کہ اب ج کے مرکز نقل يرمزيد محموعي دبار وبد مد × عدكا امنا فہ ہوجا اسے بینی دیم ف میں سے ہرنقطہ پردبار ولم کا امنا فہ ہو جانا ہے ' [علم سکون دفعہ م ۱] ہیں مثلث پر کا مجوعی و باؤ مشادی ہے ذیل کی و توں کے ع ير درك (ج + عَه) يعني درك جد + عَه ف ير فيك (بيم + عد) يني ويك × عد + بير یس نا بت ہواکہ خواہ مثلث کسی محل میں ہواس برکے وباو کا مرکز اُن متوازی نو نوں کے مرکز پر منطبق ہوگاجو شلث کے اصلاع

کے وسطی نقطوں پرعل کریں اور جن کی مقداریں ان کی گہرا یو ل نیتجہ صرف سے عاملون دفعہ ۱۱۱ میں متوازی تو بوں کے مرکز کے مرکز کے مرکز کے مرکز کے مرکز کے مرکز کے گہرا تی ۔ اس کی رُوست دباؤ کے مرکز کی گہرا تی ۔ (= + =) + (=) + (=) (+ x) + (x + x) + (x + x) + (x + x)) + (x + x) *(ドナンナ(チャア)+(原ナデ) (2+7+6) ١٠٠٠ - ١٠٠٠ + ١٠٠٠ - ١٠٠ - ١٠٠ - ١٠٠ - ١٠٠٠ - ١٠٠٠ - ١٠٠٠ - ١٠٠٠ - ١٠٠٠ - ١٠٠٠ - ١٠٠٠ - ١٠٠٠ - ١٠٠٠ - ١٠٠٠ - ١٠٠٠ - ١٠٠٠ 1(2+2+4) سا 14 ا۔ سنلہ گزشتہ کی روسے بہت سی افتکال کے دباؤ کے مرکز ان کومتلتوں میں تقبیر کے سے ماصل موسکتے ہیں۔ نق - ایک متظم سدس وب ج دع ف کویانی کے انداس طرح غرق كيا كيا جي كواس كا ايك ضلع ال ب يا في كي سط مي ہے، ناب كرد كر دباؤ كے مركز كى كہرائى كو مركز تفلى كى كہرائى كے ساتھ نبت ٣١:١١مريك فرس کروکہ د اس کا مرکز ہے ، ورا ، وب، ... وف کے وسطی نقاط الترنيب ١، ب، ج، دن بن اور ١ ب، ب ج، حد، حع، ع ف، در در کے وسطی نقاط ا ترتیب ن ای کو س ط ای کا میں ۔ وعن کرو که و ن = عم

تب ق ب الای س سے برایک کی گرائی ہے ہے ج ن یں سے ہرایک کی گرائی عمرے دا ج ع ط بس سے برایک کی گہرائی سے ہے کی گرانی عدیے يدمس من چھمتلوں ميں مفتى ہوگيا ہے ، ان سب كے رہے باہم مادی ہیں۔ اسلنے ہیں ہر مثلث کے دسطی نقطہ یرایک ایسی قوت لگانی جا ہیں جو اس نقطہ کی گہرائی کے متناسب ہو، اس طرح سے ہیں ذبل کی تو تين حاصل بونگي -مادی در × کرائی صفرید ا یک توت چھ قرش من میں سے ہرا کے مماری ہے والم کے میں سے گرائی ہے یہ よっらりがんと ムスラ عار وتنس م 1 dr 1 dx 19 ماوی و × ک × ۲ عد کرانی ۲ عدیر اك ۋت یس علمسکون د فعہ ۱۱۱ کی رُوسے وباؤکے مرکز کی گہرا تی [* + + * * + + * * + + * * + | \rightarrow ا مثله منبری اس ا ۔ اگرایک شلے بیرے کے دائشوں کی گہرائیاں! لڑ بیب عدى براد جہ ہوں تو نابت کروکہ یترے کے دباؤ کے مرکز کی گرائی اس کے مرکز قتل کی گہرائی سے نقدر

عرب شرم + فرر - مرا - مرا - مرا - مرا ا (4+4+4)4

نیز ناست کردک مرکز دباو اس موازی قوتوں کام کرمسے جواس کے ماسو س برعل كرس اور بالترتيب

اعد المراعد المراجع عدا المراجع كالمناس ال

٢ - ايك مثلث ا ب ج كارائس ا ياني كي سطح مي م اور يا تي و د رأسوں ب اور ج کی گرائیاں ؛ نترتیب لا اور ما ہیں، اگر ؛ نی کے بار بما کا ارتفاع ف ہوتو مثلث کے دباؤ کے مرکز کی گہرائی دریا فت کرہ سا - ایک سین ایک ما سے کے انداس طع عزق کیا گیاہے کہ اس کا ایک دائس مائع کی سطح میں ہے اور اس رأس میں سے گزرسے والاوٹرا نتصابی ہے ، خابت کردکر دباؤ کا مرکز و تزکونبت ، دی تقیم کرتا ہے۔ ہم - ایک مربع اس طرح فر کیا گیا ہے کہ اس کا ونزا نتصابی ہے اور اس ب سے مجلے کونے کی گرائ ان کی سطع کے نیجے سب سے ادیر کے کونے کی گہرا تی سے دگنی ہے اس کے دباؤ کے مرکز کی گہرائی معلوم کرد -

هد ایک معین اس طرح بوراع ق ہے کہ اس کا ایک ور ا نتھا ہی ہے اوراس کے مرکزی گرائی گ ہے انابت کردکداس کے دباؤ کے مرکز

كى تېرانى ك + الماك ج جان المنتها بى و تركاطول مے -ایک ستوازی الاصلاع کے کو ون کی گرائیا س کی افغ کی سط

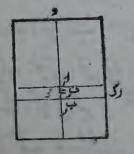
کے نیچے بالڑنب کی، گی ، گی کی ہیں اور اس کے مرکز کی

المرائ گ جه، تابت کروکر اس پر کے دباؤ کے مرکز کی گہرائ گرائ گ جه، تابت کروکر اس پر کے دباؤ کے مرکز کی گہرائی گرا + گرا + گرا + گرا + گرا + گرا کی ا

کے ۔ ایک متفامسدس پائی کے اندراس طرح غرق ہے کہ اس کا ایک منلع

بانی کی سطے میں کے بالائی نصف برکے دباؤ کے مرکز کی گہرائی دریا فت کرو۔

ایک معین دوا سے سیاد س کے اندر جو آپس میں نہیں ملتے اس طبح غرق ہے کہ اس کا رأس اوبی کے سیال کی سطے ہیں ہے اور ایک و ترسطے مشترک میں ہے ، اگر نیج کے سیال کی کتا فت کی مصر چند ہو تو نامت کرو کر دباؤ کا مرکز ووسرے و ترکو نسبت کہ و کا دباؤ کا مرکز ووسرے و ترکو نسبت کہ و یہ اسے تقیم کرتا ہے ۔



فرض کرد کو اس رقبہ کا مرکز تقل جو الد وین سیال کے اندر عزی ہے متر ہے اور اس رقبہ کے دباؤ کا وہ مرکز جواس سیال کے اوپر کو فئ اور سیال مے اوپر کو فئ اور سیال من ہوتا ہو ہے۔ من ہوتا ہو ہے۔

اب اگرمستطیل کے الازین ضلع کا وسطی نقط و ہوتو

واردان ف المضروبي ، الرد = ١٠٠٠ ف و فور ٢٧م مشق ٣ كے بوجب ہم الرك اوپر كے سيالوں كى كبائ ايك ليسا سال سے مکتے ہی جبکی موٹائی لا ہو اور کٹا فت رک، جہاں (= (1-1) <u>i</u> اس ليخ دفعه ١٥٨ كے قاعدہ كى روسے جوسمد رك كنا فت والے سال كے اندغزق ہے اس پر کا وباؤسادی ہے ان ووں کے:-ت پر قوع ۵ × رک × لا اور حر پر ۵ × رک × ن جہاں استعلی کے اس مصد کا رقبہ ہے۔ يس مواذي وووں كے مركز معلوم كرنے كے قاعدہ كى رُوسے できている (b× () × k× e で () × e で (1-1) ウナーシート (1-1) シー (1-1) シー (1-1) シー (1-1) シー (1-1) $\frac{(+\dot{\upsilon})\dot{\upsilon}_{+}(1+\dot{\upsilon}r)(1+\dot{\upsilon})\dot{\upsilon}_{-}}{(1+\dot{\upsilon}r)(1+\dot{\upsilon})\dot{\upsilon}_{-}} \times \frac{\dot{\upsilon}_{-}}{\dot{\upsilon}_{+}} \times \frac{\dot{\upsilon}_{-}}{\dot{\upsilon}_{-}} \times \frac{\dot{\upsilon}_{-}}{\dot{\upsilon}_{+}} \times \frac{\dot{\upsilon}_{-}}{\dot{\upsilon}_{-}} \times \frac{\dot$

• ا - ایک ستوی ذوار برت الاصلاع اله ب سے د اس طرح بورا با فی میں غرق ہے کہ اس کا صلع الا ب با فی کی سطح میں ہے ، اگر ہے اور د کی گراکیاں سطح کے نیچے بالٹر میت جہ اور لم ہوں اور مزکر تُقل کی گہرا کی ف ہو تو تابت کرد کہ داؤ کے مرکز کی گہرا ئی ہے ہے۔

تو تابت کرد کہ داؤ کے مرکز کی گہرائی ہے ہے اور اس طرح فوال مو اسمال ہے ایک ہے مرکز نقل کا گہرائی ہے گئے۔

فابت كردكه جو ذواربعة الاصلاع اس طرح و وبا بوا بواسك مركر نقل كى كمرائى اور دباؤك كم مركز نقل كى كمرائى كى بابمى نسبت ٢:٣ بنيس بوسكتى - 11 ودواربعته الاصلاع كى فكل كا ايك رقبه يا بى كے اندر اس طرح نرق ہے

کہ اس کے کو دان کی گہرائیا ں بالترتیب عدا بد، جد، لد میں اتابت کرو کہ اس کے دواؤکے مرکز کی گہرائیا

عد + ١٠ + عد + لد به جم + عد عد + عدلد + بدلم الم

ہوگی جہاں ف مرکز تقل کی گہرائی ہے۔ زفن کرد کہ اب ج د ایک وواد بعثد الا صنلاع ہے جس کے کونے الم ب ج د بالترمیب عدا یہ جوالہ گہرائی یہ بیں۔

زمن كروك مثلث البع اور بع حد كارتج الترتب لاالم بين تب چونکه ١ ب ﴿ اور ب ج ح کے تقلی مرکزوں کی گرائی الرتب عرب بدل ادر ب ب ب د بي اسلة د = الدرم ب بدر د ب ب بدر د ب

اب سلوں اب ج اور بج دیر کے مجموعی دباو

ادران پرج دباؤعل کرتے ہیں اُن کے مرکزوں کی گرائیاں دفعہ ١٩١٦ نیتجہ فریح کی ردے

عدد + برا + لدر + عدم + عدد + براد المرا + فرا + لرا + بدر + بد مد الرا المرا ٢ (٤٠ + ١٠ + لم) 7 (4 + 0 + 4)

اس سے اگر دباؤ کے مطلوب مرکز کی گیرائی لا ہو تو

[x t c = 2x + 2x + 4 + 4 + 6 = 2x + 6 + 74]

= 10 (21 + 11 + 11 + 2 + 2 + 2 6 + 1 6) + ١ (سَرِ + حَدِر + ١٦ + مَ حَ + حَد لر + ١ مَ ١)

لینی مسا دات (۱) سے

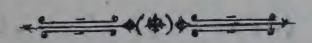
= المراب + بر + بر + برا + برا + لرا + عدب + عدلد + برله = المراب + برا + لرا + عدب + عدلد + لرله) - (عرب بر بر بر بر بر بر برا + برا + لرا + بر بر بر بر برا + لرله) }

ق (ص - عر)

جواخقمادكي سے = عرب بد جرب له عرب + عرب + عدله + برعر + بدله + جدله

۱۷ - ایک مربع جسکا ہرضلع ۴ اربے یا نی کے اندراس طرح عزق ہے کہ اسکی سطح انتصابی میں مرکزی سطح انتصابی میں ۔ اگر مر بع کے ہندسی مرکزی گرائی مو ترسطے کے بندسی مرکزی گرائی مو ترشطے کے بندسی مرکزی مورک دیا دکا حرکز بندسی مرکزی فاصلہ یا ہے۔ پر انتصاباً بنجے دائع ہوگا۔

سا ا - ایک مربع جزدی طور پرایک ائع کے انداس طرح فرق ہے کہ اکا مرکز انع کی سطے میں ہے اتابت کروکہ ڈو بے ہوئے مصدیر کے وباؤ کامرکز نہدی مرکز انع کی سطے میں ہے اتابت کروکہ ڈو بے ہوئے مصدیر کے وباقی موگا۔



كهومن والحات م اوی وباؤی سطے سے وہ سطے مراد ہوتی ہے جس کے سب نقطون يركه وباؤباتم ساوى يول -انابت کرو کہ ایک ساکن سیال یا ایک حرکت کرنے والے کال سيال كے كسى نقطه يركا حاصل مجموعي دباؤاس ساوي دباؤكي سطح بر عود وار ہوتا ہے جوائس نقطم میں سے گرزتی ہے۔ سیال کے کسی نقطم ن پر عور کروا در ای میں سے گزرنے والی مساوی وباوکی سطے پر ایک جیوٹا طول ن ق بو-ایک لاانتها پتلے اسطوانہ پر عور کرو حس کا محر ن ق سے اسکے سروں ن اور ق يركے د با و مساوي من کبونکه ان سرول کے رقبے ایک ہی میں اور ن اور ق ساوی دباؤ کی سطے پروا قع میں -بس اسطوانه بركا عاصل مجوعي دباؤ ن ي يرعمود واربوكا-اسی طرح سے بیکسی اورستقیم خطیر بھی جمود دار ہوگا جو ن یں سے مسادی دہاؤی سطح میں کھینجا جائے۔ لہذا یہ اس سطح پر بھی عموہ وار ہوگا۔

اللہ اس کے ایک انتصابی محور کے گردگھو سے تو نابت کردکہ ما نے کی آزاد سطح ایک مکانی نا ہوگی رسط نی کو سطح ایک مکانی نا ہوگی رسکانی مناسے مراد وہ سطح ہے جو قطع سکانی کا ہوگی رسکانی مناسے مراد وہ سطح ہے جو قطع سکانی کو کھمانے سے مامسل ہو)

اس سے محور کے گردگھمانے سے مامسل ہو)

مطح جو تسکل فتیار کرتی ہے دواہیں ہے جو تحقی کی سے اس کی سے جو تحقی کی سے مامسل ہوتی ہے۔

وصل کو کردش کے محود ولا کے گردگھانی کی میں اس کا دوکہ مانع کی کیساں زادی رفتار

محرر لاك برعود ن ل منيخ -

تب ن زاوی رفار سد کے ساتھہ ایک وارو باا اے حبکا نفعت قع ل ن ہے -یس علم حرکت و فعہ ۱۳۵ سے ظاہرسے کہ اس پر صر ور ایک اور وت م سلایون ل ن ل کی سمت مین علی کرتے ہے۔ یہ وت لازاً دو قوتوں ہے اور من کا حاصل ہے ؟ انتصابی اور افتی سمتوں میں تحلیل کرنے سے (1)………こうーカデア حب طه= مسلادن ل (۱) جال طہ سے مراد لاویہ لگ ن ہے ن مراد = سريدن ل يىنى سىن = ن ل مم طه = ل ك

یعی سے = ن ل * مم طه = ل گ

بس سختی لان ایسا ہے کہ ذیر عاد ن گ ستقل ہے اور یہ

ظا صیت من قطع مکا فی میں یا بی جا تی ہے جس میں زیر عاد ورقا

کے نفیف کے ساوی مؤاہے ۔

[یہاں یہ بھی تبایا جا سکتا ہے کہ کوئی اور سختی یہ فاصیت میں رکھتا ہے ک

ٹیو ش کے لئے احصائے تکمیات سے کام دینا پڑے گا

بس سختی لان ایک قطع سکا فی ہے جس کا ویڑ فاص سختی ہے اور جبکا محود گردش کا محور ہے ۔

اور جبکا محود گردش کا محور ہے ۔

لہذا ایک کی سطع جو سختی کو انتصابی خط کے گرد گھلنے سے اسل ہوتی ہے وہ ایک مکا فی منا ہے ۔

ماس ہوتی ہے وہ ایک مکا فی منا ہے ۔

نیتخرصم و کے ۔ قطع کا فی کے اساسی خواص سے ظاہرے کہ UD= exiden × 60 = To اور سے ربط اُن تمام نقلوں کے لئے جوسطے پر واقع ہوں ورست ہے۔ الا اس كلو من والے مائع كے كسى نقطه يركا وبا و معلوم كرو -فرعن کردکہ مائع کے اندرکو کی نقطہ ق سے ایک خطاستقرق ن انتصابی سمت میں ادیر کی طرف کھینچو اور فرمن كروكه يرسط سے ن يرمنا ہے ن ق كو محوران كرايك بهت يتلامسندير اسطوان بناؤ حس کی تراش کا رقب عد ہو اگروش کے محور اوم ل يرعموو ن ل عم مكالو-اگراس مانع کا رباز جوق يرسے د بوتو چھوے اسطوان ن فى برجو انتصابى قوتس على كرتى بين ده يه بين: قوت حدجو ق میں سے انتقابی سمت میں اویر کی طرف علی کرتی ہے اور اسطوانه کا وزن ج ک × عه × ن ن جو انتصابا نیجے کی طرف عمل کرتاہے جہاں کہ انع کی کتافت ہے۔ یونکه گروش مکساں اورسلسل ہے اس کئے اسطوانہ ق ن میں کوئی انتصابی امراع نہیں ہے ، بیس اس یرکی انتصابی فزیتر إبهم متعادل بي - لهذا د د - الا ک × د × ن ن = .

10 × 50=00 × 50=8% (P1-J1) 50= لیکن دفعہ ۱۹۵ کی رکوسیے 11× 200 (アリーリン×デー) シモニン :. = 2 (+ = × 0 07 - 5 × 19) اگرق، اسے نیج ہوجیسے ی پر تو うり=うひ+りし اور دباؤ = ک (ل سلام ق م ۲ + ح × دم) مینجم صرف ا - دفعہ ا قبل میں ہم نے ہوا کے دبا و کو نظرا ندار کوبا سے اگراس کو بھی محدوب کیا جائے اور 11 سے تعبیرکیا جائے ت بمين ن يرمزيدانتصابي دباؤ ١٠ عه عاصل بوگا اورو تغه ما قبل یں ح کی جو قیمت ہے اس میں 11 کااور اضافہ کرنا بڑیگا۔ میتج صرح ۲- اگر شخنی ون پر کے ہرنقطہ سے انتصاباً نیجے کی طوف خطوط سنفنی کمینی جائیں اور یہ خطمتی ن ق کے ماوی ہوں تو ان خطوں کے مرادی ہوں تو ان خطوں کے مرادی ایسے مخنی پر واقع ہو سکے جوشکل اور قامت کے لحاظ سے منحنی ون کے ساوی ہوگا " لیس مساوی و اوس کی سطییں مساوی مکافی نا ہوتی ہیں۔ 146 مشق اليك تريواسطوا مذجس كى جوى بند سے قريب قريب بعدا ايك مائع سے بھراگیا ہے اور اسطوان سے اپنے اندیکے یا نے کے انتصابی محدر کے اید ماں زادی رفتارسے تھوم رہاہے ، اسطوانہ کے بیندے اور جونی بیتال کے بو مجبوعی دباؤ ہیں اُن کو معلوم کرد-فرض کروکہ اسطوانہ کے محور او میں سے گزرنوالی ایک مستوی مطع سے اسطوانہ کی جو ترامشس عاصل ہوتی ہے ده باج دع ہے۔ فرص كردكه لا و = ف اور قاعده كالصفف قطر و < = د جب ہم یہ کہتے ہیں کہ اسطوان قریب قریب پورا مائع سے برا ہواہے تو ہمارا مفہوم برہونا ہے کہ گھو منے سے بیلے اسطوانہ کی جو بی ب لاع پر کا دباؤ عین صفر کے ساوی ہے۔ حب ما لئع محموم ر ما ہو تو ظاہر ہے کہ سب سے کم دباؤ ادیر ہوگا بعنی و با ں دباؤاب بھی صفرہی ہوگا ایک قطع مکا فی ن لات کھینچے جس کے محور کی سمت ولا ہواور وزرخاں تُب انع کے کہی نقطہ پرجو دباؤ مرد کا وہ اس سطے کے بیچے جوقطے سکا فی کے مھومنے سے بیدا ہوتی ہے اس نفطہ کی انتصائی گہرائی کی وج سے ہوگا۔ (١) يس قاعده ج د يدكا مجموعي دبادً = اس انع کا وزن جوج < اور قطع کافی کی ورسانی جگه میں مواط سکما ہے۔ = اسطوانه ن ج كا وزن - مكانى ما ف لا ف كا وزن = اسطوانه نج کا وزن _ اسطوانه نب کا وزن じを×りガメ グラー・ロン×リガメンで=

اب نان = سم × ال يعن ال = سم × را اس لي ج د يركا مجوعي دباو

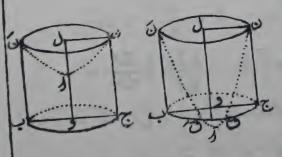
[いとナナン] ** メモー[いとナーいン] ** メモー [サナンン [ロナナトレ] = ガンンで用 = ر ٢) نيز ب ع پركا مجموعي دباؤ اديد كي طرت على رتاسي اورمفداريس اس ائے کے وزن کے ماوی سے جو ب ع اور سکا فی مناکی درمیانی حکمہ میں

بحراط سكتاسية اس كي

=اسطوان ن بكاوزن - سكافي نان ان كاوزن しか×リロナ× くで= ひとといい十= 一門 ム田士=

مشق ٢ - ايك متديراسطوان كوحبكا إرتفاع ف سع اورجس كے كاعد كا نصف قطردسي إك ما ك سے بحراكيا ہے ، اسطوان اور انداكا ما كع محدد کے گردیکیاں زاوی رفتارسہ سے گھو ہتے ہیں-معلوم کردکہ کتنا مانع گرجائیگا۔

فرص كردكه كا غذ كى سطيم منوى



اسطوان كوخط ن بع بن يركاشي ے اوراسطوان کا محور ل او ہے۔ آزا وسطح ایک قطع مکانی سے جبکا وترفاص ملت ہے، يرسط لازا ن اور ن ين سے روحی -

البدايد ايك قطع مكانى بع جس كاراس و پر ب جان دل = الم

العنى ال = المستر × ن ل = المستر لا (١) زمن كردكم الله و حن الله سر ما الله و اس کے صورت اول میں ا کو سے اوپر ہوگا -جوا كع كرجاميكا اس كى مقداراتني ب مبتى مكانى نا ن لا ن كو بجردك اسلية اس كالحج =اس اسطِّان کا نصف جم جس کا قاعدد ن ن ج ادر ار نفاع ل او ج アデートラスタオー= 10×5オー= (۲) اگر سیارا = ف انب ل ۱ = ل و اور سکانی کا راس ۱ محور کےسب سے پیلے نقطہ و پرمنطبق ہوتا ہے۔ رس سيريس ك نتبل ا كل واورنقط ا ، وسي جي جلاماً اب صیا کہ صورت دوم میں اس صورت میں قطع مکا نی ب ج سے نقاط ف ، ق ق وا = مري × او = مري [ال - ت] اس صورت میں جو یا نی گرجائے گا اس کا عمر

صورت یں جو یا نی گرجائے گا اس کا جم = ن ن ن ن کا مجم = مکافی نما 1 ن ن - مکافی نما 1 ق ق

= + TLU x 16 - + TE E'x 16

مشنق ٣٠ - ايك بتلي كيسال تراش كى سيدى نلى ١١ ب ليف نجل سرك ا میں سے گزرنیوا نے انتصابی محرکے گرد کیا ل زاوی رفتا لاسم سے حركت كردى سے ، اگردوم اسراب كلا ہوتة بنا و كه اس ميں سے كتنا ما بنه بابر کل جائیکا -

جب مائع اصافی توازن می گهوم دا ہو تو فرعن کروکداس کاسب سے ادنی نقط ن ہے ، تب اس مکر انع كا دُبارُ صريحاً صفر بوكا -

ن پرجورال ہے اس کی ایک

بتلی تراش کے نوازن برعور کروجی کی کمیت م سے ، اس براس کا وزن جم بہ کے مادی ہے میں نیچے کی طرف علی کرتا ہے نیز نلی کا نعال ج مجونی کی سمت پر عمود دارم جیا کوشکل س د کھایا گیا ہے، یہ دو نوں توتین عی میں عادی اسراع م سد × ن ل پیدا کرتی ہیں جان ن ل مردس کے محدریر عمود سے انتظابی اورا فقی سمتوں میں تخلیل کرنے سے (1)......... ひじ x raw p= 45. て

.. اس سے انع کے بالاترین نقطہ کا مقام معلوم ہوتا ہے۔ بہ آسانی سے دیکھا جاسکتا ہے کہ ن کے اور کا سال نفل جا ہے گا-اگرن کے اوپرکوئی سال ہواؤ فرض کروکہ اس کا سب سے اوکیا نقطہ ق ہے ول برعووق م مینے اور فرض کروکہ اس کاطول ل ن اک ہے۔ فرعن کرد کہ اس کونوازن میں ر مھنے کے لئے عادی نوٹ ح کے علادہ ا کی سمت میں ایک اور قوت س عل کرتی ہے ، تب ح جم عه + س جب عه = م سرا × م ق = م ساء ن ل+م سلك رس ح جب عه -س جم عه = من ح کو ما قط کرنے سے س=(مسلان ل+مسلك) حب عه-مع جم عه = من جمعهم سدكردب د- من جمعه...

= م سداک جب عم

لہذا س معنب سے اس سے ہارامفروصنہ صحیح ہے گویا ستیال کو ق يرقائم د كھے كے لئے مزور ہے كداس كو لاكى طرف تحينيا جائے، سيكن جذى يكينجانين جاسكنانس كے يداديركي طرف حركت كر سكا - اور بسي سے اہر علی جائے گا۔

ن کے اور جفدرسیّال ہے اُس کے ہرجدو کی یہی کیفیت ہے۔ مستنق مم - نصف دائرہ کی شکل کی ایک نلی یا نی سے بھری گئی ہے اور اس فطرکے گرد جواس کے دوان سروں کو وصل کرتا ہے گھوم رہی ہے، نناؤكه نلى مين كس حكر سوراخ كيا جاسية كه اس ميس سع اندركا تام ماين فالل



سوراخ جہاں کہیں بھی کیا جائے مجهدة كيجدسال كل جائيكا، سيكن نامساً ل اس سوراخ می سینی کل سکتا تا و تعتیکه سوراخ اليسعمقام بريذكيا جائيجس

ما نع كا أخرى قطره بوكا يعنى تا و تنتيك سوراخ اليسع مقام ن بر مذكيا جائے جس بركم مائع كا ايك ذرّة واحدا صنافى توازن كى حالت يى قائم رہ سکتا ہے۔

اگرم کزو بو اور ب و ۱ انتصابی قطر بو اور ن ل، ب ایرعود ہو تو فرعن کروک ن پر کمیت م کا ایک ذرہ اپنے وزن م ج کے اور ن و کی ست میں عل کرنے والی ایک قوت ح کے زیر عل اصافی توازن كى طالت مي سے - ج جاذبة اين كوتبيركرا ہے -

نب أن دو قولو كا حاصل م سدان ل بوكا اور ن ل كامت

ين على كريكا -

بس اگردادیه او ن عطه توافقی ادرانتها بی سمتوں میں تحلیل کرؤسے
ح جب طہ = م سمان ل
ح جم طہ = م ح

د مس طہ = م ح

د مس طہ = سمع ن ل

د مس طہ = سمع ن ل

ن ول= ن ل × مم طه = سم

اس سے د کے نیجے مطلوبہ نقطہ ن کا انتصابی فاصلہ معلوم ہو جاتا ہے ۔

امتنكه بمبرى ٢٣

ا - ایک بند قائم مستدیراسطوانه کو قریب قریب با نی سے بھرکرانتھا بی محور کے گرد گھما یا گیب است بر کم الکود محمو کے گرد گھما یا گیب ہے ، اگردہ مجموعی دباؤ جو گھو ہتے و قت قاعدہ بر عمل کرتا ہے اس مجموعی دباؤ کا نصف ہو جو بجالت سکون قاعدہ بڑکل کرتا ہے تو گردمش کی زادی رفتار دربایات کرد۔

٢ - ايك بندمتديراسطوانه كوعبن إنى سع براكيا ب اسطوانه اين محور كرد جوانتفابي به كلوم را بيع ، اگر بينيد بيركا مجوعي دار جو الليد محور سكه كرد جوانتفابي به كلوم را بيع ، اگر بينيد بيركا مجوعي دار و اي كنا جو له بتاك كه زاوي رقار ملت و بها ل ن مسطوانه كااد تفاع به اور راس كالفنف قطرب -

اللا - گرست مشق میں اگرایک مجموعی داؤ دوسرے مجموعی دباؤکا ن گئ

الولة زادى دفتار بال التات بولى-

ا مل قائم مقدر اسطوان کو جس کی جو ٹی کھلی ہے یا نی سے ہم اگیا ہے اسطوان سے یانی اسے ایتے محد کے گرو کیاں زاوی رفتار سد کے ساعد کھوم ر با ب ، اگرآ دے سے زیادہ یا نی دگرے تو قاعدہ کے کسی نقطہ پر کا دا و معلوم راق ۵ سایک مجوت مخروط جو قریب قریب یانی سے بھوا ہوا ہے اسے محور کے گرد جوانضابی ہے کیاں زادی رفتارے گھوم ریا ہے ادراس کاراس اوید كى طرف ہے الراس كے قاعدہ يركا داؤ اندر كے يانى كے وزن كا چوكنا ہوتو تابت کروکہ زادی رفار مراع معم عرب جباں اس کے قاعدہ كانفىف فظر سے اور ٢ عم مخروط كا رأسى زاوس سے -الا - اسطوان كي شكل كے ايك ظرف كو آوھا ياتى سے بحركواس كے محور كے كرد جو اتصابى ہے كھايا كيا ہے - بتا وكداسطوانكس براى سے برى دادى رفارسے گھوم سکتا ہے کہ یا نی با ہر نہ گرے ، نیز نابت کروک ننب قا عدہ کے مرکزے اور یانی بنیں موگا -ایک اسطوانہ کو جس کا نفیق قطر ا ہے یا نی سے عین مجرکر ایک ایسے بھاری و مکنے سے بندکرویا گیا ہے جوانیے کنارے کے ایک نقطہ کے گرد گھوم سکتا ہے ، خابت کردکہ اگر اسطوان اور اس کایا فی اسطوان کے مور کے گرد زاوی دفار سے گردش کریں تو دھکنا اور و محلہ جانیگا اگراس کا وزن ہے سے لائک سے کم ہو جاں کے یا ہی کی کٹا فت ہے۔ ٨ - ايك اسطوان جس كى جو تي كھلى جه ايك سيال سے آدھا عمرا ہوا سے جب یہ اسطوانہ اینے انتقدا بی محور کے گرد زاوی رفتار سد سے مھوسے توسیال عین اوپر کے کنارے مک پہنے جا ہے ، نابت کرو کہ اگر

سیال کان وال عصم اسطوان کے اندر بے توزادی رفتار سدمان ہوگی-

و دائرہ کی شکل کی ایک الی سیال سے آ دھی بھری گئی ہے اور اس کو ایک انتظابی عاس کے گرد کیسا س زادی رفتار مسہ سے گھایا گیا ہے اگر الی کا نصف قطر کا بہوتو تابت کرد کہ اس قطر کا میلان جو مائع کی آ زاد سطحوں میں سے گزرتا ہے افق کے ساتھ مس سے مستعمل ہوگا ۔

ملک میں سے گزرتا ہے افق کے ساتھ مس سے مستعمل ہوگا ۔

ایک چوتھا کی کو بائی سے بھرکر اس سے حبکا نصف قطر کے گرد کیاں نادی ایک چوتھا کی کو بائی سے بھرکر اس سے انتھا بی قطر کے گرد کیاں نادی رفتار سمد سے گھایا گیا ہے اگر بانی کا سب سے اونیا نقطہ نلی کے سب رفتار سمد سے گھایا گیا ہے اگر بانی کا سب سے اونیا نقطہ نلی کے سب سے اور خابت کروکہ

(1+FV) 27 = 1w

اا - دائرہ کی شکل کی ایک انتقابی کی کے اندجوا بے انتقابی قطرکے کرد گھوم کتی ہے کچھ سیال سے محاذی مرکز پر زاوید طہ بنا ہے خارت کردکہ کم سے کم زادی رفتار جو سیال کو دوحصوں میں تقییم کردے تابت کردکہ کم سے کم زادی رفتار جو سیال کو دوحصوں میں تقییم کردے میں ہے قط طعم سے

11 مد دائرہ کی شکل کی ایک بنلی کا بضت قطر ال ہے ، اس کے اند کچبہ وزنی سیال ہے جو نلی کے ایک جو تھائی حصہ کو بھرے ہوئے ہے ۔

المی کو اس کے انتقابی محور کے گرو زادی رفتار سمہ سے کھایا گیا ہے ،

اگر سمہ سے کھایا گیا ہو تا بت کردکہ سیال کی سطح عین افتی قطر تک ادبراُ ﷺ و تا بت کردکہ سیال کی سطح عین افتی قطر تک ادبراُ ﷺ آئے گی اور آزاد سطے کی انتھابی گہرائی مرکز کے نیجے الا ہم ہوجائی آ

١١٠ - يلك سوراخ والى ايك نلى دائره كي شكل كى مع جبكا نصف قطر ا سے انلی کے اند کچے ان ہے جے کاذی مرکز پر جم کا زادیہ بنا ہے ۔ اگر الی کو اس کے انتہابی نظر کے گردزادی رفتار م اس سے گھایا جائے توٹاب کروکہ اسے کاسب سے او کیا نقطہ عین انفی قطر کے ایک سرے يك بينج حائے كا ادركل مانى انتصابى قطركے ايك طرف أحا أيكا-مما - جیوٹی تراش کی ایک نلی ایک مربع کے بین وصلاع کی شکل کی ہے درمیانی صلع افق کے متوازی سے ، اس کویانی سے بحرکر اس تصابی محور کے گرد تھایا گیا ہے جوافقی صلع کے وسطی نقطہ میں سے گزرتا ہے ، نابت کرد كم يا في البرينيس تخليكا ما وقتيك سد برانه م المع الم على عند الراكر بربرا بوقوج یانی! ہر کل جائے گا دہ کی کاطول المان میں الم عرفے کے کانی ہوگاجیاں ا مر بع کے ایک صلع کا طول ہے۔ 10 - مشق ا قبل میں اگر الی این ایک انتھا بی صلع کے گرد گھوے توجو یانی باہر گرجا نیگا وہ طول سستان کو بھرنے کے لئے کا نی ہوگا اگرسے سے اور طول 4+ مالا- مالا کو جرنے کے لئے کانی ہوگا اگر 14 - ایک اسطوان کا نفعت قطر و به اور ارتفاع من، اس کے اندر گرائی ب یک ایک سیال برا سے - اور اسطوانہ مدسیال اسینے انتصابی محور کے گرواس طرح کھوم رہا ہے، کہ سال باہر نہیں گرتا ، نابت کروکہ بڑی سے بڑی زادی رفتار کے ماج رف - ب) یا ہے ہوسکتی ہے اگر الرتیب کا سے ایک مکعب صندوق کا تا عدہ انتی کے منواذی ہے اوراس کی چوٹی کھکی ہے ، صندوق کو یا بی سے بحرکرا سکے مرکز میں سے گزرنے والے انتصابی تحورکے گرد گھایا جاتا ہے ، اگر قاعدہ کے مرکز برسے یا بی عین بہٹ جاسئے تو نابت کروکد زادی رفتار مراحق ہے جہاں الاصندوق کے ایک صناح کا طول ہے ۔

۱۸ سے مخردط کی مختل کے ایک فارن کا راسی ذاویہ ۲ عہ ہے اور ارتفاع ف ہے، فارف کے اندریا بی ہے جس کا حجم ظرف کے حجم کا نصف ہے اگرفارت مح جم کا نصف ہے اگرفارت مح با نی کے کیسا ل ذاوی رفتار سدسے کھوے اور با بی باہرند نخلے تو ثابت کروکہ سد کہی م اس ف کی عم عہ سے بڑا ہنیں ہوسکتا ۔

سدے گھایا گیاہے ، بتاؤ کہ کتنا سال ماہر مخل جائیگا۔

ہوگی بشرطیکہ سد کے مراق ہے جم عد الا سے ایک برتن کی شکل ایک ایسے گروشی مکانی خاکی ہے جو ہم او والے و ترخاص سے ایک قطع سکانی کواس کے محور کے گرد گھا سے سے حاصل ہوتا ہے برتن کواس کی تفیق مبلندی تک کسی الع سے بھراگیا ہے بناؤ کہ بیکس بڑی سے بڑی ناوی دفرارسے اپنے محور کے گرد گھوم سکتا ہے کہ مائے

الميرنة كرك-

٢٢ ١٠ ايك قطع مكافى كواسك كورك كرد كل في سے ايك سالة تاركياكيا سے یالہ کوکسی مائع سے بھرکراس کے محور کے گرد مکسان زاوی دفتار سدسے نُمَا یا گیا ہے، اگر قطع مکا نی کا و ترخاص < سیم تو ناب کردکہ بیالہ کے سب سے نیلے نقط پر کے ایک سوراخ میں سےسب ا نع کل جائیگا۔ سا ٢- ايك نصف كردى يالدكويانى سے عين عمراكيا ہے اوراس كو الناكركے ايك حكنى افقى ميزيراس طرح ركھا كيا ہے كہ يانى بيالداورميزكے درمیان میں سے نظنے بنیں باتا اگر بیالہ اور اس سے یانی کو یمالہ کے محور کے گرد کیاں زاوی رفت رسم سے گھایا جا ب اور پیالہ میزکی سطے سے عین اوبرا کھنے کوہو تو تابت كردكم ياد كے وزن كويانى كے وزن كے ساتھ سبت = Ex: 1 5mm + Ex

٢٧ - ايك گردىنى مكا فى ناكوايك ايسط منزى سے كاك كر جواسكے محور پرعمود وارہے ایک بیال بنایا گیا ہے اس کو سیال سے عین بھرایک

ا نقی پراس طرح رکھا کمیا ہے کہ اس کا رأس اوید کی طرف سے اور بھرا سے مع سیال کے محور کے گر د گھا یا گیا ہے ، خابت کردکہ ما نے کفل جائیگا اگر

زادی دفار مر عمر و حق مع زیاده بو جمال و اور و با لترمنیب بیالم

اور مائع سے اوز ان ہیں کا أور الم لا قطع مكا فى كا وتر خاص ہے -٢٥ - ايك متديراسطوان حيكا نضف قطررے ياني كے اندراس

طرح آزادان تیرر فی سے کہ اس کا محد انتھابی ہے ، یا نی پہلے ساکن ہے

ادر پیمراس کو اس محدر کے گرد جو اسطوا نہ کے محور پرمنطبق ہوتا ہے کیا

رفتار سعد سے گھایا جاتا ہے تابت کروک مؤخرالذکر صورت میں اسطوانہ ك سط كا مزيد السيراك طول بحيك جاسكا-فرض كروكه اسطوانه كا ارتفاع دي بي اس کی کتافت کے ہے اور یانی کی کتافت ك سيرات بهلى صورت بين كدف ارتفاع بھیگا ہوا ہے۔ ودسری صورت میں فرض کروکہ اسطوار بانی کی سط سے جس وائرہ ر ملاس كا نصف قطرل ن ب-اگرہم ن اور ن میں سے آیک قطع سکانی ن اور کھینیں جس کا ونزخاص الاج بهوا ورجيسكا محور اسطوانه كالمحور بهو توقطع مكافي آزاد طع کی ایک شراش ہوگی۔ تب ن لغ = سم × ال بنى ال = سمرة اگراسطوانہ کی اس سطے کا طول ج ت جو اب پانی سے سس کرتی ہے لاہوتو TT لا ها مرك عد اسطوان كا وزن ۔ ہٹائے ہوئے بانی ب ن الن ج کا وزن [アダレンカローリカカ] = [U1+x5TI-リナT] == [- W - W] = [W - + - W] = - C = : 10 + co - 10 = 1 :: ا ایک مخروط حس کا ارتفاع دن سے اور نصف راسی زاوید. ۲° ہے ایک مانع کے اندر اسطح تیرر ہا ہے کہ اس کا محور انتصابی ہے اور رأس

نیجے کی طرف ہے۔ مائع کی کن فت مخروط کی کٹ فت کی سے ہے اگر مائع ایک السے مورے گرد جو مخردط کے مور برمنطبق ہوزادی رفتاری سے گوے توثابت كروك مخروط كے قاعدہ كاكنارہ مين يانى كى سطح ميں ہوگا-٢٤- ایک برتن کے اندر کچه بانی ہے برتن کے ایک بیلو کے ماتھ کا ایک جھوٹا مکڑا جس کی کیت م ہے اور کثافتِ اضافی ک ہے ا كيك تبلى رستى كے وربعه باندھ ديا گيا سے رستى كا طول ل ہے اگرينظام اضانی توازن کی حالت میں مکساں زاوی رفتارسے انتھابی محرکے گردگھیے توثابت كردكريتى كاتناؤم ل ج (ل - ١) بوكاجهان حن کاگ کی اونچا کی ہے اس نقظہ کے اوپر حس سے یہ سندھا سے اور ج جاذبار ف ہے فرض کرد کہ گردش کے مؤرے کاگ کا انقی فاصلہ ماہے اردگردکے انع کا جو د باؤ کا گ برعل کرتا ہے وہ دہی ہے جو کا گ کی جگ مائع ہونے کی صورت میں اس مائع پرعمل کرتا۔ اسس مائع کی کمیت میں اور وباو اس کے وزن کے ج کو سہار سکتا ہے اور علاوہ ازین فورکی ست میں عمل کرنے والی فروری قوت می ستر ما پیدا کرتا ہے۔ یہ وونوں توتیں رسی کے تناؤت اور کاگ کے وزن م ج کے ساتھ ملكرلازاً موركى طرف عادى اسراع م سنرما بيدا كرتى بين الر انتصابی سمت کے ساتھ رستی کا میلان طربوتو できるよりまで م سنرا = کے سنرا - دے جب طدی مساوات (۱) سے مطلوبہ تیجہ حاصل ہوتا ہے۔ ٢٨- ايك چپوٹا گوله وكنا فت اضافى ١١ ايك رستى كے درىيداس محور کے ساتھ بندھا ہوا ہے جس سے گرد پانی کی ایک فاص مقدار کماں زادی رفتار مسدرسے گھوم رہی ہے گری کا طول ل ہے اگولہ بانی کے اندر پورا ڈوبا رہتا ہے اور بلحاظ بانی سے توازن کی مالت میں ہے۔ ثابت کروک توازن کے ایک محل میں رسی انتصابی حالت میں نہیں ہوگا۔ بشر طبکہ مسمد کر کی آور اس صورت میں توازن قائم ہوگا۔

سكون شيالات متفرق مسأل الماسا ١١- الجمال كي سطح- أر ايك جم جوكسي مانع س ير رہا ہو حركت كر كے بالتواتر ايسے سب محل اختيار كرے جن س بٹائے ہوئے مائع کا مجم ہیشہ دہی ہو تو محلوت صور توں س حم کے اچھال کے جومرکز ہونے اُن کاطریق اجھال کی سطح کملاتی ہے اگر جسم ایک بیترا ہو یا اگر جسم کو اس طح حرکت دی جائے چھال کا مرکز ہمیشہ ایک ہی سلطح مسوی میں رہے تو اس مستوی میں رہے تو اس مرز کے طابق کو اچھال رز کے طابق کو اچھال کا سمحی کہنے ہیں۔ تیرنے دانے جسم کی وہ نزاش جس بیں مانع کی سطے اس کو ع متوی کہلاتی ہے۔ ا ۔ اجھال کی سطح سے کئی نقطہ پر کی عاسی سطح تیرنے کی متناظر مستوی سطے سے متوازی ہوتی ہے۔ اسطوان کی شکل سے ایک جسم پر غور کرد جبکی انتصابی نزاش منحی ارب ا فرض کرو کہ ان کرنے کی ابتدائی سطح مستوی ہے

الجهال كانحني 444 اور اس سے جواب میں اچھال کا مرکز یعنی اس سے تناظر ہٹا ہوئے سیال اب آکا مرکز تفل س ہے۔ جسم کو ایک چھوٹے زاویہ میں سے اس طی گھاؤکہ اب آ ترنے کی نی ستوی سط ہو اور دویا ہوا جم دیی رہے۔ يني فرض كروكه جم احج اج اجم آج أج الح (فض كرو) ف س كو طاؤ اور اس كوك تك اتنا خارج كردك

ب س اس ک در ح

lec : Tx m = Tx W لمذا علم سکون وفعہ ۱۱۱ کے بموجب ک مرکز تقل ہے جم 87.7

ک من کو ملاؤ اور اس بر نقطه سی ایسا لو که ك س بس نوانخ اح اس سے ح × ک س = ح × س سے

لمنا الرجيح ح اک يد اور ح اين ير فرض کيا جائے

يس سن مركز تقل سے إدب أراك اور اسك اجھال كا

سكون سيالات

انیا مرکز ہے۔ (۱) اور (۲) سے ظاہر ہے کہ

الناس = ح الناس ال - JU

اور اس لئے اقلیدس م ٦ س ٢ سے ب ب متوازی ہے س س کے۔

اب اگر زادیه ایج و کو نایت چوٹا بنا دیا جائے تو نقاط س اور س اچھال کی سط پر کے دو متصل نقط ہو گئے

اور خط بن بن بالآخ لا إر سطبق بوجائ كا

بنا بالآخ اجھال كى سط كے نقط سى يركى عاسى سط مناظ

ترنے کی سطح متوی و و کے متوازی ہوگی۔

• ١٤ - دفعہ ماقبل كا تبوت ہرقسم سے جمع پر صادق آئے گا خواہ تیرنے والا جسم اسطوانہ کی طح کا ہویا کسی اور طرح کا۔ عام

صورت میں ہے اسی طح سے خابت کر سکتے ہیں کہ اچھال کی

سطح کے نقطہ کس کو اس سے متصل نقطہ س سے ملائے

والا خط تیرنے کی سط ستوی سے متوازی ہوتا ہے ۔

اعار ایک تیرے والے جم کے توازن کے محل جم کے

مراز تقل میں سے اچھال کی سطے پر عاد کھنے سے معلوم

ذفعہ کا کے بموجب نت س انتصالی ہے اور اس کے

الور ير عمود سے ويکھوشكل اول دفعہ 149 كاس كے اس دفع

ینجد کی روسے نے س اس عاسی سطح بے بھی جمود ہوگا ہو ایھال کی سطے کے نقطہ س میں سے کھیٹی جائے۔ الیس ن س اچھال کی سطح کے نقطہ س برکا عاد ہے۔
لہنا کسی تیرنے دالے جسم کے نوازن کے سب مکن محل جہم سے مرکز تقل میں اسے اجھال کی سطح میں عاد المنتحة سے مال ہوتے ہیں۔ ٧ سے اے اچھال کے منحی کے نقطہ س پرکا مرکز انحاء جسم کا مرکز مابعد ہوتا ہے۔ دفعہ ١٨ ميں تھے نے بتايا تھا كہ مركز مابعد اجھال سے متصل مركزول سى اور سى سى كررنے والے انتصابی خطوں كا نقطم تقاطع ہوتا ہے ، لیکن دفعہ اقبل کی روسے یہ دو انتصابی خط سی اور سک پر اچھال کے منحیٰ کے عاد ہیں۔اس لئے مركز مابعد اجھال سے منحی کے ان عادوں كا نقطة تقاطع ہے جو اس کے متصلہ نقاط سی اور سی پر کھنے جائیں لہذا م نقطہ سی یر اچھال کے منحیٰ کا مرکز انخاء ہے۔ الم 121- اجھال نے منحی کی خاص صورتیں ۔ اگر دفعہ 149 کا جسم ایک مثلث ن تی لے ہو جو مائع کے اندر اس طح جزا عرق ہو کہ اس کا رائس ن مائع کی سطح میں ہو اور قاعدہ فی لہ باتھام مائع کے باہر ہو تو تیرنے كى سط ميتوى سے جوشك ل ار قطع ہو جاتا ہے اس كا

رقبہ ستقل ہوتا ہے۔ رفبہ سلس ہوں ہوں ہوں ہے جہاں مناظر انجال کا مرکز س خطِ مستقیم ن دیر ہے جہاں در کر ان کا مرکز س خطِ مستقیم ن دیر ہے جہاں در کر ان کا وسطی نقطہ ہے اور ن کس = بالد ن کس = بالد ن کس ان کے ب ھ اور ان کا وسطی نقطہ ہے اور ان اگر س میں سے افقی خط ل ل کھینیا جائے جو ان ق سے ل پر اور ن ل سے ل پر لے تو لهذال ل ایک متقل رقبه کا مثلث ن ل ل قطع کرتا بنابرین مخروطات کے خواص کی رؤسے ل ل اینے وسطی نقطه س ير بيشه ايك قطع زائدييمس كرتاب حك متقارب ن ل اور ن ل بي يس اس صورت مي سي كا طرنق يني اجهال كامنحني ایک قطع زائد ہوتا ہے جس کے متقارب مثلث کے دہ ڈولیے ہوئے اضالع ہونے ہیں -الرَّجهم كا وہ حصہ جو دُوبا ہوا ہو مستطیل ہو تو یہ بتایا جا سكتا ہے كہ اچھال كا منحى قطع مكافى ہو گا۔ م عا- مركز ابعد كا مل - مركز ابعد كے مقام كا تعبين اس کتاب کی صدود سے باہر ہے۔ اگر جسم متفاکل ہو اور اس کو اس طح بٹایا جائے کہ دفعہ ۱۲۹ کی شکل میں جو نقطہ جرہے وہ ترنے کی سطحستوی اج و کا مراز تقل ہو تو یہ بتایا جاسکتا ہے کہ سی مم

بہاں ارجم کی اس تراش اوج او کا رقبہ ہے جس پر تیرنے کی سط متنوی جبر کوکائی ہے اور ح جم سے دو بے ہوئے حصر کا بھے ہے اور ک کوئی منقل مقدار ہے۔ رجیکم کی یہ تراش جو تیرنے کی سطح ستوی سے حال ہوتطیل ہو إستطیل میں خط متنقیم بھی شامل ہے جو جسم سے پتراہونے کی صورت میں ہوگا توك = توك

جب تراش ایک دائرہ ہو تو کا = ج لا بالعموم كاكى قيمت معلوم كرنے كے لئے احصا ، مكلات سے کام لینا بڑتا ہے۔ [استوار اجمام سے علم حرکت کی اصطلاح میں مقدار لر بدکے کو بالعموم جمود كا معيار الزكية بين اس صورت مين يرتيرنے كى سطح متوی کے جمود کا معیار اثر ایک ایسے خط سے گرد ہوگا جوج میں سے گزرے اور کاغذی سطے پر عود ہو ۵ عا- دفعہ ماقبل کے نتیجہ کو تسلیم کرتے ہوئے ہم جنداسا صورتوں میں توارن کے قائم ہونے کی شرائط معلوم کرسکتے لیں

مشق ا - ایک کعب جس کا ضلع ۲ اور کثانت کی ہے کیا كتافت والے ايك سيّال ميں تير رہا ہے ، توازن كے قيام كى شرائط معلوم کرد -とうながっていてまっている。 المرانى = سرك اس تے س م = س تے اس تے سال ے سول جھوٹے زاوی بھاؤ کے لئے توازن قائم ہو گا اگرس م > س ث يعني اگر 🚽 🔰 🕹 او - ا 近十一上でく一世 ینی اگر کیا کے دکر (کو-کی) مشقى ٢- ايك متدير اسطوانه جس كا نضفت قطر إ سه اور ارتفاع فن ایک سیّال سے اندر اس طح تیر رہا ہے کہ اس کا امور انتضابی ہے اگر اسطوانہ کی کنافت کے ہو اور سیال کی کے لو اسطوانہ کے توازن کے تیام کی شرائط معلوم کرد ۔ الر لا= (= كرن) غرق شده طول لو

يس چھوٹے زاوی مٹاؤ سے لئے توازن قائم ہوگا じゅくつのが يعني اگر لا > ١ هن [کر - کرا] مشوق سے اور قاعدہ کا نفعت قطر ا ہے ایک سیّال کے اندر اس طح نیر رہا ہے ک اس کا محور انتصابی ہے اور راس نیجے کی طرت ہے ، اگر مخروط کی كأفت كم ہو اور سيّال كى كي تو مخوط كے قائم توازن ميں رہنے کی شرائط معلوم کرو ۔ ار محور کا ڈوبا ہوا طول لا ہو اور مخروط کی جو تراش ترنے کی سط مستوی سے عاصل ہوتی ہے اس کا نصف قط ب ہو تو サーサーがしいが用しては一十一世 ینی لاک یے فت کے ن سيم= رك = سين = سين لا ن سيم= ح = مالا = مالا عن لا یس توازن قائم ہوگا اگرس م کے س ف يني اگر ہے دیا لا > ہون - سالا

یغی اگر لا ک دن × ون الله یخی عد یعنی ک دن جمیم عد یعنی اگر کل = الله کری = الله کری الله کل = الله کری الله یم عد مخروط کا نفعت رائسی زاویه ہے - المثلله نمیری ساس

ا۔ ایک مستطیل کے اضلاع ۱ اور ۱ بب ہیں اید سیّال کے اندر اس طح بیّررہ ہے کہ اس کا ۱ بب طول والا ضلع انصابی ہے اندر اس طح بیّررہ ہے کہ اس کا ۱ بب طول والا ضلع انصابی ہے اگر مستطیل کی کن فت کہ ہو اور سیّال کی کی تو تابت کرد کہ چھوٹے زادی ہاؤ کے گئے توازن قائم ہوگا اگر

15-5<

اس ایک کیساں متطبی جمع جن کی کافت اضافی ہے یائی اس طح تیراد ہے کہ اس کا ایک کنارہ انتصابی ہے اگر سب سے چھوٹا ضلع افقی ہو اور اس کا طول ب ہواورانتھابی کنارہ کا طول بے ہو تو ٹایت کروکہ نوازن کے قائم ہونے کیلئے کنارہ کا طول ج ہونے کیلئے

سا ۔ ایک متدیر اسطوانہ کسی مائع کے اندر اس طح تیررہا ؟ کہ اس کا محور انفی ہے سیّال کی کثافت اضافی اسطوانہ کی کثافت اضافی اسطوانہ کی کثافت اضافی کی دوجید ہے ، اس سے محور میں سے گرزیبوالی کافت اضافی کی دوجید ہے ، اس سے محور میں سے گرزیبوالی

انتصابی سطح مستوی میں اس کو ذرا سا ہٹا دیا گیا ہے اتابت کردکہ اگر اسطوانہ کا ارتفاع اس کے قاعدہ کے قطر سے زیادہ ہوگا نو توازن قاع روى -الم - وفعد ٥٤ امتق ٣ كا مخوط اسطح تير ريا ہے كه اس كا راس اویر کی طرف ہے تابت کروکہ توازن قائم ہو گا اگر كو < كو (١- جم عم) ۵ ۔ ایک جہار کا مجموعی ہٹاؤ ص ش ہے اور اس کے مرکز ابعد کا ارتفاع من فٹ ہے ، اس کے تخت یر کی ایک نؤب جكى كميت مرش سے اپنے اصلی مقام سے فاصلہ ل فٹ کینچ دوسری عگروی کئی سے تابت کرو کہ اس سے جہاز ایک ایسے چھوٹے زاویہ میں گھوم جانے گا جس کا قوسی بنانہ جالے ہوگا آمرکز فابعد کے ارتفاع اسے مرادجسم کے مرکز تفل سے مرکز فابعد کا ارتفاع سے جو دفعہ عدکی انتكال ميں دف م سے تعبير ہوتا ہے و- ایک اگریزی جاز ایجاز کا شاؤ ... و ش تھا 'جب اسے نخت پر والائن وزن اس کے ایک سرے سے ۲۲ فط کے فاصلہ یں سے کینے کر دوسرے سرے پر رکھا گیا تو معلوم ہوا کہ ایک رُفاص كَا لُولْمُ ١٠ إِنْجُ مِثْ كَياعُ الرِرْفَاص كَا طول ٢٠ فَطْ بِولَوْفَاتِ كروكم مركز مابعد كا ارتفاع ١٢٤٢ في تقار [اس مثال سے اور مثال مقبل سے ظاہر ہوتا ہے کہ ایک جہاز کے مرکز ما بعید کا ارتفاع کس طح تجربہ سے معلوم ہوسکنا

ایسے ظرفوں کے تناؤجن کے اندر سیال ہوں ١٤٢ - فرض كرد كم اسطوانه كي شكل كا أيك ظرت كسي يتلي پیکرار چز مثلاً رئیم سے بنایا گیا ہے اور اس کوکسی خاص دباؤ کی گیس سے بھراگیا ہے اس گیس کا دباؤ صریحاً ہر جاکہ بسال ہوگا۔ اس كى سطح سے كسى ايسے طول إسب برغوركرو جس كى سمت وہی ہوجو اسطوانہ کے محور کی ہے۔ گیس کا دباؤ رہنم میں کھے تناؤ بیدا کرے گا اور تشاکل سے ظاہر ہے کہ یہ دباؤ الب يرعمود وار بوكا-اگروه كل قوت جو اب کی دونوں جانب کے حصو ں کو باہم ملائے رکھنے کے لئے رب يرعمودا كاني يرتي ب سي الماني يرقى الله الله ینی وہ فوت جو ارب کے اکائی طوں پر نگانی بڑنی اسے وب يركا تناوكهلاتى ہے اور سے تبيرى جاتى ہے۔ اگر رہے اس تناو سے کو برداشت کرنے کے لئے کافی ضبوط بہو لو رئتم كال طائع كا. ع کا اے بہت سی صورتوں میں اب جیسے جزو کا مجوعی عل ارسا بر عود وار نہیں ہوتا بلکہ اس فوٹ کے علاوہ ر سے کی سے میں عاسی قوت یا جزی دور بھی عل کرنے

لیکن ہم کسی ابسی صورت پر بحث ہیں کرینے جس میں یہ عاسی عمل موجود ہو۔ ٨ ١٥ - ستدير اسطوانے كى شكل سے ايك برنن كو جس كا عور انتصابی ہے کسی انع سے بھراگیا ہے کاس کے کسی نقطہ پر كا تناد معلوم كرو-فرض کردکہ الب ج د ایک اسطوانہ ہے اور اس کی دو نهابت قرب قریب کی تراشیں ك رق اور ك رق بي-3 0 یونکه ن ن ک ق ق بیت چھوٹے ہیں اس کئے تراشوں تے درمیان سے سب نقطوں پر کا دباؤ منتقل خیال کیا جا سکتا ہے اوض کرو کہ بیہ دباؤ دے مساوی ہے۔ فض کروک ن ن یاق فی پر کا مناؤ سے ہے کیے ظاہر ے کہ ایک ہی افقی سطح پر کے سب نقطوں کے سے ت کی قبہت وہی ہو گی۔ اس نصف دائرہ کی سکل کے اُس حصہ کے توازن بر غور کرو جو ن ن اور ق ق سے اور دو تضعت واروں ن رق اور گ رُق سے احاطہ کیا ہوا ہے۔ اس حصہ پر افقی سطح ستوی میں عل کرنے والی یہ نوہیں میں اولاً ووتنا وُجن میں سے ایک ن ن پر کاتنا وہ اور دے × ف ف ے مداوی ہواور دومراق ق پرکاٹاؤہ جوت x کی ق کے

قطر ہے۔ منتجہ صرح ۔ اگر اسطوان کو کسی گیس سے بھرا جائے تو اسکا دباؤ سب جگہ تقرباً وہی موتا ہے اور خواہ اسطوانہ کا محراثصابی نه بھی ہو تو بھی ربط ت= در صیح رہا ہے۔ 149 - ایک کردی سطح کا نصف قط کرے اور اسکے اندر دباؤ دیر کچھ کیس ہے ، اگر سطے سے کئی تفظ پر کا تناؤ س Jx3= でとうアラウィ تفاكل سے ظاہر ہے كہ تناؤ سے متقل ہے کوئی سط ستوی لو جو کرہ کے مرکز میں سے گزدے اور فرض کرک يركره سے دائرہ وج و دنير لتى ہے ، جو نفعن كر ، وج كرب اس سے مقطع بہوتا ہے ایکے توازن يرغور كرو-

اج الے ہر نقطہ پر تناؤ سے عل کرتا ہے جوسط منوی ١٠٠١ ١ ١٠ عمود وارس ن نت × ۱۱۲ روسط ستوی اج ای عموداً علی کرنے والی فوت ہوائی سے یں کے ماصل وباؤ کے مساوی ہے اب ن پدے رقبہ سے کئی چو نے جزد عمر پر جو دباؤ على كرنا ہے اس كا وہ جزد تركيبي جو سطح ستوى اوج او يرعمود واربو = יפג א נקישו ני פלים בא שה א נום לישוע נים לי ני אל מוש ים-= (x 2 = 2 dl de mag mies () = رقبہ کے بانی ہر جزد کی بھی کیفت ہے ن ر ب رئيرے ماصل دباؤ كا وہ جزد تركيبي جوسط متوى لح و يرعود واله مو = (× اس کاظل سط مستوی ای کویر コ×レラトタレーレン ランスメーン Tr といいしい JX>= ビンド らき دفعات ۱۷۱ اور ۱۷۹ کے نتائج کا مقابد کرنے سے ظاہر ہے کہ اگرہادے یاس ایک ہی نصفت قطر کے دو ظروف ہوں ایک اسطوانہ کی شکل کا اور دوسرا کردی اور دولوں میں ایک ہی دباؤ کی ہوا ہو تو پہلے ظرف کا تناؤ دوسرے طرف کے تناؤ کی سبت وگ ہوتا ہے کہذا صروری ہے کہ ایک ہی مقداد کے دباؤ کو برداشت

كرنے كے لئے اسطوانہ كى شكل كا ظرف كروى ظرف كى نتبت وكن مظبوط بنایا جائے۔

• ١٨٠ وفعات ١١٤٨ اور ١٤٩ مين الرسط ير المدوني وبأو د اور بيروني دياؤ ١٦ عل كرے تو بيس دكى بجات د- ١٦ ركمنا يُركاء ١٨١ - اكر اسطوانه كيم محدود چيوني مواني ركفي سو تو ظرت كي طاقت برداشت کو محموب کرنے ہوئے ہیں اسکی موٹانی کو پھی ملحوظ رکھنا جا ہے۔ مثلاً اگر ہمیں معلوم ہو کہ کوئی ننے فی اکائی رقبہ نہ تناؤ برداشت کرسکتی ہے توجسی کی مونائی ج ہونے کی صورت میں

ت = نتح مسول مناؤ برداشت كرفيس أيك وصات كي طاقت ١٧٠٠٠ يونر في ملے ایج ہے ، اس دھات سے ایک کردی فرد تیار کی گیا ہے حس کانف قطرایک فٹ ہے اور موٹائی با انح ا بتاؤ کہ سیّال کا فی مراج انج کتنا

رباف اس کو توڑ رہے کے لئے کافی ہوگا۔

يهال ست = با × ۱۲۰۰۰ يونر ورن

بس فابط ۲ ت = د × ل سے

74.0 = 14.. XY = 17 × 3

ن د = الله على على مربع الج - ٢٢٦ يوند ونون في مربع الج -

امتله تميري ١٩٣

١- دو جوشانوں کے سرے نفعت کردی شکل کے ہیںالیک سرے کی

مونائی دوسرے کی مونانی کی نسبت دد چند ہے اور اس کا نصف قطر بھی دوسرے کے نصف قطر کا تین گنا ہے ، وہ بڑے سے بڑا دباؤ معلیم كرو بويد سيمار سكت بي -٧- ایک رصات فی مربع این ... ١١ بوند کا تناؤ برداشت كرسكتی ب الراس دهات سے ایک اسطوانہ تیار کیا جائے جس کا نصف قطرونج ہو اور موٹائی ہے ایخ تو بتاؤ کہ کتنا سیالی دباؤ اس ظرت کو توڑیے کے لئے عین کافی ہوگا -الله - ایک نل کو حس کا اندرونی قطر ۸ ایج ہے ۲۰۰ فظ کی بلندی کک بانی بہنچانے کے لیے استعال کیا جاتا ہے۔ اگر تل کی دھات صرف دس ہزار پونڈ فی مربع انچ کا دباؤ برداشت کرسکے تو بتاؤ کہ نلی کی موٹائی كم سے كم كيا ہونى چاہئے جكيديانى سے ايك كمعب فش كا دان إ ١٢ الم - ربڑے ایک گیند کے اندر ہوا ہے اجب تیش صفر درجسنی اید يمين تو گيند كا نفف قطر له مؤما به اگريركا تناو جميشه گيند كے

نصف قط سے مربع کا مدگنا ہو تو بتاؤکہ سٹ سنتی گرید پر گیند كا نصف قطركيا موكا-

متفرق مثاليس

ا یے کی کتافت اضافی ۱۹۲ ہے اور سمندر کے یانی کی ۲۰۱۵ ا اگرایک یخ کا تودا مکعب شکل کا ہواوراس کا مرضلع ۱۰۰ گرکا ہوتو بناؤكماس كے تير نے كے كئے كرے بانى كى ضرورت ہے۔ ٢- كورى كا ايك مكر احس كا وزن ايك كلو كرام سے ياني ميں اس طے تیر رہا ہے کہ اس کے جم کا سے دویا ہوا ہے ، لائی کا چے ادر کنافت معلوم کرد۔ رہا ہے اگریل کی کٹ فیت اضافی مد، ہوتو بتاؤکد اس سے جم کی کوئی كسرووني ہوئى ہے۔ الم میوڑے منیہ والی ایک بوئل کو جو ہوا سے بھری ہوئی ہے ایک خوب میسن کرآنے والی شیشہ کی دائے سے بند کردیا گیا ہے ، ڈاٹ کا نظر ۵ سنتی میتر ہے اور بار پیا ۲۷۷ ملی میشر پر ہے اگر نیش میں کوئی تبدیلی واقع نہ ہو تو بناؤ کہ ڈاٹ کا کیا وزن ہو کہ بار پہا ہے میں می میترنگ گرجانے پر یہ عین اوپر اُٹھ سکے ایک کعب سنتی میتر اِرہ کاورن -c- 1/1454 ۵- ارشمیدس کے بخربہ میں شاہ ہیرو کا ناج اور استے ہی وزن کا سونا اور چاندی تینوں اللہ اللہ پانی سے اندر تولے گئے ، ناج کے وزن کا ہا۔ وال عصہ کم ہوگیا سونے سے دزن کا ہے۔ اور چاندی کا ہے۔ اور چاندی کا ہے۔ اور چاندی کا ہے۔ اور چاندی کا ہے۔ کس نبت سے طلائے کئے تھے۔

۱۹- ایک بند کمی خون جس کے کنارون کی موٹائی ایک انج ہے ایک ایک انج ہے ایک ایس سے کا ایس ایس موٹائی ایک انج ہے ایک ایس سے کا بنا ہوا ہے جس کی کٹافت اضافی مسل م اوکم اوکم اوکم اوکم اوکم اوکم اوکم ایک بنراد کمعی انج موگا۔

ے۔ ایک مخوط اور ایک نصف کرہ کے مستوی سروں کے نصف قطر برابر میں اور جرا یک رسے مساوی ہے اور مخوط کا ارتفاع ہارہ ان کے مستوی سروں کو جوڑنے سے ایک مجسم نیار کیا گیا ہے ان کے مستوی سروں کو جوڑنے سے ایک مجسم نیار کیا گیا ہے کہ یہ یہ بیر مسکتا ہے کہ یہ پورا مجسم کیا گئے انگر عین ڈوبا رہتا ہے کی کافت کے ایک سیّال میں یہ اس طح نیرتا ہے کہ نصفت کرہ عین ڈوبا رہتا ہے کہ ایک سیّال میں یہ اس طح نیرتا ہے کہ نصفت کرہ عین ڈوبا رہتا ہے کہ ایک سیّال میں یہ اس طح نیرتا ہے کہ نصفت کرہ عین ڈوبا رہتا ہے کہ نابت کرد کہ کی ہے ہی

۸۔ ایک اسطوانہ کو انتصابی طالت میں تیرانے کے لئے اس کا ایک سرا درنی بنایا ہوا ہے ، کل اسطوانہ کا وزن ہ گرام ہے ، تیرتے وقت یہ کے سنتی میتریانی کی سطح کے باہر رہتا ہے لیکن اگر اس کی جوٹی ہے ایک گرام وزن ادر دکھ دیا جائے تو یہ یانی میں عین دووب جاتا ہے۔ بتاؤکہ اگر اسطوانہ پر کوئی فرید وزن نہ دکھا جائے تو یہ ایک ایسے سیال می تیرتے وقت جس کی کٹافت اضافی یانی کی کٹافت کی گئی اور سیال کی سطے سے کتن باہر رہے گا۔

9 - ایک خالی غبارہ کا وزن ہوا میں سع اسکی گاڑی اور دیگر سازو سامان کے ۱۲۰۰ بونڈ ہے ، اگر موا کے ایک کھی فط کا دزن ہے ، اونس ہو تو بتاؤ کہ ایک ایسی گیس جس کی کثافت اضافی ہوا کی کثافت اها فی کی بتاؤ کہ ایک ایسی گیس جس کی کثافت اضافی ہوا کی کثافت اها فی کی بتاؤ کہ ایک ایسی گیس جس کی کثافت اضافی ہوا کی کثافت اها فی کی بی مین اوپر چڑھ کی جائے کہ بیہ عین اوپر چڑھ

ا۔ شینے کے ایک کلاس کا وزن مر اونس ہے ، اس کا بیرونی نصف قطر اللہ اینے کے ایک کلاس کا ارتفاع اللہ اینے ، اگر اس کو پانی میں اسطیح تطر اللہ اینے ہے اور اس کا ارتفاع اللہ اپنے ، اگر اس کو پانی میں اسطیح شرابا جلت کہ اس کا محد انتفایی رہے تو بتاؤ کہ اس کو پورا غرق سے تیرابا جلت کہ اس کا محد انتفایی رہے تو بتاؤ کہ اس کو پورا غرق سے

یر بینے اس پر اور کتنا وزن رکھنے کی ضرورت ہوگی۔ ا۔ کاگ کی م اپنے لبی ایک سالغ کو ایک سم اپنے لبی بلکی لکڑی کی

سلاخ کے ساتھ جوڑ کر ایک فط لمبی سیدھی سلاخ تیار کی گئی ہے۔

تمام سلاخ کی تراش کیساں ہے ، جب یہ سلاخ بانی میں تیررہی ہو تو کاگ کا کچھ حصہ بانی سے باہررہتا ہے اور سلاخ کا محدر انتصابی

ست سے کوئی زادیہ بنایا ہے ، اگر کاگ کی کٹافتِ اصافی ۱۲۲ ہو تو ملی کٹری کی کٹافت اصافی معلوم کرو۔

ایک طکرا جس کا وزن بانی میں ۱۲ پونڈ ہے اس کے ساتھ با ندھا گیا ہے اور دونوں کا مجموعی وزن بانی میں ما پونڈ ہے ، لکڑی کی گ

اضافي معلوم كرد-

سار آیک جسم جسی کثافتِ اضافی ک ہے ایک سیّال میں تیرتے وقت آدھا دُوبارٹ ہے لیکن اگر اس سیّال اور پانی سے مساوی مجمول

ایک آمینرہ تیارک جائے تو آئینرہ میں جسم مذکورکا تین چوتھائی جم ڈوبا رہتا ہے ، ہوا کے دباؤ کو نظر انداز کرکے کی قیمت معلوم کرو۔ ۱۹۷ – تین لینرکی گنجائش والا ایک قرنبیق (ریٹورٹ) ہوا سے پورا بھرا رہتا ہے جبکہ اس کا کھلا سرا پانی کی سطے سے ہم وہ سنتی میتر نیچے ہو کاگر پارہ کے بار بھاکا ارتفاع ۲ سنتی میٹر گرکر ہم سنتی میتر ہو جائے اور بیش میں کوئی تبدیلی واقع نہ ہو تو تباؤکہ اس ہوا میں سے جو پہلے قرنبیق کے اندریتی اب کتنی ہوا نکل گئی ہے (بارہ کی کٹافتِ اضافی ہے ۱۶سا)

10- ایک بار پیمائی نلی کا طول ۸۰ ایج ہے اور اس کا قطرسب جگہ
ہوائے اس سے ایک ایج طول سے جہاں ایک اسطوانہ
کی شکل کی ایسی نلی ہے جس کا قطر ۳ ایج ہے ، اس جوفہ کا بیندا حوض
سے بارہ کی سطح سے ۲۷ ایج ادبر ہے ، جوفہ کے پچلے نصف حصے
اور نیچ کی نلی میں بارہ ہے اور جوفہ کے اوپر کے نصف اور اوپر
اور نیچ کی نلی میں بارہ ہے اور جوفہ کے اوپر کے نصف اور اوپر
کی نلی میں بانی ، اگر بارہ کا بار بیما ۵ کو ایج اوپر جڑھ جائے اور پارہ
کی کٹ فت اضافی ۲۷ و ۱۳ ہو تو بتاؤ کہ بانی کی اوپر کی سطح کتنا جا

اوپر ہٹ جائے گی۔
۱۹- ایک غبارہ ایک ایسی گیس سے بھرا گیا ہے جس کی کثافتِ
اضافی اُس ہواکی کثافت اضافی کا ہے جس کا دباؤ پارہ کے
۱۹- می میتر کے مساوی ہو، جب پارہ کا بار پیا بالترتیب ۵۵ ملی تیم
اور ۲۰ می میتر بر ہو تواس وقت غبارہ کو اوپر اُنظا نے والی جو توتیں
ہوں اُن کا مقابلہ کرو۔ دونوں صور توں یں ہواکی تیبش ہ سنتی گردیہ

اور غبارہ کے جم میں کوئی تبدیلی واقع نہیں ہوتی ۔۔ ≥۱- ایک کره کا نضف قطر لے اور وزن T لا ک و جاں ویانی كے اكانی جج كا وزن ہے ك اس كو ایك ایسے انتصابی اسطوان پر رکھا اگب ہے جس کے اوپر کا سرا کھلا ہے اور پیندا بند ہے اور یہ کرہ اسطوانہ پر خوب مجھنس کر آنا ہے اسطوانہ کا ارتفاع ب ہے جب کرہ توازن کی حالت میں ہو تو بتاؤکہ اس کے مرکزی گرانی لا اسطوان کی جوئی کے نیجے مساوات ارون + ک) = ک (ن- الم سے عال ہوتی ہے جہاں ون پانی کے باریجا کا ارتفاع ہے۔ ١٨- ايك ظرف الريس كثافت اضافي ك وال سيَّال كي كي مقدار يرى ہے اور ایک دوسرے ظون میں کی کافتِ اضافی والے ایک اورسیال کی ساوی مقدار بڑی ہے کم ہرایک سیّال کا لیے دال حصد نکال کردوسے سیّال میں ڈالاگی ہے اور خوب ملا دیا گب ہے ، یہ عل م بار کیا گیا ہے اثابت کروکہ آخری کٹ فی اضافیس ك + كر - كر (ا- را- ق) كر اور كر + كر - كر (ا- را- ق) كرين

19- اسطوانه كي شكل كا ايك ظرت جس كا نصفت قطر لرس اور التفاع ت تین چوتھائی پانی سے بھراگیا ہے، لے (حرر) نفعت قطروالا بڑے سے بڑا اسطوانہ معلوم کرو جبکی کٹافتِ اضافی ک مو اور جو یانی میں اس طح تیرسکے کہ کوئی یانی باہر نہ گرے ۔ -٢- أيك مثلث وب ج ايك سيَّال مين اس طح دُبويا كيام

کہ اس کا آئیک ضلع مب ج سطے میں ہے ، اس کی سطے پر ایک ایسا نقطہ و سلم کرو کہ اگر اس کو مثلث کے راسوں سے ملیا جا تو جو تین مثلث اس طرح سے حاصل ہوں ان پر کے مجموعی دباؤ باہم مسادی ہوں۔

۱۱ - ایک قائم ستریر اسطوانہ میں کچھ اٹع ہے ، ایک قائم تھوس مخوط حبس کا قاعدہ اسطوانہ ہر عین منطبق ہوتا ہے سیّال میں اس طرح تیر رہا ہے کہ اس کا رأس بنجے کی طرت ہے ، اگر مخروط کی کُن فت ایسی ہو کہ اس کا مرکز ثقل مانع کی سطح میں ہو تو مخروط اور مانع کی کُن فتوں کی نسبت معلوم کرو ، نیز بتاؤ کہ مخروط کے تکال لینے مانع کی سطح کن فاصلہ بنجے گرجائے گی -

۲۷۔ ایک علوس نصف کرہ کو جس کا نصف قطر ہم اپنے ہے پارہ کے نیچے تھام کر اس طرح رکھا گیا ہے کہ اس کا قاعدہ انتصابی ہے اور اس کا مرکز پارہ کی سطح سے لا اپنے نیچے ہے۔ اگر بارہ کی سطح سے لا اپنے نیچے ہے۔ اگر بارہ کے ایک کعب اپنے کا وزن و ہو تو منحی سطح پر کے حاصل مجموعی دباؤکی مقدار

اور سمنت عل دریا نت کرو۔

س ۲- بیار مساوی کیساں سلاخوں کو جوڑنے سے ایک مربع بنایا گی ہے اور مربع کو انتصابی حالت میں ایک مائع کے اندر تیرایا گیا ہے کار مائع کی کافت سلاخوں کی کتافت سے تین گئے اور چارگئے کے درمیان واقع مو تو بتاؤ کہ تیرتے وقت مربع کا صرف ایک کو خدد بارسے گا اور کوئی وتر افقی نہ ہوگا۔

م ۲- ترازوکی دُنڈی کے ایک سرے سے یا ان کا ایک بڑا ڈول

لک رہا ہے اور دورے سے عن گنافت اضافی والا ایک باط جلا وزن وے اس طح للک رہا ہے کہ یہ دول کے پانی میں لورا وویا دہتا ہے لیکن اس کے بیندے سے نہیں چھوٹا۔ اگریہ نظام متوازن ہو اور دول کا وزن مع اس کے یانی کے و ہو تو تابت

ض= مو اور پانی کا جم وزن و کے موز سے زیاد

٢٥ - ايك اسطوان ايك مائع ميں تير ربا ہے ، ايك مجوت برتن اس کے اوپر اوندھا کر کے رکھا گیا ہے اور برتن کو اتن دبایا گیا ہے كداس كے اندر ہواكا دباؤ ١٦ سے ١٦ ہو جاتا ہے ، تباؤكم اسطوان کے عل یں (۱) برتن کے اندر کے مائع کے لحاظ سے (۱) باہرے بنع کی سطے کے لحاظ سے کیا فرق پڑنا ہے۔ ٢٧ - وو وزنى سلاخوں إب اور أب كو إبر على القوائم جوائے سے اور سب اور ج کو ایک ڈوری کے ذریعہ اللنے سے ایک فَائْمُ الزاوية مُشاوى الساقين متلت بنايا كباسه، يه متلت ياني مين اس طح تیر رہا ہے کہ زاویہ قائمہ ل دوبا ہوا ہے ا خابت کرو کہ ارستی کا تناؤ الله علی کا طول ا ا سائے وویا ہوا طول اور و = ہرایک سالخ کا وزن ٢٧- ايك برتن ميس مساوى موناني ف سے مختف سيالون كى المين

یہ سیّال آپ میں نہیں ملتے اور ان کی کٹافیں سلسلہ حسابیہ میں ہی ایک مزوط جے محور کا طول سون ہے توازن کی حالت میں اس طح تیررہا ہے کہ (۱) اس کا راس سیجے کی طوت ہے اور اس کا قاعدہ اویر كى سط يس ہے (١١) اس كا رائس اويركى طرف ہے اور اس كا قاعدہ دوسرے اور نیسرے سیال کی سطح فاصل میں ہے ، نابت کرد کہ مخوط اورسیًالات کی ک فتوں کی نسبتیں ۲۱: ۳۰: ۳۳: ۳۹ جیں-٢٨ - ايك مستدير اسطوان جس كا ارتفاع ف هي اورجس كي كُ فت اضافی ک ہے بانی کے اندر جزء اس طح ڈبویا گیا ہے کہ اس کا محدر انتصابی ہے اور اس کو اس حالت میں متوازن رکھنے کے لئے ایک لیک دار ڈوری کا ایک سرا اس سے اویر سے قاعدہ سے وسطی نقط اور ڈوری کا دوسرا سرا اس وسطی نقط سے عین اوپرکسی دوسرے نقطہ سے باندھاگیا ہے۔ اگر ڈوری کا اصلی طول او فط انتا ہوک اسطوانہ نجالا سرایانی سے عین مسس کر سکے اور نیک کی قدر اسطوان کے وزن کی ن گنی مولو تابت کروکہ اسطوانہ کا وہ طول جو ڈوبا ہوا ہے

ن ن ک ک او

۱۹۹ - اسطوانہ کی شکل کا ایک ظرف غواص جبکا جم ۱۰۰،۵۰۰ کمی سنتی میتر ہے بان میں ۱۵۰۰ استی میتر کی گہرائی تک آبادا گیا ہے اور یہ دیکھا گیا ہے کہ کرؤ جوائی کے دباؤ پر ۱۰۰،۵۰ کمعب سنتی میتر ہوا ظرف کو بھرنے کے لئے درکار ہوتی ہے اپنی سے بار پیاکا ارتفاع معلوم کرو اور نیز بتاؤ کہ ظرف سے اندر پانی کی سطح پر فی مربع ارتفاع معلوم کرو اور نیز بتاؤ کہ ظرف سے اندر پانی کی سطح پر فی مربع

سنتی میتر کتے واٹن کا دبار سے جکہ ج کی قیمت ۸۹۱ لی جائے۔ ٠ ١ - ايك لا عائلي كي ساقيس انتصابي بي اور إن كا در مياني فاصله ف ہے سافوں کی عمودی تراشوں کے رہنے بالترتیب کر اور کے ہیں اور نلی میں بارہ بھر کر اس کو کر رقبے والی ساق کے گرد کیساں زاوی رفار سم سے گھایا گیا ہے انابت کرو کہ کے رقبے والی جو شاخ کھوم رہی ہے اس کے اندر کا یارہ اوسط ہمواری سے مراح × سرف ادیر پرام جائلا۔ ا٣- ايك يكسال تخفيكا طول الرب اور موثاني ب اسكا وزن و سے اور یہ پانی میں تیررہا ہے اس کے اوپر اسکے عین درسان میں و وزن والا ایک آدمی کھڑا ہے اور تختے کا دو تمائی جم دوبا رہتا ہے انابت کرد کہ اگر آدی تام تختے پر سے تو تخت سے اوبرى سط كاكوئى حصة نيس ددب كالشرطيك و باد م م لا ۱۰۰۰ س ٣٢ - اسطوان كى شكل ك ايك برتن بين كيھ بانى سے ، اس كے اندر ایک مجوف مخردط اس طح نیر دبا ہے کہ اس کا رائس نینجے کی طوت ہے۔ توازن کی مالت میں جس دائرہ بر پانی کی سط موفوط کو کائتی ہے اسکے رقبہ کی نسبت اسطوانہ کے قاعدہ کے رقبہ سے ۱۹:۹ م یان کے جی تھ کو فروط ہٹائے ہوئے ہے اس کے 19 کے کانے ساوی اور یانی مخروط کے اندر ڈالا گیا ہے اور اتناہی یانی اسطوان میں

والاگیام عابت کرد که فضاس مخوط کا مقام دہی رہے گا۔ ١١٥٥ - ايك مقام پر ياني كا باربيا ١١٣ فط پر ہے اور مواكى تيش ، سنتی گرید پر ایک طرف غواص جس کے اندر کرہ جوائی کی تیش اور دباؤ پر ہوا بھری ہوئی ہے یانی کے اندر اتنا فرق کیا گیا ہے کہ اسکے ینیے کاکنارہ بانی کی سطح سے عافظ کی گرائی پرے ظرف غواص کی منجائش مم معب فسے ہے اور بانی کی تیش ے سنتی گرید - بتاوکہ كره جوائى كى تيش اور دباؤير اسك اندر اوركتني جوا داخل كى جائے كه اندر کی ہوا یانی کی تیش پر آجانے کے بعد پورے ظرف کو عین بھ دے۔ [ہوا کے پھیلاؤگی قدر = سری مم سم ۔ اسطوان کی شکل کا ایک ظرف عواص یافی سے اندر اماراگیا ہے اور ظرف کی موٹائی کو نظر انداز کیا گیا ہے ؟ اس محل سے بتروع كرے جس میں كہ ظرف غواص عين دويا ہوا ہو رسى سے تناؤ ميں بالتدريج جو تيديلي ہوتی جاتی ہے اسكو ظاہر كرنے مے نئے ترسيي طابق إير ايك متحني كلينيو-۵سر- ایک اسطوال کے اوپر کے مستوی بخ بر ایک نصف کرہ لگا کر ایک ظرف غواص بنایا گیا ہے۔ اسطوانہ کا طول ج اورضف تطرارے ، بتاؤ کہ ظرف غواص کو کس گہرائی مک وہویا جائے کہ مون لفف کرہ کے اندر ہوا رہ جائے کیزنابت کرد کہ اس محل میں کرہ ہوائی سے دباؤ پر ہواکا وہ جم حب کو ظرف کا تام یانی لکا لئے سے لئے اس سے اندر کھرتا را ہے گا ظرف فواص سے جم کے ر ج + 4 × ع) گنا ہو گا جہاں دن یانی کے بار بیا کارتفاع

٣٧- يتك كيسان موراخ كي ايك خدار على دو سيدهي شانون كو على القوائم بوڑنے سے بنانی گئی ہے ایک شاخ افقی ہے اور دوسری انتصابی افقی شلخ کا آزاد سرابند ہے اور انتصابی کا کھلا ہے۔ افتی شلخ سی یارہ بھرکر نمی کو انتصابی محور کے گرد جو بند سرے کے بیچ یں سے گزرنا ہے کیساں زاوی رفتار سم ہے گھایا گیا ہے ، تابت کردکہ یارہ انتصابی شاخ میں اونچائی دیک چڑھ جائے گا جہاں سے = سے رف دی اس میں ل انقی شاخ كاطول ہے، حت بارہ كے بارہ كا ارتفاع ہے اور ج جاذبة اين ے کنے بتاؤکہ اگر سے لاے ۲ ج ف تو بارہ اوپرنہیں پڑھیگا۔۔۔ ے ۳- یتلے سولے کی ایک نلی دائرہ کی شکل کی ہے جس کا نصف قطرا ہے نلی میں کچھ سیّال بڑا ہے جکے محاذی مرکز پر زاویہ 11 + طبہ بنتا ہے انلی اپنے ایک انتصابی عاس کے گرد کیساں زاوی رفتارسم سے حرکت کر دہی ہے اور سیّال اسکے مین اویر کے نقطہ کک پہنچ کی الي ع اخابت كروك السنة (سي في جب في عد على المان الله ٣٨- ایک کردي ظرف کے اندر پاني کي کچھ مقداريري ہے جيكے بچے کی نبت فرف کے جھے کے ساتھ ن اور اے افران کا نصف قطر ر ہے ، اگر یانی ایک ایسی ذادی رفتار سے حرکت کرے جس کا رہے رواسی سے کم نہو تو تابت کروکہ سب سے نجلے نقطہ پرکے

ایک چھوٹے سوراخ یں سے کوئی پانی باہر نہیں نکلیگا۔ ٩ ١١- ايك اسطوانه كا تضعت قطر له جه اور اسكا بيندا ايك اليسي مخوطی سطے سے بند کیا ہوا ہے جس کا راسی زادیہ ۲ عم ہے اور رائس نیجے کی طرف ہے۔ اسطوان کے اندر کچھ مائع گھوم رہ ہے ازادسطے کا وتر خاص ل ہے ، تابت کروکہ مخوط کی سطے کے اش نقط برکا دباؤ کم سے کم ہوگا جس کا فاصلہ محور سے الے ل حم عہ ہے بشرطیک ل حرارسی عہ ، ہم ۔ ایک مجوت مخوط حس کا رأس اوپر کی طرف ہے تین جو تھا بانی سے بھرا ہوا ہے ،اس کو اسکے محور کے گرد جو انتصابی ہے کیساں زاوی رفتار م سرت مم عد کے ساتھ گھایا گیا ہے جمان عد مخووط کے راسی زاویہ کا نصف سے اور ف مخووط کا ارتفاع ، ثابت کردکہ قاعدہ پر سے مجموعی دباؤ کی نسبت بانی سے وزن کے ساتھ ، ا: ۳ ہے -۱۷ - قطع ناقص کی شکل کی ایک نلی آدھی کسی سٹیال سے بھری ہوئی ہے اور ایک نابت انتصابی محور کے گرد جواسکی سطح میں واقع ہے کیساں زاوی رفتار سے سے گھوم رہی ہے۔ فابت کرو کہ مانع کی ازاد سطوں کو ملانے والاستقیم خط اسمت انتصابی سے ساتھ زاویہ سے محود کا فاصلہ ہے۔

٢٧ - ايك نفون كردي بياد جكا نفون قط الرسع باني سي جوا ہوا ہے، یانی کو ہاتھ سے اس طح کھایا گیا ہے کہ سب بانی بیالہ کے محور سے گروکسی کیساں زاوی رفتار سے گھومنے لگ جاتا ہے اگر آدھا یانی گرجائے تو کیساں زادی رفتار دریافت کرد ۔ سس ایک قائم مخروط جسکا نصف راسی زاویہ عد ہے ایک مائع کے اندر دوبا ہوا ہے اور اس کا مائل ارتفاع جسکا طول ل ہے عین مانع كى سطح ميں ہے ۔ نابت كروك منحى سطح پركا حال جموعى دباؤ ايس مائل ارتفاع کو ایسے نقطہ پر کائے گا جس کا فاصلہ مخروط کے دائس سے ۱۱۳ عمر ہے ، اس ماصل جموعی دباؤکی مقدار تھی معلوم کرد ۔ سم ایک نصف کرہ جبکا وزن و ہے اورکٹ فتِ اضافی ک ایج كناره كے ایک نقطه پر خابت كردیا گیا ہے ، اس كے كناره پر خابت نقطہ سے محیط کے ایک چوتھائی فاصلہ پر ن و دنن کا ایک درہ ہے ، یہ پورا نصف کرہ مائع کے اندر دوبا ہوا ہے۔ قاعدہ کی سطے متوی کا میلان افق کے ساتھ دریافت کرد۔ اگرک = الن تو نابت کرد که میلان جم-ا مراس ته ٥٧ - ايك مجون مخوط كو اس كے محور ميں سے گذرنے والى مستوى سطے سے دو مساوی مصول میں تقیم کیا گیا ہے اور ان مصول کو مخوط کے رائس پر ایک قبضہ کے وزایجہ وصل کر دیا گیا ہے ' یہ مخوط ایک چکنی میزیر بڑا ہے اگر مخروط کے رائس پر کے ایک چھوٹے سوراخ میں سے بانی ڈال کر مخروط کو بھر سکیس تو ثابت کرد کہ بانی سے دزن کو خول کے دزن سے ساتھ جو ننبت ہوگی دہ ہر دو کسور لے اور

- Bon 6 = 2 10 80 - 8 10 80 -

۲۷ - ایک لضف کروی خول ایک مانع کی سطح پر تیررم ب اگروہ بڑا سے بڑا وزن جو اسکے کنارہ پر رکھا جا سکے نفسف کرہ کے وزن کا فیات کروکہ لضف کرہ کے وزن کی نسبت اٹس مائع کے وزن کی نسبت اٹس مائع کے وزن کی نسبت اٹس مائع کے وزن کے وزن کے ساتھ جو اسکے انمد آسکے

(١-جبعم) (٢+جبعم): ٢ (ك +١)

دی ظرف کے اندر سے ہی پانی میں گرے تواس ارتفاع میں کیا نبدیگا داقع ہوگی۔

مم ایک ظرن غواص ایک کھاڑی (ڈوک) کے فرخس پر

یرا ہے اور اسکے اوپر کے جس حصہ میں ہوا ہے اس کا ارتفاع ن ہے، فرت کا وزن اس بانی کے وزن کے ساوی ہے جو اس کوارتفاع ویک بھر دیتا ہے اجب اس کو زنجیر کے ذریعہ ادیر کھنی جائے تو خابت كروكه ايك خاص مقام بريه باني سے بلكا ہوكر خود بخود باني ای سطح کم اٹھ آئے کا اگر کھاڈی کے پانی کی گہرائی کی نسبت پانی کے بار بیلے کے ارتفاع کے ساتھ کر <u>۔ گ × میں ۔ ک ہے این</u> دو دونا ہو جمال کے بانی کی کتافت ہے اور کے ظرف سے لاہ کی کا آفرت کے ارتفاع اور نیز من دو نوں کو کھاٹری کی گہرانی اور پانی کے ار بہا کے ارتفاع کے مقابلہ میں چھوٹی مقداریں سمحنا جا کئے۔] ٩٧ - ايك جم يانى كى سطح ير تيريه ب ، اسك نه دوب بوت حد كا مجم ج م ل ب ايك ظرب غواص حبكا المتفاع ب ب اور جبکی تراش کا رفبہ لہ ہے اس پر رکھا گیا ہے اور اتنا ینجے امارا کی ہے کہ ظرف کی چوٹی بانی کی سطم سے پنچ ار گہرائی بر پہنچ جاتی ہے يرنے والے جم كے اس مصر كا جے جو اب دوما ہوا نہيں ہے (ج + جدك) رج ، تابت كروك جد مادات ن جناج دن-اد-ج) جرح رود درا-کی مثبت اصل ہے اس میں دن بانی سے بار بیا کا ارتفاع ہے اور ک ایک چوٹی مقدار ہے جو ہواکی کٹافت اضافی کو ظاہر کرتی ہے۔ ٥٠ ايك سيدهي نلي كو جبكا نجلا سرا بند ہے ك كافت والے ايك سیال سے بھر کر اس طح رکھا گیا ہے کہ بلی انتصابی سمٹ سے ساتھ

زادیہ عد بناتی ہے انلی کو بند سرے میں سے گذرنیوا نے انتصابی محور سے
گرد کیسال زادی رفتار مسر سے گھایا گیا ہے اگر کرہ ہوائی کا دباؤ ہ سے
مسادی ہوتو ثابت کردکہ نلی کا کم سے کم طول جو بانی کے ذکرنے کے لئے ضوری ہے
مسادی ہوتو ثابت کردکہ نلی کا کم سے کم طول جو بانی کے ذکرنے کے لئے ضوری ہے
مادی ہوتو ثابت کردکہ نلی کا کم سے کم طول جو بانی کے ذکر نے کے لئے ضوری ہے
مادی ہوتو ثابت کردکہ نلی کا کم سے کم عد اسم جب عد اسم حب عد اسم حب

[اس مقام برجهال دباؤ کی کم سے کم قیمت ہے دباؤ منفی نہیں ہونا

ا ۵ - اسطوانہ کی شکل سے ایک ظرف کے اندرکچھ پانی ہے ، اس میں ایک ٹھوس اسطوانہ تیر رہا ہے اور یہ سب نظام دونوں اسطوانوں کے مشترک محود سے گرد بکساں داوی رفقار سہ سے حرکت کر رہا ہے اگر فرف ادر ٹھوس اسطوانہ سے نصفت قطر بالترتیب لداور لہموں تو فابت کرو کہ حرکت سے مٹھوس اسطوانہ نضا میں

「かっ」 (ピーは)

اور ڈوب جائے گا۔

اور دوب باسے اور دوب بات اور من الله افقی کھر دری بیلی اور من الله افقی کھر دری بیلی بخطر کی تخیروں سے کی گئی ہے ، دن کی رگڑا کی قدر مہ ہے ، کنارہ کی چوڑائی اوپر سے او فط ہے اور جو رُخ بانی کی سطے سے مس کرتا ہے وہ انتصابی ہے اور ن اوفظ گہرا ہے۔ خابت کرو کہ باہر کے رخ کا میلا ہر دو زاویا من اللہ من اللہ اللہ من اللہ اللہ من اللہ من

سے کم ہونا چاہے۔ ۵۳ - اگر ایک گزی ایک اونس اور ایک منظ کو اساسی اکائیا س انا جائے تو کرہ ہوائی کے دباؤ کو مطلق اکا یُوں میں تعبیر کرو جبکہ باریما کا ارتفاع ۳۰ ایج بو کیاره کی کتافت اضافی ۱۳ جو اوریانی کے ایک مکعب فٹ کا وزن ۱۰۰۰ اوس مو-[نوط - دباؤ کی اکانی کے ابعادیہ ہیں کمیت میں ا ، طول نیں - ا اور وقت میں-۲] ٥٧ - اگر زمين كي سطح تے ينبے ك گہرانى پر زمين كي كشت ر + ب ى مو تو ابت كروك بانى ك اندر اس كرائى يركا دباؤ ک (ادی+ ب عن) ہوگا جہاں ک یانی کی گافت ہے۔ ٥٥ - كرى كا ايك اسطوان جس كاطول ل ب اور جكى تراش كا رقبہ عد ہے ایک جھیل میں اس طح نیر رہا ہے کہ اس کا محود انتصابی ہے آگراس کو آہتہ سے اثنا نیجے دھکیلا جائے کہ یہیں ووب جائے تو بتاؤکہ ایسا کرنے میں جو کام کیا گیا ہے وہ الع عدل الكروك عدل الكروك الركب الرتيب یانی اور لکڑی کی کٹافیس میں اورج جاذبرارض ہے۔ ٥٦ - اسطوان كي شكل كے ايك ظرت ير جس كى تراش كا رقبه

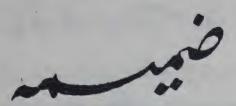
ادر مع المرای کاایک اسطوان انتصاباً تیرر با ہے جکی تراش کا رقبہ عہ ہے اور طول کی ہے انتا دہانے میں کہ اور طول کی ہے انتا دہانے میں کہ اور طول کی ہے انتا دہانے میں کہ لکڑی عین ہوری ڈوب جائے جو کام کرنا پڑنا ہے وہ

ج عدل [ا- عدل [ا- عدل إلى عدى ب

جہاں کہ اور کہ بانی اور لائی کی کٹافتیں ہیں اور جے جاذئہ ارض۔

28 - ایک بتلی کیساں سلاخ کے نیجلے سرے کے ساتھ ایک وزنی درہ باندھا گی ہے حبکا وزن سلاخ کے وزن کے ہان - اگن سے زیادہ ہے مثابت کرو کہ سلاخ ایک ایسے سیّال سے اندر حبکی کٹافت میلاخ کی کٹافت میلاخ کی کٹافت کو کہ سلاخ ایک ایسے سیّال سے اندر حبکی کٹافت میلاخ کی کٹافت کو ان کا می میالت توازن قائم میلاخ کی کٹافت کی ان کئی ہے انتھا بی محل میں بحالت توازن قائم میرسکے گی ۔

۵۸ - ایک مخوط کا رأسی زاویہ قائمہ ہے اسکی کتافت اضافی ہے ہے اور وزن و ہے ، مخوط پانی میں ایس طح تیر رہا ہے کہ اس کا رأس نیجے کی طرف ہے اسکا رأس نیجے کی طرف ہے اگر ایک وزن و جو ر کے مقابلہ میں بہت جھوٹا ہے اسکے قامدہ کے کنارہ کے کسی نقطہ پر رکھ دیا جائے تو تابت کرد کہ مخوط کا محورسمت انتصابی سے جو زاویہ بنائیکا اس کا قوسی بیانہ تقریباً



جو طالب علم احصائے تکملات سے واقف ہے اور اسکے استعال سے جسموں سے مرکز تفل اور متوازی قوتوں کا مرکز معلی کرسکتا ہے وہ دباؤ کے مرکز کے مقام کا بھی اسی طرح سے تعین کر سکیگا چند مثالیں ذیل میں دیج کی جاتی ہیں ۔

متطا

الوسے

شلت جس کا رأس سطح میں ہو اور قاعب و متوازی الانتی ہو-دفسہ ، ۱۵ کی شکل میں فرض کرد کہ اور در در اور در در الا کی قیمت میں ایک حفیف اضافہ ہے جو فرلا سے تعبیر ہوتا ہے تب رقبہ برج تناسب ہے برج × در (را کے نيز برج = بج × ادر = كد دلا جال ادر = ك یں انتہائی صورت میں رقبہ ب ج مناسب ہے اللہ الم يزب ج كم برجزه يركا دباؤ تقريباً في يرك دباؤ سے ساوى م اوراس سے ولا کے متناب ہے ، پس جزو برج پر کا مجوی دباؤ تناسب ہے اور لا ع اس سے عم سکون دفعہ ۱۱۱ کے موافق اور احصائے تکملات کے اصولوں کی بنا پر عرب = المربي = المرب مثلث جس کا قاعب ده سط میں مبور دفسہ ۱۵۳ کی دوسری شکل میں فرض کرد کہ در و لا اوردس لاکا ایک خفیف اضافہ ہے و فرلاسے تعیرہوتا ہے، تب اگر دا ہے ک تو 7-5 x 3 = 13 x 2 = 50

پس انہائی صورت میں ن ی کا رقبہ تناسب ہے لئہ کی ۔ لا کے گذرشت صورت کی مانند ن کی کے ہرایک نقط پر کا وباؤ تقریباً لری کے دباؤ کے برابر ہے اور اس نے دبدلا کے متناسب ہے۔

لیذا جب فرلا بہت چھٹا ہو تو ن می پر کا مجموعی دباؤ متناسب ہے۔

をx ひ-とx il x c k

اس لي حب سابق

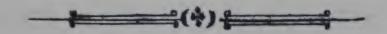
 \[
 \frac{\fra

دفعہ 119 جواب بھی احصائے کملات کے استعال سے نہا بنت آسانی سے حاصل ہو سکتا ہے۔ فرض کروکہ بندی لا پر دباؤ و ہے اور بندی لا بر معت لا پر دباؤ ﴿ + من ﴿ بِ جَهال معن ﴿ بِهِت جِونًا بِ اور لا طِندى يكن فت ک ہے، اس نے اگرم کوئی تقل مقدار ہوتو ·· 50=> تب ایک پتلے ستون کے جزہ معن لاکے توازن پر فور کرنے سے とこと シモナンシャンニン آیونکہ اس کو ﴿ ادبر کی طف دباتا ہے اور دباؤ ﴿ + مف ﴿ يَجِ كَى یس اختصار کرنے سے انتائی صورت یں JE == 37 لبذا (۱) سے زر = - حم ソラ×モー= 5; ن لوک ک = - ع لا+ ایک منقل مقدارس = (۱) لكن جوقت لا = ، توك = ك ن لوک کر= - ع × ٠ +س رس) کو رہی میں سے تفریق کرنے سے لوگ کے = - ج × لا

یفی ک یہ کہ بر حو م ج اور اس سے کسی ارتفاع لا بدکی گافت تکل

یبی جواب دفعہ ۱۱۹ کا ہے اور اس سے کسی ارتفاع لا بدکی گافت تکل

سکتی ہے۔



بوایات

اشلهنبری اصفحه ۱۲

(۱) ۲۹ ۲۵ کلوگرام (۲) ۲۵ پنگروزن (۳) $\frac{79}{57}$ پونگروزن (۳) $\frac{79}{57}$ پونگروزن (۳) $\frac{1}{57}$ $\frac{1}{57}$

اشليمبري اصفحه ١٥

(۱) ہے ۲۲ ہے بونڈ وزن (۲) بہ ۲۲۹ (۳) ۱۳۹۰ ہے ۱۳۵۰ بوٹرون (۲) بہتا المعب فی درن (۲) ۱۳۲۰ المعب فی درن (۲) ۱۳۲۰ المعب فی درن (۲) ۱۳۲۰ المعب فی درن (۲) اس کے تیم میں بقدر ... ۱۳۵۰ المعب ستی میتر کے اضافہ ہوجا تا ہے (۲) اس کے تیم میں بقدر (۲) اس کے تیم میں القدر (۲) اس کے تیم میں القدر (۲) کو تاہے کے مسادی لیا جائے (۲) مربع الی در (۲)

۱۰) ۲ م (۱۱) ۱۲۵ میر (۱۲) ۲ میر (۱۲) ۲ میر (۱۲) میر (۱۲)

المتلهم الما المعلم المعلم الم

031 10 (M) 5010 (M) 59400 ... (M) 4:1 (1)

(۵) ہے۔ کعب فی (۷) ۲۲ مل مکتب سنتی میتراور ۱۱۰ کعب سنتی میر 3986日(4) - アノクリヤ (A) (ディナナナナ) - (C) (١٠) ها الم الم المعرب اور ١ وض ص) رض عن) = رض ص) دفل ين امتلمبری م صعی ۱۷

(۱) ﷺ ۱۹۵۱ یونڈوزن (۲) ۲۸۱۵۱ فظ (۳) ہے عظم دم) مهدود سوف ده ميل دواده اكر دد) لم مدر در (۱۱) یا ۲۰۰۰ میر (۱۲) ۱۰۲۰۰۰ ۵۵ وسی میر (۱۳) ۱۰۲۰۰۰ (۱۳) (١٦) ... ١٩٥٩ يوندون ١٩٥٠ ٢٠ يوندون (١٥) ٥ ٥١ (١١) ... ٢٠١١ - ١١٠ كرين دزن (١٤) ١٩١١ ١٥٥ ٢٠١١ ١٩٥ アンで(1+4)の十(アア)

املیمیری ۵ صفحہ ۲۰

(١) - ٥٤ يوندون (٢) ممية ١٩٢ يوندون (١) - ٥٤٠ كرام وزن اویر کے گخ بر ۵۰۰ ۹ گرام وزن کیلے ئنے بر ۱۰۰۰ کرام وزن سرایک انتصابی رُخ بر (۲) ۲۰ بوندورن (۵) ۱۲۰ سن وزن (4) ه ۱۲۰ مگرام وزن (۷) ۱۲۹۵۲ مگرام وزن (۸) ۲۲۰ ۱۲۰ هاشن نن (٩) المركم بوند وزن في مرك إلى الله الم يوند وزن الم الم يوند وزن (١٠) يه انتصابي رُخون كونسبت ١٠٦٧: اليس تقسيم كرا ب- (۱۱) ۱۲ کلوگرام وزن (۱۲) ... ۱۶۸ مردان (۱۲) می درن (۱۲) می درن (۱۲) می درن (۱۲) (١١١) ﴿ وَعَلَى افْتُ افْتُ (١١) ١٢٥٠ اور الم ١١١١ يوندُورن بالتربيد タラディ(型ナルリア デタリング (14) きゅり(14) (١٩) ١٩٣ (١٩) وب ﴿ [عَلَمْ بِ إِلَى اللهِ اللهُ اللهِ اللهُ اللهُ اللهُ اللهُ اللهِ اللهُ اللهُ اللهِ اللهُ ١٥٩) مطاور خط و لا ب جمال لا ع حرب ايما نقط به كرولا = ١٤٥٠ دمع اگراس نقط کی گہائی جا تقیم کرنے والاخط مربع کے وطول والے ・一つとりとは一人によりは一人には人人にはして ردم) انقی قطرکومساوی حصوں میں تقیم کرد ان تقطوں سے بترے کی سطح من مین جھنچو جا ں میعین نصف وائرے کی قوس سے ملیکے وہی نقاط (٣٠) أكرأس نقط كى كبرائى جها ن قيم كرنے والاخط ج ب سے متا ہے لا بواور إل اور ب كى گرائيان بالترشيب عد اور به بول تو ・=(キャン・ーリェナガイ (۳۵) اگر مخروط کا ارتفاع من مو توسط منوی کی گبراتی صورت اول میں ف اورصورت دوم ب بوگی اورصورت دوم ب المثله ثمبري لا صفحه الم (٢) صندوق كو آدها برنا جائے-امتلهمبري عصفحه ۵۹ アートリー (アナテ)(か)

(۲) ۱- روت و (۱- الم) ۲= روت و (۱+ الم) (۲) ما مرد و الم الم المرد و (۱) مرد و (۱) مرد و (۱)

امثله نميري مصفحه ۸۸

قاعدہ کا نصف قطر (س) ہے رف و رس) مال مجوی وباؤ و ن فر سلم ۱۳۲۱ مرزے گزرتا ہے اور انتی کے ماتھ زادیدس ہے بناتا ہے۔

ده) انتی کے ماقة زادیہ سے اللہ باتا ہے۔

「いりゃしい」「り」」

امتلهمنيري وصفحه ١٥

رن است المور المراب المراب المراب المراب المراب المرب عراب المرب عراب المرب ا

MAD جوايات ره) معرب منى مير أ ٢١١ معرب منى مير أ ٢٥٤ م (٤) معرب منى مير أ ٢٥٤ معرب منى مير أ ٢٥١ معرب منى مير أ دم) ... ۲۷ ع في الخ (۱۲) ۲۵ د ۱۱) کم الح د ۱۱) ایک کحب ستى ميتر هجم كا خلا ہے۔ (١٥) جبر ١٣١٧ كعب الى (١١) ١٤١١) ١٤١ (١٤) الله ١٤١١) امتلهمري الصفحه (١) ٥٥٠٠٠٥ (٢) مُ كُوب إِنَّ (٣) ٥٥٠٠٠٩١

1+1 = (4) シャカ: ヘイン きっと (4) カート (4) いっと (4) (۹) ی گہائی کی نسبت ابتدائی گہائی کے ماتھ مہم ۲۹ ہم

المتلميري الصحرا

(۱) ا- ۱۱ یوند وزن ۲- ۱ یوند وزن (۳) ۱- ۱۱ یوند وزن رم) م عو يندورن م الم ما يوند وزن (م) معرما (٢) ١٥ كرام وزن (٤) ٢: ٣ (٨) كروى كافكروا (٩) ه (١٠) برتن والع برازوكي سوئي في أر آيكي اورجم والع تزازوكى سوئى اديرجوط جائيكى ددنون سوئيون سے جم كے بائے ہوئے پانی سے وزن کی بالترتیب زیادتی یا کمی تعبیر ہوگی۔ (۱۲) مکعب ایخ معمد پزیر وزن (۱۳) ۱۲ ع بونگر وزن ۲۵ بونگر وزن امتیل میری ۱۳ صفحه ۱۲۵

(۱) ۹۰ گرام وزن (۳) ۵ بوند وزن (۲) ۸۰۰۰۰۸۵ اگرام (۵) هیک ۱۱ اوس وزن (۲) هیک ۱۲ و (۵) میک ۱۱ اوس وزن

المتلمنري واصفحه ١٢٠٠

١١٠ - المراج ٢- رُجِال رُشِيَ قاعده كانعف تطرب

المتله مبري واصفحه ١٣٩

المتلممبري عاصفحه ١٥١

دا) هه د د م الم م د د ترساً د د م الم الم ع

امتلاشیری مافعه ۱۲۱

امثل نميري ٩ أصفحه ١٤١

امتله نمبري وصفحه ۱۷۹

المتلهميري المصفحه 19

(۱) ۱۹۹۷ ۱ انتیمیتر (۲) ۱۹۰۹ و کرام درن جب ۱۱= عید رس کے ا ارتفاع بقدر فاصلہ لا کے کم ہوجائیگاجیاں کی محطول لاکے بارہ کا وزن کولی کے وزن کے مساوی ہے شطکے گولی تلی میں تھنیس کرائے اگرگولی تیرے توارتفاع میں کوئی تبدیلی واقع نہوگی۔ (م) ... ۲۲۲ و ۲ ستی متر ده الما ایخ امتله تمسري المصفحه ۲۱۰ دا) ۱۲۹۲ مرس ورن کا اضافه دس ۱۲۹۴ فط رم) جب تک کہ اندر کے یانی کی ستے یا ہر سے یانی کی سطے سے م ف فط ميجي شروجائے كا دف ره) ۲۶۷۵ فظ (۲) المنتي مت رمى دونوں جانب دباؤ بالترتيب له ١٥ اور ١٠ يوند وزن نی مربع اِن کے ساوی ہیں' م اِن رو) اوی تیرایگا ہے۔ یہ نیجے اُٹر آئیگا۔ (١٠) م ١ مم الم يوند وزن تقرياً (١١) ٥٤ ٤ . م فك (۱۵) ما ایک (۱۲) ایک (۱۹) ایک (۱۹) دونان (۱۹) ایک وزان (۲۰) جا ت + ۱۳۳ جال د د د یا ای کے بارپیا کا ارتفاع ہے۔ امتلهنبري ۱۲ مفحه ۲۲ (۱) ا- سم ۱ ۱ م کستنی میر معید فیط

(۲) به محب الح (۳) ۱۰ محب الح (۲) ۱۲۹ : ۱۲۲ (۲) ۲۲۹ (۲) (۲) ۲۲۹ (۲) (۲) (۲) (۲)

المتلهم كالمعصفي الما

المليمبري ١٥٥ صفحه ١٢١

(۱) . . ۵٪ و جوائی کوس کا دباؤ تقریباً (۲) ہے۔ افت (۳) ہے۔ افت (۵) . . ۵ محب فئے (۲) مقاویر نبیت ۲: ۲ میں ہیں۔ (۵) طرف فواص کی جوٹی کی گہرائی ۲ بانج ہے بانی کے بارسیا کا ارتفاع ۲۳ فئے (۸) ہے۔ (۲) ہوا بابر کلیگی (۱۳) ۲- سک تقریباً (۲۱) ہوا بابر کلیگی (۱۳) ۲- سک تقریباً (۲۰) ہوا بابر کلیگی (۱۳) ۲- سک تقریباً (۲۰) میں فئی روان کی باربیا کا ارتفاع ہے اور او ظرف فواض کا ارتفاع ہے اور او ظرف فواض کا روان ہے۔ (ک دی ہے۔ اور او ظرف فواض کا جان کی گئا فت اضافی ہے۔

امتليمبري ٢٢صفيه٢١

(۱) ارتفاع شاء اس سے شاء هم کم براتا ہے۔

(۲) ۲۲ نف ایخ (۲) ۲۳ سے شاء هم کم براتا ہے۔

(۵) نئی جائیگا۔ (۲) ۲ فٹ ۲۳ – ۱۱ اس = ساء و فظ تقریباً

(۵) ہے ۸۹۸ یونڈ وزن (۸) ہے ۱۲۰۰۰ یونڈ وزن

(۹) هم ۲۲ وزن هم ۱۳۱۱ وزئ وزن میں ۱۳۱۱ اور ۱۳۰۰ کے طریق کتابت کی روسے

(۱۱) ۲۰ اس کلوگرام وزن ۲۰۰۰ اسکوگرام وزن

(۳۱) یا تی او پر کے نل میں نہیں آسکیگا کے هم ندین اسکیگا کے دم ندین در اور ۱۳۰۰ کا در اور ۲۰۰۰ کا در کا در کا در اور ۲۰۰۰ کا در کا کا در کا د

اشل منبرى عوصفي ١٨٨

(۱) ۱:۳ (۲) دباؤ و : . آک نسبت میں ہیں اور ساقتی دباؤ کی نسبت ایترائی دباؤ کے ساتھ (آ: (آئے بوتھ ربیاً ۱: ۱۲ کے سافی ہوں دما اور ۲۰ ۲۰ (۱۱) ۲

El a Corr (r)

دا) ۲۲ فظ

امتلهمنري واصفحه ٢٠٠ 2 1 - (m)

امتلهمنري معصفه ٢٠٠

(م) م 2 م و ف J+C3 + (4)

المتله منبري الاصفحه ١١

(1+1)(コナーナー)(ア) (シャナレナリント

دم) اس کی گرائی مرکزی گرائی کی چھے گئی ہے۔

(2) عبر وجال ل ایک ضلع کا طول ہے۔

اشليمري وموصفي وسه

(١) المعقق (١) ح ك [ف سنة (ؤ-أ)] مرز سے فاصله اير

では、 1 (19) 1 (19) (19) (19) (19) (19) (19)

でドーブルリスロッジ

امتلان على المتلانبرى المستعقر ١٢١٩

دا) ۲:۳ د۲) ٥٠٠ د يوند في مربع الح

で[二年] (内) (円) متفرق متالين صفحه ٢٥٧

(۱) الله ۹۸گز (۲) ۱وگرام فی کمعیسنتی میتر ۱ ۱۲۹ معیسنتی میر (٣) عن (م) عمل المرام (ه) اا: ٩ (م) 150 (14) 560 (14) 1544 (11) (١١) يبلے فاصلہ كا بقدر منس (١٥) ...٥٠١٥ إلح (۱۲) ۲۳۳: ۲۹۳ (۱۹) اس کا ارتفاع = رین × حدید (۱۲) (۲۰) اگرب ع کا دی نقط د بوتو و د ار روانع بوگا ادر دو= است × د ا (۲۱) ۲۰: ۲۲ مو مو جال ف مزوط کا ارتفاع ہے (۲۲) مقدار ۱۸ و ۱۰۰ اورسمت عل فق سے زاویس الم نبالی ہے (١٥) ١- يداوير أطفات ٢٠ بالعموم يد يحي اترتاب-דא איז ביל ייין דין איז ביין דין דין דין דין דין דין דין דין (77) 1中 (アリリー (アリ) 1十月できる طرق کتابت کے مطابق (۱) یہ زیادہ ہوگا (۲) یہ کم ہوگا۔ MY = EULA 1. XIITHY (DY) (かしいりょく りょじりょくといいいしょしいい) 1 (09) 「」をないいましばりなくにいいよくにいいいいのはい

فرساوطاما

Absolute temperature

Air Pump

Alloy

Apparent weight

Atmospheric pressure

Barrel

Barometer

Bellows

Boiler

Bulb

Buoy

Buoyancy

Capacity

Cartesian diver

Centimetre

C. G. S. System

Centre of gravity

Centre of pressure

Coal gas

بش طلق احوا بجرب وان دھات اہری دزن رُهٔ محوائی کا دباؤ رہا عونگنی مونگنی

جو فه پیرکوا چھسال خاکرنشہ

کارٹینری خواص سنتی میت

سنی میگرام ٔ تاسیدنطام (۳ مرکز نقل (دش) رما دُ کا مرم .

كونله كيس

Column of mercury

Common)

Pump

Suction

Common Surface

Compressibility

Compression

Cone

Condeuser

Contraction

Cork

Correction

Crown glass

Curved surface

Cylinder

Density

Displacement

Distilled water

Diving bell

Double cone

Double barrelled pump

Dyne

Effective surface

Equilibrium

Ether

Faulty Barometer

باره کااسطوانه عام میب]

> چوس میب سطه مشه سر

بيكن كى قابكيت

مخروط

مكنف

ساکاو

تفحيح

كاسى شيشه

25

كنا فدس

516

مناو

خريدي ہوا يا ظرن غواص

دو بسرا مخروط

د اکن د اکن کرمز سیلم

تومر ح توارن

ایتحرا

Flint glass Floating bodies Floating Surface Fluid pressure Foot pound System of units Force pump Fulerum Friction Frustum Gas Graduation Grauime Heavy liquid Hetrogeneous fluid Homogeneous fluid Hypothetical fluid Hydrometer Hydrostatics Hydraulie Press Hydrostatic) لون سیالات کا سکله غربیر میزان کا نؤوا Hydrostatic paradox

Hydrostatic balance

Ice berg

Imperfect Vacuum

Plate

Intensity of gravity	الشياد
Intriusic weight	رن ۔
Ivory	نت
Kilogramme	
Lamina	, !
Level	4
Lever	
Listing pump	~
Liquid	
Loaded Barometer	بكوا بارسما
Mercury	ربيما
Mercury guage	اب پيا
Motacentre	ىد
Millimetre	
Mixture	
Moment	ć
Naphtha	
Nozzle	
Oak	ت
Olive oil	كانتيل
Paraboloid of revolution	لا في نما
Parallelopiped	ه بین کافی نما السطوح مارین
Perfect Fluid	01
Piston	

Siphon Barometer

Size

Slant Side of a Cone

Solids

Solution

Specific gravity

Sphere

Spherical

Spout

ىگون ئالات

Stability

Standard temperature

Stop cook

Stroke

Syringe

Tangential force

Tar

Torricellian vacuum

Thrust

Treacle

Triangular Prism

Tube

Turpentine

U Tube

Uniform Pressure

Vacuum

Vapour pressure

Viscous fluid

Volume

Water line

Water-tight

Pistor

Air-tight

Wax

Whole Pressure

Zone

معیاری مثنی روک دالط ضرب مار

یکاری

تاركول

طرسلي كاحلا

ر المارو

منشورشك نلى

تاربين

لاعامي مکسال د باء

خلا

نجاری دبائ

لزج مسيال محسب

خطآ بی آب بند ک

وأبند لمعتاره

موم مل وباؤ منطقة

& Die

							-
اصحیح	غلط	سطر	اصفحه	صحيح	غلط	، سطر	صفى
کره کوکسی	کردگسی	41	124	sh.	يموا	^	41
و	وٌ ا	14	149	کثافیس اور افه اد کشافتر	ضافئ كتافيتر	1-	44
وُ(ا- عمر)	(20 1) 3	11	101	ر معالی از ن فت اضافی	ن فت الم	19	49
6	و	11	16-	ض ليونک	لن ب حونکه ا	1 10	۳.
عہ، ہ	م بد	= 11	144	البيعي ال	ىنعى -	5 1	04
اس	براس ا	11	19 0	نا ثا نافسان ا	نانا بنا افت الأ	A 1	1-4
مرر فی ورجه نناسرب	رری درجه او ساوی	- 1	4-4	إفساضا في	افت الز	7	1-6
لائىسطح	الم الم	19	404	اليا ال	يا اور	2 14	110
بھی ا	بعي اتع	25 1-	400	- E	ال ال	-11 1	114
27	1 2	۲ کرا	. 49	ربالا .	14 1	7 1	171
010	1 1	1 9	149	1 2	یے دور	ے ویو	المال المال
1:6	ادر و	ا اون	~ w.	ز ده مالعممي ا	تقل مرکز سموم ہے،	ا ج	1119
3+1							

معنع	غلط	ben	صفحه	ميح	ble -	سطر	صفحہ
تال	ال ال	4	440	ف"+	فترب	1-	p-4
451	29			نب ا		۲	Tular
سمع	42		446	1 2" 2" 1	فاعدو	4	MYA
-4	= +	9	MAM	انتصابي فطر	فطر	6	العوام
r500	0170-610	9	m . 9	مے مے کانی	382	1.	200
				انقى ميزريه	افقى پ	10	mme

LASHMIR UNIVERSIT

Acc 1456812

CHING 24-5-03





